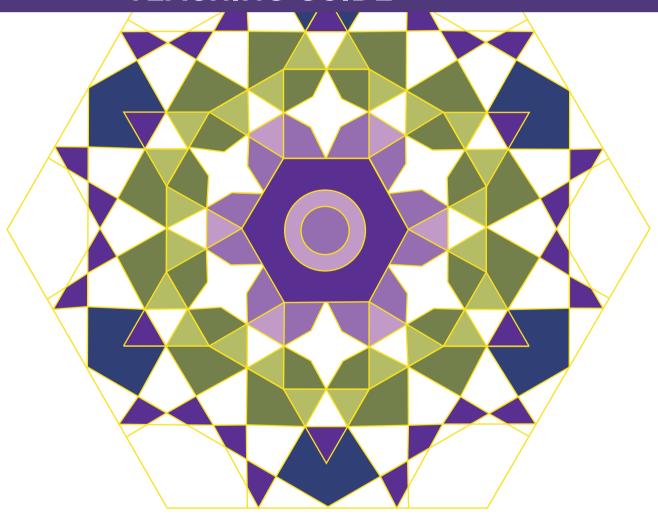
MATH 6 UNDERSTOOD

TEACHING GUIDE





OXFORD UNIVERSITY PRESS

Oxford University Press is a department of the University of Oxford. It furthers the University's objective of excellence in research, scholarship, and education by publishing worldwide. Oxford is a registered trade mark of Oxford University Press in the UK and in certain other countries

Published in Pakistan by Oxford University Press No.38, Sector 15, Korangi Industrial Area, PO Box 8214, Karachi-74900, Pakistan

© Oxford University Press 2026

The moral rights of the author have been asserted

First Edition published in 2026

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, stored in a retrieval system, or transmitted, used for text and data mining, or used for training artificial intelligence, in any form or by any means, without the prior permission in writing of Oxford University Press, or as expressly permitted by law, by licence, or under terms agreed with the appropriate reprographics rights organisation. Enquiries concerning reproduction outside the scope of the above should be sent to the Rights Department, Oxford University Press, at the address above

You must not circulate this work in any other form and you must impose this same condition on any acquirer

ISBN 9786275225713

Plan Your Work and Work Your Plan

Before creating a lesson plan, it's essential to understand the art of teaching. Effective teaching involves connecting with students' daily lives and revisiting previously learned material. A well-structured lesson plan is crucial to engaging every student in the classroom. There are three key components to lesson planning:

A. Curriculum:

A curriculum should be tailored to meet students' needs and school objectives, avoiding overambition and haphazard planning, particularly in math education.

B. Instruction:

Teachers can use various methods, such as verbal explanations, visual aids, and inquiry-based learning, to deliver instruction. The best teachers adapt their approach to suit their students' needs, continuously updating their skills and methodology.

C. Evaluation:

Evaluation is a tool to assess not only students' understanding but also the effectiveness of the teacher's instruction. It helps teachers refine their approach and ensure students achieve their full potential. By considering these three facets, teachers can create comprehensive lesson plans that promote meaningful learning and student engagement.

D. Long-term Lesson Plan

A long-term lesson plan covers the entire term and typically involves school coordinators outlining the core syllabus and unit studies. When planning, two crucial factors to consider are:

- **Time frame:** Allocating sufficient time for each topic to ensure comprehensive coverage.
- **Prior knowledge:** Assessing students' existing knowledge of the topic to inform the planning process. An experienced coordinator will consider the topic's complexity and the students' ability to grasp it within the given time frame. Assigning the optimal number of lessons for each topic is essential to avoid overspending time on easier topics, which could impact the time needed for more challenging topics later.

E. Suggested Unit Study Format

Weeks	Dates	Month	Number of Days	Remarks

Short-term Lesson Planning

The responsibility of the course teacher. The term "lesson" originates from the Latin word "lectio," meaning the action of reading, but in this context, it refers to the action of teaching a topic in the classroom. To plan a topic effectively, consider the following suggested format, while also being open to adapting and improving your approach based on your school's and colleagues' methods.

When planning a lesson, consider the following steps:

- 1. **Topic:** Identify the topic title.
- **2. Overview:** Assessing students' prior knowledge of a topic is a crucial step in the learning process, involving the evaluation of what students already know, understand, and can do related to the topic before instruction begins.

To assess prior knowledge, teachers can use various methods, including:

- Pre-assessment quizzes or tests to gauge students' understanding of the topic.
- Class discussions to explore students' thoughts, ideas, and experiences related to the topic.

By assessing prior knowledge, teachers can create a more effective and engaging learning environment, ultimately leading to better student outcomes.

3. Objectives: Clearly defining the learning objectives for a topic is a crucial step in the lesson planning process. Learning objectives specify what students are expected to know, understand, and be able to do by the end of the lesson or topic.

By clearly defining learning goals, teachers can create a roadmap for instruction, guide assessment, and promote student understanding, ultimately leading to more effective teaching and learning.

4. Time Frame: Accurately estimating the time required for each topic is vital to ensure a successful lesson plan. However, class dynamics can be unpredictable, and flexibility is essential to adapt to the unique needs and responses of each class. Note that introductory sessions often require more time, but as the topic progresses, students may learn faster, allowing for potential reductions in the allocated timeframe.

To effectively manage classroom time, teachers should:

- establish a general time frame for each topic,
- be prepared to adjust as needed,
- monitor student progress,
- prioritize essential tasks,

and leave buffer time for unexpected events or questions, ensuring a flexible and adaptive lesson plan.

5. Methodology: This refers to how you will demonstrate, discuss, and explain the topic to your students. Effective methodology involves using a range of teaching methods to cater to different learning styles, incorporating technology, providing opportunities for questions and feedback, and encouraging active learning through group work and problem-solving activities. By using varied methodologies, teachers can create an engaging, interactive, and student-centred learning environment that promotes deeper understanding and application of the topic.

- **6. Resources Used:** Refers to the materials and tools needed to support teaching and learning.
- **Tangible materials:** Everyday objects that will help students to visualize and understand complex concepts.
- **Printed materials:** Exercise books, worksheets, and test worksheets to provide students with hands-on practice and assessment opportunities.
- **Assignments and projects:** Longer-term tasks that require students to apply their knowledge and skills.
- **Digital resources:** Online tools, software, and multimedia resources, such as educational apps, videos, and interactive simulations, to enhance engagement and understanding.

By identifying and listing the resources needed, teachers can ensure that they have everything required to deliver effective instruction and support student learning.

- 7. Continuity: Continuity refers to reinforcing learning throughout a topic to ensure students retain and build upon previously acquired knowledge. To achieve continuity, teachers can alternate between class work and homework, gradually increase task difficulty, use varied teaching methods and resources, and provide regular feedback and assessment. By planning for continuity, teachers help students develop a strong foundation of knowledge and skills, making connections between lessons and topics, and promoting deeper understanding and application of the subject matter.
- **8. Supplementary Work:** To further enhance student learning, teachers can consider additional activities to complement their instruction.
- Group projects or individual research: Encourage students to work collaboratively or
 independently on projects that delve deeper into the topic, promoting critical thinking, problemsolving, and creativity.
- **Presentations or assignments:** Provide opportunities for students to demonstrate their understanding through presentations, reports, or other assignments, helping to develop their communication and critical thinking skills.
- **9. Evaluation:** Ongoing assessment is essential to monitor student progress, identify areas of improvement, and inform teaching adjustments. Strategies include:
- **Regular quizzes and self/peer correction:** Administer quizzes to check students' understanding and provide opportunities for self-reflection and peer feedback.
- **Formal tests at the end of the topic:** Conduct comprehensive tests to assess students' mastery of the topic and identify areas where they may need additional support.
- Continuous monitoring of student progress: Regularly review student work, observe their participation, and engage in one-on-one discussions to inform teaching adjustments and ensure students are on track to meet learning objectives.

By incorporating supplementary work and ongoing evaluation, teachers can create a comprehensive and supportive learning environment that fosters student growth and achievement.

Introduction to the Teaching Guide

Features of the Guide

This teaching guide serves as a comprehensive resource to support educators in designing and delivering structured, effective, and engaging lessons. Organized into carefully curated sections, it aims to equip teachers with the tools and strategies necessary to enhance both their instructional approach and student learning outcomes.

Concept Builder Notes

The Concept Builder Notes provide an in-depth exploration of key topics, offering a clear and concise framework of essential ideas and concepts. This section is designed to ensure educators possess a thorough understanding of the subject matter, forming a strong foundation for effective teaching.

Scheme of Work

The Scheme of Work outlines a meticulously planned roadmap for each lesson, incorporating well-defined learning objectives, interactive activities, and meaningful assessments. This structured approach enables educators to deliver lessons with clarity, coherence, and purpose.

Review Worksheets

The Review Worksheets section presents a variety of thoughtfully designed worksheets to consolidate student learning and assess progress. These worksheets assist in identifying areas for improvement and reinforcing critical concepts, fostering a deeper understanding of the material.

This teaching guide is designed to be a reliable and practical tool, empowering educators to achieve excellence in teaching and learning. By integrating these resources into your practice, you can create a meaningful and impactful educational experience for your students.

To enhance accessibility, all resources are also available via QR codes provided at the end of each unit.

Unit:	Estimated number of Lessons:

Specific Learning Outcomes

It is the change/improvement that is expected in the Knowledge/attitude/skills of students by the end of a lesson. The teachers are expected to list the SLO of the lesson in the precise format. There can be more than one SLO for a lesson, but they should be SMART.

Prior Knowledge Assessment

Here the teacher will list small and clear questions, which will be asked during the lesson to assess the awareness of the students to teach new concepts and skills. These questions may be asked randomly or in the form of quiz but should not take too much time. This drill not only demonstrates the readiness of students to learn as well as creates stimulus for learning.

Teachers are not required to put in black and white, but they must have clear concept of the possible answers, which are expected from the students, of the listed questions.

Resources

Devise a very short activity or strategy of a few minutes to get the attention of the students and detach them from the previous lesson. Instead of directly starting with the content of the lesson, this activity should contain something of interest to children. It could be a small discussion about scientific exploration, some interesting facts about the current topic or its application in real-life situations. Even something humorous may be a quality joke (if you can handle the response of students after that).

Next outline the activities and the steps of teaching in a sequence with clear specifications and their impact upon learning of the students.

Class Assignment:

Here the teacher will specify the written work, which will be done by students in notebooks during the lesson in the class.

Home Assignment

Here the teacher will specify the work which will be done by students at home.

Home assignments should be neither the repetition of the same work done in the class nor something very new in the topic. It should be based on what students have learnt in the class and either should reinforce the concepts or be the extension of them.

Evaluation

Evaluation should be done within the lesson on any activity which is the part of lesson or teacher will devise a tool with a clear criterion to assess the learning of students. It should be directly derived from the learning objectives of the lesson confirming the change/ improvement, which was expected in the knowledge/attitude/skills of the students.

Remember that home assignments cannot be used as an evaluation tool.

Teachers should evaluate pupils during and after learning to identify what they have learned and how well they have learned it. Assessments help teachers understand their pupils' knowledge and adjust their approach to help them achieve learning goals.

Assessment is an ongoing process. Pupils can be assessed through formative and summative assessment. Ways to evaluate teaching and students learning.

Oral assessment: By asking concept check questions.

Written assessment: Through quizzes, games, classwork, homework, test at the completion of the topic.

Teacher's assessment: Simplest way to assess pupils' performance is through conversation that is engaging them in discussions. To save time just call a pupil and talk about a specific idea, while the others are working. An other way is observation, while they're doing activities that are assigned in the classroom. Pupils' can also be easily observed by watching them solve one or two questions.

Peer assessment: Pupils provide feedback on their classmates' work. This helps students understand their own work and the work of their peers.

Personal assessment: Pupils can evaluate themselves, which will help them think about their own performance.

OXFORD UNIVERSITY PRESS

Contents

Unit 1	Sets	2
Unit 2	Integers	12
Unit 3	Order of Operations	28
Unit 4	Multiples and Factors	34
Unit 5	Rate and Ratio	46
Unit 6	Percentage	56
Unit 7	Introduction to Algebra	66
Unit 8	Linear Equations	80
Unit 9	Geometry	90
Unit 10	Measurement	104
Unit 11	Data Handling	114

Unit Sets

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

Use language, notation, and Venn Diagrams to represent different types of sets and their elements: finite and infinite sets, empty sets, singleton sets, and universal sets

Rationale: The outcome of this competency depends on the student's ability to classify, sort, and organise different data. Students do not have any prior knowledge of the sets, but they must know how to group similar things/numbers together. This serves as a blueprint for learning sets. Learning how to represent sets using language, notation and Venn diagram allows students to enhance their logical and analytical skills. Venn diagrams help the students to compare, contrast, and understand the relationship between two distinct groups or collections.

Using examples, explain to the students that sets are a well-defined collection of objects and there are multiple methods of writing a set. Use a variety of examples to explain different types of sets. Once the students learn how to use the set language and notation, it will be easier to explain the relationship between sets using Venn diagrams.

Stimulus: Create a stimulus to represent sets with a simple activity. Provide different classroom objects to the students and ask them to classify them into two groups based on their attributes, such as colour or texture, etc. Once they classify the objects, ask them if there are any objects with common attributes. Help the students define each set and represent them using a Venn diagram.

Using different examples from everyday lives, such as set of vowels in English language, set of odd numbers less than 10 and set of all the red objects in a classroom, to teach how sets can be written by:

- Listing all the elements of a set in set notation (curly brackets), that is tabular form. Example $W = \{0, 1, 2, 3, 4\}$
- Using words, which is the descriptive form. Example: set of all the whole numbers less than 5.

To further strengthen the methods of writing sets, use examples from the textbook. Once the students can independently write sets as tabular or descriptive methods, move on to explaining several types of sets. The textbook covers six types of sets apart from universal set. Explain that sets with measurable number of elements or member is a finite set, whereas the set with unlimited number of elements is an infinite set. For example, the number of colours in a rainbow is a finite set while the number of colours in the world is an infinite set. Move on to explaining null set (otherwise called empty set) and singleton set. The major difference between both is that null is a completely empty set, that is it has no elements while singleton set has only one element. For example, $A = \{\text{cities of Pakistan named Edinburgh}\}$ is a null set as there is no city in Pakistan named Edinburgh. Whereas $B = \{\text{capital city of Pakistan}\}$ is a singleton set because $B = \{\text{Islamabad}\}$. Point

قابليت ا

مختلف اقسام کے set وران کے اجزا (elements) کو ظاہر کرنے کے لیے وین ڈائی گرام، علامتوں (notation) اور زبان کا استعال کرسکیں جیسے: محدود (finite) لا محدود سیٹ (infinite set) خالی سیٹ (empty set) اکائی سیٹ (singleton set) اور کا کناتی سیٹ (infinite set) محدود (finite) امیروں اور انھیں ترتیب دینے کی صلاحیت پر منحصر ہے۔ طلبہ کو استدلال: اس قابلیت کا نتیجہ طلبہ کی مختلف طرح کے ڈیٹا (Data) کی درجہ بندی کرنے اور انھیں ترتیب دینے کی صلاحیت پر منحصر ہے۔ طلبہ کو سیٹ کے بارے میں پیشگی معلومات نہیں ہوتیں لیکن انھیں میمعلوم ہونا چاہیے کہ ایک جیسی چیزوں یا اعداد کی گروہ بندی کیسے کرنی ہے۔ سیٹ سیسٹ کے بارے میں پیشگی معلومات نہیں ہوتیں لیکن انھیں میمعلوم ہونا چاہیے کہ ایک جیسی چیزوں یا اعداد کی گروہ بندی کیسے کرنی ہے۔ سیٹ سیسٹ کے بارے میں پیشگی معلومات نہیں ہوتیں لیکن انھیں میماروں کو جلا بخشا ہے۔ وین ڈائی گرام (venn diagram) کی مدد سے طلبہ دو مختلف گروہوں یا مجموعوں کا موازنہ کر سکتے ہیں اور ان کے مابین تعلق کو بہ خوبی سمجھ سکتے ہیں۔

مثالوں کی مدد سے طلبہ کو سمجھائے کہ سیٹ (sets) اچھی طرح سے بیان کردہ مختلف چیزوں کا مجموعہ ہیں اور کسی set کو لکھنے کے تین طریقے ہیں۔ اب مختلف مثالوں کی مدد سے مختلف شم کے sets کی وضاحت سیجیے ایک بار طلبہ sets کو لکھنے کے طریقے اور علامتیں سیکھ لیس گے تو ان کے لیے وین ڈائی گرام کا استعال کرتے ہوئے sets کے درمیان تعلق کی وضاحت کرنا آسان ہوجائے گا۔

محرک: طلبہ میں محرک پیدا کرنے کے لیے sets کو پیش کرنے کے لیے کلاس میں ایک سادہ می سرگرمی کروایئے۔ اس کے لیے کمرہُ جماعت میں موجود مختلف اشیا طلبہ کو دیجیے اور ان سے چیز کی درجہ بندی ان کی خصوصیات جیسے ان کے رنگ یا ساخت وغیرہ کی بنیاد پر کروایئے۔ وہ درجہ بندی کر چکیں تو ان سے پوچھے کہ کیا ان میں مشترک صفات والی کچھ اشیا ہیں۔ ہرسیٹ کی تعریف کرنے میں طلبہ کی مدد سیجیے اور انھیں پیش کرنے کے لیے وین ڈائی گرام کا استعال کروائے۔

روزمرہ زندگی سے لی گئی مختلف مثالوں کے جیسے انگریزی زبان میں حروف علّت (Vowels) کا (set)، 10 سے جیموٹے طاق اعداد (odd) منالوں کے جیسے انگریزی زبان میں حروف علّت (sets) کو کس طرح سے بیان کیا جا سکتا ہے۔ set فغیرہ کے ذریعے بتائیے کہ سیٹوں (sets) کو کس طرح سے بیان کیا جا سکتا ہے۔

- و کسی سیٹ کے تمام اجزا کو درج کرنے کے لیے خطوط وحدانی (curly brackets) کی علامت کا استعال کرنا جو کہ (sets) کو ظاہر کرنے کے اندراجی طریقہ ہے۔ جیسے Example A = {0, 1, 2, 3, 4}
 - الفاظ كا استعال جوكه (sets) كو لكھنے كا بنانيہ انداز ہے جيسے 5 سے چھوٹے مكمل اعداد كاسيث (set)

سیٹوں کو کھنے کے طریقوں کو مزید پختہ کرنے کے لیے، نصابی کتاب میں دی گئی مثالیں استعال سیجے۔ طلبہ ایک بار sets کی اندراجی (tabular) یا (descriptive) شکل میں ظاہر کرنے کا طریقہ سیجے لیں تو یکے بعد دیگرے انھیں مختلف اقسام کے سخت جائے۔ یہ دری کتاب کا نناتی سیٹ کے علاوہ 6 مختلف اقسام کے سیٹوں کا احاطہ کرتی ہے۔ وضاحت سیجے کہ وہ sets جس کے ارکان یا اجزا کو گِنا جاسکے وہ ایک محدود (set mull) ہے۔ مثال کے طور پر قوس قزح میں رنگوں کی تعداد null) ہے۔ مثال کے طور پر قوس قزح میں رنگوں کی تعداد null) ہے۔ اور وہ sets ہوئے (infinite set) کی تعداد ایک لامحدود سیٹ (infinite set) ہے۔ اب مزید آگے بڑھتے ہوئے (null set) جے خالی سیٹ (empty set) میں موجو درنگوں کی تعداد ایک لامحدود سیٹ (singleton set) ہے۔ دونوں کے درمیان بنیاد کی فرق یہ ہے کہ (set بالک خالی ہوتا ہے بخالی سیٹ (singleton set) میں صرف ایک رُکن ہوتا ہے مثال کے طور پر الکل خالی ہوتا ہے مثال کے طور پر الکل خالی ہوتا ہے بھی اس میں اجزایا ارکان موجو د نہیں ہوتے جب کہ اکائی سیٹ (singleton set) میں صرف ایک رُکن ہوتا ہے مثال کے طور پر الکل خالی ہوتا ہے بھی اس میں اجزایا ارکان موجو د نہیں ہوتے جب کہ اکائی سیٹ (singleton set) میں صرف ایک رُکن ہوتا ہے مثال کے طور پر

 $A = \{cities \ of \ Pakistan \ named \ Edinburgh\}$

out that the symbol of null/empty set is different from all the other notations as it is represented by the Greek letter called 'phi' and written as \emptyset . It is important to note that an empty set is never represented as $\{\emptyset\}$ as it would mean that a set contains one element which is \emptyset .

Equal and equivalent sets may appear confusing. However, the best way to explain the difference is that equal sets have the exact same elements, even if the order is different. Whereas the equivalents set have the same number of elements, but the members of the set may be different from one another. It is important to note that all equal sets are equivalent, but not all equivalent sets are equal as the elements may differ. Use examples from the textbook to support your explanation.

Knowing what a universal set is essential as it is a steppingstone to understanding how Venn diagrams are drawn or made. Universal set is a set of all elements that are under consideration for a particular scenario. For example, if Set $A = \{name \text{ of all the boys in a classroom}\}$, then universal set (U) is $\{name \text{ of all the students in a classroom}\}$. Point out that a universal set can either be finite or infinite. Move towards explaining Venn diagrams as a way of representing relationship between two sets. Elements of a set in a Venn diagram are written within a circle, while the universal set is represented in a rectangle. A set (represented as a circle) is drawn within the rectangle representing the universal set, since all elements of the set are part of the universal set.

Incorporate examples from the textbook to support your explanation and use exercises as practice to strengthen the concept in students. For class practice, you may also provide students with different examples or worksheets of sets and ask them to classify them as finite, infinite, empty, singleton and/ or universal set. The following example can be used:

- A Set of planets in the solar system
- A Set all the books in the library
- A Set of animals which have 4 limbs.

{پاکستان کے شہروں میں ایڈ نبرگ نامی شہر } یہ ایک (null set) کی مثال ہے کیونکہ پاکستان میں ایسا کوئی شہر نہیں جس کا نام ایڈ نبرگ ہو۔ جیسا کہ و اسلام آباد } = B نشان دہی کیجیے کہ (null set) کی علامت و گیاکستان کا دارالحکومت } = B نشان دہی کیجیے کہ (null set) کی علامت دیگرتمام علامتوں سے مختلف ہے کیونکہ اسے یونانی حرف 'Phi' سے ظاہر کیا جاتا ہے اور اسے بطور ﴿ کلھا جاتا ہے یہاں یہ بات قابلِ غور ہے کہ کسی (null set) یا خالی سیٹ کو کبھی {﴿ کیا یوں نہیں لکھا جاتا ہے کیونکہ اس کا مطلب ہے کہ یہ سیٹ ایک رکن پر مشمل ہے جو کہ خود ﴿ ہے۔ کسی (equal set) یا خالی سیٹ کو کبھی (وqual set) دوسرے سے کہ بہترین طریقہ یہ ہے۔ (equivalent set) میں وہی ارکان یا اجزا ہوتے ہیں خواہ ترتیب مختلف ہو۔ جب کہ مترادف سیٹ (equivalent set) میں اجزا کی تعداد وہی ہوتی ہے لیکن ان کے ارکان ایک دوسرے سے مختلف ہو سکتے ہیں۔

یہاں یہ جھی قابل غور ہے کہ تمام مساوی (equivalent)، مترادف (equivalent) ہیں لیکن تمام مترادف سیٹ (equal set) کا مساوی (equal) ہونا ضروری نہیں ہے کیونکہ ارکان (element) مختلف ہو سکتے ہیں مزید وضاحت کے لیے درسی کتاب میں دی گئی مثالوں سے مدد لیں۔ طلبہ کے لیے یونی ورسل سیٹ (universal set) کو جاننا اس لیے بھی ضروری ہے کہ یہ وہ ابتدائی قدم ہے جس کی مدد سے طلبہ وین ڈائی گرام کو بنانا بہ آسانی سکھ سکیس گے۔ یونی ورسل سیٹ ان تمام ارکان یا اجزا کا مجموعہ ہے جو کسی خاص صورت حال کے لیے زیر غور ہیں۔ مثال کے طور پر اگر سیٹ A = {ایک کلاس روم میں تمام لڑکوں کا نام}، تو یونی ورسل سیٹ ہے {ایک کلاس روم میں تمام طلبہ کا نام} اس بات کی نشان دہی بھی کیجے کہ یونی ورسل سیٹ یا تو محدود یا لامحدود بھی ہوسکتا ہے۔ دوسیٹوں کے مابین تعلق کو وین ڈائی گرام کی مدد سے ظاہر کیا جاتا ہے وین ڈائی گرام میں کسی سیٹ کے تمام ارکان کو ایک دائر سے میں لکھا جاتا ہے جبکہ کا کناتی سیٹ کو ایک متنظیل سے ظاہر کیا جاتا ہے کسی احد کی ورسل سیٹ کے ساتھ ظاہر کیا جاتا ہے کسی احد کی اس کے دائر سے کو کا کناتی سیٹ کے اندر بنایا جاتا ہے۔

درس کتاب میں دی گئی مثال کو استعال کر کے اپنی وضاحت کو بہتر بنایئے اور مشق میں دیے گئے سوالوں کی مدد سے طلبہ کے ذہن میں تصورات کو متحکم کیجے۔

جماعت میں مثق کروانے کے لیے آپ مختلف مثالوں اور سیٹوں کے لیے الیی ورک شیٹ کا استعال کر سکتے ہیں جس میں طلبہ کوسیٹوں کی درجہ بندی singliton - empty - infinite - finit / یا یونی ورسل سیٹ میں کرنی ہو۔

مندرجہ ذیل مثالوں کو استعال کیا جا سکتا ہے۔

- نظام شمسی میں موجو د سیاروں کا سیٹ
- · لائبریری میں موجود تمام کتابوں کا سیٹ

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: II

Specific Learning Outcomes	Number of periods
Use language and notation to represent different sets	3
Use language and notation represent the following sets:	
Finite and infinite sets	
Empty sets	4
Singleton sets	
Universal sets	
Use Venn diagram to represent sets	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- count accurately and understand the concept of quantity.
- identify natural numbers, whole numbers, prime, and composite numbers.
- categorise objects based on common characteristics (e.g., grouping all red objects, all animals, all numbers greater than 5).
- understand that a region within a diagram represents a specific group.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
1.1	I (a, d, e), 2(a, d, e), 3(a, c), 4(a, c)	I (b, c), 2(b, c), 3(b), 4(b)
1.2	I (a, b, d, e, f, h), 2(a, b, d, e, f), 3(a, c, d), 4(a, c, d), 5(a, c, e), 6(a, d), 7	I (c, g), 2(c, g), 3(b), 4(b), 5(b), 6(b, c)

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- · Written assessment.
- · Teacher's assessment

Review Worksheet

I. Ch	oose the correct option.	
i.	If B is the set of days in the month	h of Ramzan, then it is a/anset.
	A. empty	B. finite
	C. infinite	D. universal
ii.	If A is a set of animals in the worl	d, then then A is a/anset.
	A. empty	B. finite
	C. infinite	D. singleton
iii	. If D = Students of your class of ag	e 5 years, then D is a/anset.
	A. empty	B. finite
	C. infinite	D. singleton
iv	. If C is a set of composite numbers	s less than 4, then C is a/anset.
	A. empty	B. singleton
	C. finite	D. infinite
v.	If A = {a, b, c, d}, then b	A.
	A. Ø	B. ∉
	C. ∈	D. >
2. Wr	rite the elements of the following s	ets.
a.	A = Set of odd numbers from II to	21
b.	D = Set of prime numbers less tho	ın 20
	'	
C.	C = Set of even numbers between	15 and 25

d. B = Set of months beginning with letter A

3. Which of the following sets are finite, infinite or empty.

- a. Set of days in a week
- **b.** A = {12, 14, 16, 18, 18, 20, ...}
- c. Set of odd numbers exactly divisible by 2
- **d.** $B = \{15, 17, 19, 21\}$
- e. Set of even numbers that can be divided exactly by 3

4. Write ∈ or ∉.

- a. 17 the set of even numbers
- **b.** horse the set of birds
- c. 9 (I, 3, 5, 7, 9, II)
- d. pegion (cow, goat, cat, dog)
- e. 27 the set of odd numbers
- **5.** Write the following sets in tabular form.
 - **a.** A = Set of first 5 prime numbers

b. B = Set of odd numbers less than I0

c. C = Set of the months with less than 30 days

- d. C = Set of natural numbers between 2 and 10
- 6. Write the following sets in descriptive notation.

a	Δ	=	{5,	7	q)
u.	٠,		ι-,	٠,	٠,

b. B = {January, June, July}

c.
$$C = \{a, e, i, o, u\}$$

d. $P = \{1, 2, 3, 5, 7\}$

7. Represent the following sets using Venn diagrams.

a.
$$U = \{1, 2, 3, ..., 20\},$$

A = Set of prime numbers less than 20

B = Set of multiples of 5 less than or equal to 20.

b. U = {10, 20, 30, ..., 100}

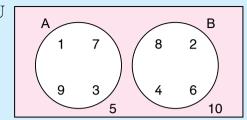
$$A = \{10, 30, 60, 90\}$$

$$B = \{40, 80\}$$

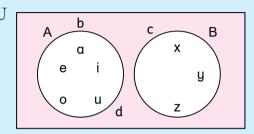
- c. $U = \{0,1,2,.....10\}$
 - $A = \{0, 2, 4, 6, 8\}$
 - $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$

8. Write universal set, set A, and set B in tabular form using the following Venn diagram.

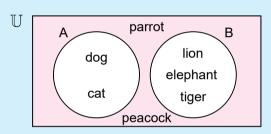
a. U



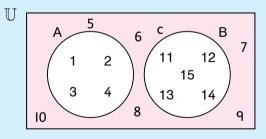
b. U



C



d.



Integers 2

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

- Recognise, identify, and represent integers (positive, negative, and neutral integers) and their absolute or numerical value.
- Arrange a given list of integers or their absolute values in ascending and descending order.

Rationale: Students have prior knowledge of whole numbers, decimals, and fractions. The outcome of this competency will allow students to use numbers beyond counting and measuring and help them in understanding real-world contexts, such as temperature, direction, coordinates, elevations, bank balance, etc. Integers also lay the basis for advanced topics, such as coordinate geometry, algebra and data representation and interpretation. Furthermore, understanding the difference between absolute value and numerical value and its use is crucial for mathematical fluency. It helps the students understand distance and magnitude of numbers on the number line. Integers, including their numerical and absolute value, lay the foundation for coordinate geometry, algebra and data representation and interpretation.

Using a number line as the core concept, explain to the students what positive and negative integers are. Once they know the difference, explain the difference between absolute and numerical value of numbers.

Stimulus: Start the lesson by asking simple questions, such as how many days there are in a year, how many legs an elephant has, without introducing the term 'integers', explain the difference between natural numbers and whole numbers. Natural numbers start from 1 and are used to express countable things present in nature. Whole numbers, however, are a type of natural number but also include 0. Use the reference of number line from the textbook to support your explanation. The same number line will further be used to compare whole numbers. Students must be familiar with the signs of comparison ("<" and ">"). On the number line, ask students to compare two numbers. For example, based on their position on the number line, ask the students to determine which number is greater or lesser:

- 4 and 3
- 0 and 7
- 5 and 9
- 0 and 6

قابلیت ا

- Integers (مثبت، منفی اور neutral) کی مطلق یا عد دی قدر کو بیجیان اور شاخت کرسکیں۔
- دیے گئے سیح اعداد اور ان کی مطلق قیمت کو ترتیب صعود کی (ascending order) اور ترتیب نزولی (descending order) میں کھے کیس ۔ استدلال: طلبہ کمکل اعداد اعشاریہ اور کسر کو پہلے سے جانتے ہیں۔ اس قابلیت کا نتیجہ طلبہ کو گنتی اور پیائش سے بالا تر ہو کر اعداد کا استعال کرنے اور حقیقی زندگی کے تناظر میں انھیں سیحضے میں مدد دے گا جیسے در جبر ترارت، سمت، کو آرڈی نیشن، بلندی، بینک بیلنس وغیرہ۔ صیح اعداد (integers)، پیچیدہ موضوعات کے لیے بنیاد فراہم کرتے ہیں جیسے کہ کو آرڈینیٹ جیومیٹری (coordinate geometry) الجرا اور ڈیٹا کو پیش کر نا اور تشریحات وغیرہ، مزید برآل absolute value اور محسال اور عدد کی قیمت (magnitude of number) کو سیم میں مددماتی ہے۔ ان سے طلبہ کو عدد کی کیر پر اعداد کے فاصلے (distance) اور عدد کی قیمت (magnitude of number) کو سیم مددماتی ہے۔ ان سے طلبہ کو عدد کی کیر پر اعداد کے فاصلے (absolute ویلیو، ریاضی جیسے مضمون میں کو آرڈینیٹ جیومیٹری، الجرا اور ڈیٹا کی نمائندگ مددماتی ہے۔ representation) اور تشریخ (interpretetion) کی بنیاد فراہم کرتے ہیں۔

عددی لکیر (number line) کو بنیادی مواد کے طور پر استعال کرتے ہوئے طلبہ کو سمجھائے کہ مثبت اور منفی اعداد کیا ہیں جب طلبہ ان کا فرق جان لیں تو اعداد کی obsalute اور numerical value کے مابین فرق کو وضاحت سے بیان سیجے۔

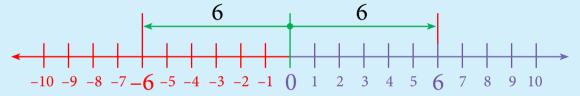
محرک: طلبہ سے آسان سوالات پوچھے ہوئے سبق کا آغاز کیجے جیسے ایک سال میں کتے دن ہوتے ہیں؟ ہاتھی کی کتی ٹانگیں ہوتی ہیں؟ وغیرہ natural متعارف کروائے بغیر طلبہ کو whole number اور whole number کے درمیان فرق سمجھائے۔ قدرتی اعداد (number کی اصطلاح متعارف کروائے بغیر طلبہ کو natural number) میں موجود قابلِ شار چیزوں کو ظاہر کرنے کے لیے استعال کیے جاتے ہیں۔ جب کہ مکمل اعداد (whole number) ایک طرح سے قدرتی اعداد (cero) میں ہیں لیکن اس میں 0 (cero) بھی شامل ہے اپنے بیان کی وضاحت کے لیے درسی کتاب میں دی گئی عددی لکیر (number line) کا حوالہ دیجے۔ اس number انستعال کرتے ہوئے طلبہ کو whole number کا موازنہ کرنا سمھائے۔ اس کے لیے ضروری ہے کہ طلبہ موازنے کی علامت ("<" اور ">") سے کہ کون ساعدہ بڑا ہے یا چھوٹا:

- 4 اور 4
- 7 اور 0
- · 9 اور 5
- 6 اور 0

Once the students compare the number, ask them to add and subtract the pairs using the same number line.

Move on to another scenario-based activity where the students are given a list of temperatures of different countries (include both positive and negative temperatures). Ask the students what they think the positive and negative signs are before the number indicates. Once the students present their answers, explain that positive numbers usually indicate higher/warmer temperature while the negative numbers indicate lower/colder temperature. Indicate that 0° is used as a point of reference as it is neither negative nor positive. Draw a number line on the board again, making sure the markings on it are equidistant. Next, use the same number line to show that the negative integers are on the left of '0' and positive numbers are on the right of '0'. Since 0 is neither negative nor positive, it is a neutral integer. The same number line will be used to compare two integers. Point out that the integers on the number line increase to the right and decrease to the left. So, the positive integers will always be greater than the negative integers.

Once the concept of integers has solidified, move on to explaining the absolute value of integers. The absolute value of any number is its distance from 0 on the number line, regardless of its direction. Take 6 for example.



The number +6 or -6 is six points away from 0 in both directions. This is why the absolute value of +6 and -6 will be 6. Point out that the absolute value of any integer is denoted by two vertical bars on either side of the number. So, |+6| and |-6| = 6.

Point out that ordering absolute integers is the same as ordering whole numbers. For example, |-7|, |20|, |-15|, |-4| can be arranged in ascending order by:

- First, finding their absolute values: 7, 20, 15, 4
- Next, arranging them in ascending order: 4, 7, 15, 20
- Finally, matching each absolute value to its original number: |-4|, |-7|, |-15|, 20.

The same method can be applied when arranging the absolute values of numbers in descending order.

Competency 2

Add and subtract up to 2-digit like and unlike integers

Stimulus: Addition and subtraction of numbers is carried out at primary level and students already have prior knowledge of it. However, subtraction at primary level is taught by subtracting the smaller

جب طلبہ نمبروں کا مواز نہ کر چکیں تو انھیں اس نمبر لائن کو استعال کرتے ہوئے ان ہی pairs کو جمع اور تفریق کرنے کے لیے کہیے۔

اب طلبہ کو ایک اورصورتِ حال پر بنی سر گرمی کر وائے جس میں انھیں مختلف ممالک کے در جبرحرارت کی فہرست (جس میں positive اور positive اور وروں طرح کے در جبرحرارت کے ساتھ positive اور وروں طرح کے در جبرحرارت کے ساتھ positive اور positive کی علامات کس بات کی نشان دہی کر رہی ہیں۔ طلبہ کی طرف سے دیے گئے جو ابات سننے کے بعد آپ وضاحت سیجے عموماً positive negative number کی علامات کس بات کی نشان دہی کر رہی ہیں۔ طلبہ کی طرف سے دیے گئے جو ابات سننے کے بعد آپ وضاحت سیجے عموماً میں مسلمہ کو بتا ہے کہ "o negative number کو علیہ کو بتا ہے کہ "o کو حوالے کے نقط کے طور پر استعال کیا جاتا ہے کیونکہ سے نہ تومنتی ہے اور نہ ہی شبت اب بورڈ پر دوبارہ number کو تھنچتے ہوئے مساوی فاصلوں پر نشانات لگائے۔ پھر اس نمبر لائن پر منتی اعداد کو "o" کے بائیں طرف کھتے جائے اور شبت اعداد "o" کے دائیں طرف کیونکہ "و نہت ہے اور نہ ہی نمبر لائن پر sintegers میں اور بائیں طرف گھتے ہیں اس لیے positive integers بھر ہوتے ہیں۔

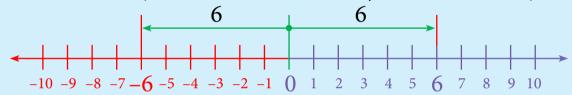
میں مقابلاً بڑے بوتے ہیں۔

المیں مقابلاً بڑے بوتے ہیں۔

المیں مقابلاً بڑے بوتے ہیں۔

المیں مقابلاً بڑے بوتے ہیں۔

جب طلبہ کے اذہان میں integers کا تصور پختہ ہوجائے تب آپ integers کی مطلق قیت (absolute value) کی وضاحت کیجیے۔ کہ اس سے مراد نمبر لائن پرموجود کسی عدد کا '0' سے فاصلہ ہے خواہ اس کی سمت دائیں ہو یا بائیں مثال کے طور پر 6 کو دیکھیے۔



نمبرلائن کوغور سے دیکھیے یہاں پر عدد 6+ یا 6- دونوں میں 0 سے 6 نشانات یا پوائنٹس کے فاصلے پر ہے لہذا اس کی مطلق قیمت (vertical کی absolute value کو عدد کی کلیر پر عدد کے دونوں طرف دوعمودی کلیروں (integer کی absolute value) 6 ہوگی۔ وضاحت کیجیے کہ کسی absolute value کی مدد سے ظاہر کیا جاتا ہے لہذا | 6+ | اور | 6- | = 6

نشان وہی کیجیے کہ Integers کی absolute value کو ترتیب دینا ایسا ہی ہے جیسے کہ whole number کو ترتیب دینا۔

مثال کے طور پر |7-| ، |20-| ، |4-| ، |4-| کو صعودی طور پر یوں ترتیب دیا جا سکتا ہے۔

- يبلخ ان كي absolute value معلوم كيجيے: 4، 15، 20، 7
 - پير انھين ascending order ميں لکھيے: 4، 7، 15، 10،
- آخر میں ان کی absolute value کو اس کے اصل نمبرسے ملانا: | 4- |، | 7- |، | 15- |، 20

اعداد کی absolute value کو descending order میں ترتیب دینے کے لیے بھی یہی طریقہ استعال کیا جا سکتا ہے۔

قابلیت ۲

طلبه مثبت ، منفی اور neutral integers کو دو چندسی اعداد تک جمع یا تفریق کرسکیس۔

محرک: اعداد کی جمع اور تفریق کو پرائمری جماعتوں سے کروایا جارہا ہے الہٰدا طلبہ کو اس کا پہلے سے علم ہے تاہم پرائمری سطح پر تفریق یا گھٹانے کا عمل صرف بڑے عدد میں سے چھوٹے عدد کو گھٹا کر سکھایا جاتا ہے۔ لیکن اب طلبہ مثبت یا منفی علامات والے Integers کو جمع یا تفریق کرنا سیکھیں گے۔ number from the bigger number only. Here the students will learn to subtract bigger numbers from a smaller number, add and subtract integers with either positive or negative signs.

Write a simple addition example, such as 3 + 5 = ? on the board. Ask the students to solve it. Once they do, ask them how they would approach the sum if a positive sign were added before both the numbers, such as +5 + 8 = ? Give them time to brainstorm and then draw a number line. Explain to them that a number line can be easily used to add or subtract integers. To add +5 +8, start at 0 and then move 5 units to the right to land on +5 and then move 8 more units. The number you land on is the sum of +5 +8, which is +13. Point out to the students that adding two positive integers will always result in a positive answer.

Move on to adding a positive integer to a negative integer. Provide the students with the same example but replace the positive integers with the negative integer, that is -5 + -8 = ?. What would the answer be? Allow them time to brainstorm how they will approach the problem. Let them know that to solve any addition of integers, we can use the number line. Start from 0 and move 5 units to the left to land on -5 and then move 8 units further. The final number you land on is the sum of -5 + -8 = -13. Point out to students that adding two negative integers will always result in a negative answer.

Once the students get a grasp on how to add like integers (integers with the same sign), move on to adding unlike integers, that is a positive and a negative integer, For example -4 + 2 = ? The positive and negative signs within one equation may be confusing for the students so you can advise them to put the integers within brackets like (-4) + 2 = ? on the number line, move 4 units to the left from 0 to land on -4 and then move 2 units to the right (to indicate positive integer). The final number you land on will be the sum of -4 + 2 = -2. Point out that when adding unlike integers, the sum would have the sign of the greater number, negative in this case, as 4 is greater than 2. Use examples and exercises from the textbook to further solidify the concept of addition of like and unlike integers within students. Extra attention should be given to the signs of answers as it can be confusing to students. After the students have solidified this concept, ask them to solve some questions without the number line as well.

Subtraction of integers is similar to how addition is done. When subtracting unlike integers, the final answer has the sign of the number with greater numerical value. For example, 7 - 5 = 2 and 5 - 7 = -2. When subtraction includes a positive and a negative integer, for example, 8 - (-3) = ? It is always better to put one of the integers within brackets to avoid confusion. Since both the negative signs appear before 3, they become positive. And the equation becomes 8 + 3 = 11. The sign before the answer also becomes positive. To strengthen the students' concept, use examples from the book to practise in the classroom. You may also use the number line to teach students subtraction of integers.

بورڈ پر ایک سادہ مثال کھے جیسے ? = 5 + 8 اور طلبہ سے کہے کہ اسے طل کریں۔ جب طلبہ اسے طل کر چکیں تو ان سے پوچھے کہ اگر دونوں ہندسوں کے ساتھ positive (+) کی علامت ہو جیسے ? = 8 + 5 + تو پھر وہ اسے کس طرح حل کریں گے۔ طلبہ کو سوچنے کے لیے پچھ وقت دیجے۔ اب بورڈ پر ایک عددی لکیر کھینچے اور طلبہ کو بتائے کہ Integers کی جمع اور تفریق وہ عددی لکیر کی مدد سے بہ آسانی کر سکتے ہیں۔ 8 + 5 + کو جمع کرنے کے لیے آپ 0 سے شروع کریں اور عددی لکیر پر صفر سے دائیں طرف گنتے ہوئے 5 + لینی 5 یونٹس تک پڑھے۔ پھر 8 + کو جمع کرنے کے لیے عددی لکیر پر مزید آگے بڑھتے ہوئے 8 + لینی مزید 8 یونٹس تک گن کر پہنچ جائے اب 0 سے فاصلے کو عددی لکیر پر اور عددی لکیر پر جو اب 13 + سے گا یہاں طلبہ کو سمجھائے کہ جب دو مثبت علامت والے positive کو جمع کیا جائے تو جو اب بھی positive ہوگا۔

اب اسی مثال کو آپ منفی علامت والے integers کی جمع سکھانے کے لیے استعال سیجے لیکن آپ کو Positive integers کی جا فرقت دیں۔

integers کھنا ہوں گے بینی ? = 8 - + 5 - کو جمع کرنے پر کیا جو اب حاصل ہو گا؟ سوال حل کرنے کے لیے طلبہ کو سوچنے کا وقت دیں۔

lintegers کھیں بتائیے کہ Integers کو جمع کرنے کے لیے ہم عد دی لکیر کا استعال کر سکتے ہیں۔ '0' سے شروع کریں اور بائیں طرف گنتے ہوئے 5 - پر پہنچ اس میں بتائیے کہ مزید 8 سک بائیں طرف گن کر ویہنچے اب 0 سے لے کر آخری نمبر تک گنے یہ کل 13 یونٹس ہوئے یعنی موسے یعنی موسے میں اور بائیں طرف گن کر ویہنچے اب 0 سے لے کر آخری نمبر تک گنے یہ کل 13 یونٹس ہوئے یعنی موسے استعال کر مستح کے استح کے استح کے استح کے استح کے کہ جب منفی علامت والے Integers کیا جائے تو جو اب میں والے نے کہ جب منفی علامت والے integers کی جائے کہ جب منفی علامت والے integers کی طاق کو جمع کیا جائے تو جو اب میں فلے گا۔

Positive جیسے Integers اور اللہ منفی یا مثبت علامت والے Integers کی جمع کرنے کا عمل سمجھ لیں۔ تب آپ انھیں مختلف علامت والے Positive جیسے Integers کی جمع سکھانے کا آغاز سیجے: مثال کے طور پر ? = 2 + 4 - ایک ہی سوال میں مثبت اور منفی علامتوں کی موجود گی طلبہ negative integers اسلامت اور آغاز سیجے: مثال کے طور پر ? = 2 + 2 - ایک ہی سوال میں مثبت اور منفی علامتوں والے Positive line پر شانی تو ہو گی اس لیے آپ علامت والے Integer کو بریکٹ میں کر دیجے جیسے ? = 2 + (4-) اب آپ number line پر 0 کے بائیں طرف گنتے ہوئے 4 تک جائے اور پھر جمع کرنے کے لیے 2 اکائیاں دائیں تک جائے۔ جس نمبر تک آپ آخر میں پہنچیں گے یعنی ہوئے 9 + 2 - 2 + 4 + 5 + 9 +

Integers کی نفی (Substraction) بھی جمع کی طرح ہے۔ جب مختلف علامتوں والے Integers کو نفی کیا جاتا ہے۔ تو جو اب کے ساتھ وہ علامت لگائی جاتی ہے جو بڑی numercial value کے ساتھ لگی ہو۔ مثال کے طور پر 2 = 5 - 7 اور 2 - 5 - 5 جب Positive اور Integer کی جاتی ہے مثال کے طور پر (3-) - 8 = ؟ یہاں پیچیدگی سے بیچنے کے لیے کسی بھی ایک Substraction کی جاتی ہے مثال کے طور پر (3-) - 8 = ؟ یہاں پیچیدگی سے بیچنے کے لیے کسی بھی ایک 11 و بریکٹ میں لکھ دیا جاتا ہے۔ کیونکہ نفی کی دونوں علامتیں 3 سے پہلے موجود ہیں لہذا ہے مثبت Positive ہوجائیں گی۔ اور سوال 11 = 3 ہو

Competency 3

• Multiply and divide up to 2-digit like and unlike integers

Stimulus: The students have already learnt multiplication as the repeated addition of equal groups. They also have prior knowledge of skip counting. Use that knowledge to teach multiplication of integers. Multiplication of integers can be either done using a number line or by recalling multiplication tables. For multiplication of two positive integers, the product will always remain positive. When the two negative integers are multiplied, the product remains positive. However, for multiplication of unlike integers, such as a positive and a negative, the product will always be a negative. Look at the following examples:

$$+5 \times +4 = +20$$

$$-5 \times -4 = +20$$

$$-5 \times 4 = -20$$

$$5 \times -4 = -20$$

Use examples from the textbook for guided practice in the classroom.

Division of integers is done in the similar way as division of whole numbers; however, extra attention is given to the signs. As in multiplication, the division of two positive and two negative integers always results in a positive quotient as well. Whereas the division of two unlike integers (one positive and one negative) always results in a negative quotient.

For example:

$$+81 \div +9 = +9$$

$$+81 \div +9 = +9$$

$$-81 \div 9 = -9$$

$$81 \div -9 = -9$$

The students also have prior knowledge that division is successive subtraction. You may use that knowledge to divide integers using a number line.

Competency 4

 Verify commutative, associative, and distributive laws (where applicable) of addition and multiplication.

Stimulus: Commutative law suggests that the sum or product does not change if the order of numbers is changed. Integers, when added or multiplied follow this law. Use different examples within the classroom to prove this property. The following examples may be used:

جائے گا۔ جواب کے ساتھ بھی Positive کی sign لگائی جائے گی۔ اس تصور کی مزید وضاحت کے لیے درسی کتاب میں دی گئی مثالوں کو کمر ؤجماعت میں حل کروائے۔ طلبہ کو Integers کی Substraction سکھانے کے لیے نمبر لائن کا استعال بھی کیا جا سکتا ہے۔

قابلت س

• ایک جیسی اور مختلف علامتوں والے Integers کی دو ہندسوں تک ضرب اور تقسیم کر سکیں۔

محرک: طلبضرب کو گروپ کی شکل میں جمع کو دہرائے جانے والے عمل کے طور پر جانتے ہیں integers کی ضرب نمبر لائن کا استعال کر کے یا ضربی جدولوں (پہاڑ سے) کو یاد کر کے انجام دی جاسکتی ہے۔ دو مثبت Integers کو ضرب دینے پھر Product ہمیشہ Positive ہی رہے گا۔ جب دو محتلف علامتوں والے Positive تب بھی Positive ہی رہے گا۔ تاہم جب دو محتلف علامتوں والے Product جیسے Positive اور Positive کو ضرب دیا جائے تو یروڈ کٹ بھی negative ملے گا۔ درج ذیل مثالوں کو دیکھیے:

$$+5 \times +4 = +20$$

$$-5 \times -4 = +20$$

$$-5 \times 4 = -20$$

$$5 \times -4 = -20$$

درسی کتاب میں دی گئی مثقوں کو کمرۂ جماعت میں اپنی نگرانی میں کروائیے۔

Integers کی تقسیم اسی طرح کی جاتی ہے جیسے کہ whole number کی: تاہم یہاں علامتوں (signs) کو بھی اضافی توجّہ دی جاتی ہے۔ کیونکہ جب بھی دو Positive یا negative integers کو ضرب دیا جائے تو نتیج میں ایک positive qudient ملتا ہے۔ جب کہ دو مختلف علامتوں والے Integers (ایک مثبت یا منفی) کو تقسیم کرنے پر نتیج میں ہمیشہ ایک negative qudient حاصل ہوتا ہے۔

$$+81 \div +9 = +9$$

$$+81 \div +9 = +9$$

$$-81 \div 9 = -9$$

$$81 \div -9 = -9$$

طلبہ جانتے ہیں کہ تقسیم دراصل لگاتار گھٹاؤ (Successive subtraction) ہے۔ آپ اس کے تحت Integers کی تقسیم کرتے ہوئے نمبر لائن کا استعال کر سکتے ہیں۔

قابلت 🛪

• جمع اور ضرب کے associative ، commutative اور distributive قوانین (کا اطلاق جہاں لا گو ہوں) کی تصدیق کرسکیں۔

7 + 8

-4 + -5

-5 + 2

 1×-9

 -6×-3

As a hands-on activity, arrays may also be used to indicate that regardless of the order, the sum or product of two integers does not change. For each of the aforementioned examples, use counters to prove the commutative property of integers. However, when the order of integers is changed when subtracting, the answer changes. Therefore, subtraction of integers does not follow the commutative law. Addition and multiplication of integers also follow the associative law. The grouping of numbers does not change the sum or product of three numbers. In the following example, the grouping of numbers does not change the sum. Ask the students to solve the following example to strengthen their concept.

$$(2+(-4))+6=2+((-4)+6)$$

Integers also follow the distributive law of multiplication over addition and distributive law of multiplication over subtraction. Using examples from the textbook, explain to the students that to determine if certain statements follow a particular law, we must solve them.

محرک: Commutative law یہ بتاتا ہے کہ جمع یا ضرب ہونے والے دواعداد کی ترتیب کو بدلنے سے ان کا مجموعہ (sum) یا حاصل ضرب (product) تبدیل نہیں ہوتا۔ صحیح اعداد (Integers) کی جمع یا ضرب اس قانون کے تحت کی جاتی ہے اس خاصیت کو ثابت کرنے کے لیے کمرہ جماعت میں مختلف مثالوں کو حمل کروایئے۔مندرجہ ذیل مثالوں کو بھی استعال کیا جا سکتا ہے۔

7 + 8

-4 + -5

-5 + 2

 1×-9

 -6×-3

سابقہ ہر گرمی کا استعال کرتے ہوئے اس کی نشان دہی تیجے کہ دوضیح اعداد کی ترتیب کو بدلنے سے ان کے مجموعے یا حاصل ضرب پر کوئی فرق نہیں پڑتا۔ سیح اعداد (Integers) کی نشان دہی تیجے کہ دوضیح اعداد کو ثابت کرنے کے لیے او پر دی گئی مثالوں کے لیے counters کا استعال کی ترتیب کو بدلنے سے جواب بھی تبدیل ہو جاتا ہے۔ لہذا سیح اعداد کی مختلف گروہ بندی یہ علی میں عداد کی مختلف گروہ بندی یہ محتاب کی ترتیب کو بدلنے سے جواب بھی تبدیل ہو جاتا ہے۔ لہذا سیح اعداد کی مختلف گروہ بندی اس کے مجموعے یا حاصل ضرب پر اثر انداز نہیں ہوتی۔ درج ذیل مثال میں اعداد کی گروہ بندی اس کے مجموعے (sum) پر اثر انداز نہیں ہوتی۔ اس تصور کی پختگی کے لیے طلبہ سے درج ذیل مثال کوحل کرنے کے لیے کہیں۔

(2+(-4))+6=2+((-4)+6)

صحیح اعداد ، جمع اور تفریق پر (distributive law) کی پیروی کرتے ہیں۔ درسی کتاب سے مثالوں کا استعال کرتے ہوئے طلبہ کو سمجھائیں کہ یہ ثابت کرنے کے لیے کہ اگر پچھ بیانات کسی خاص قانون کی پیروی کرتے ہیں تو ہمیں انھیں حل کرنا چاہیے۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 18

Specific Learning Outcomes	Number of periods
 Recognise, identify, and represent integers (positive, negative, and neutral integers) and their absolute or numerical value 	4
 Arrange a given list of integers and their absolute values in ascending and descending order 	4
Add like and unlike integers	3
Subtract like and unlike integers	3
Multiply up to 2 digits like and unlike integers and divide like and unlike integers	4
verify commutative, associative and distributive laws	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- order whole numbers.
- use comparison symbols.
- add and subtract whole numbers using the number line to visualize jumps.
- Multiply and divide whole numbers.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
2.1	I, 2, 3, 5(a, b, e, f), 6(a, b, f)	4, 5(c, d), 6(c, d, e)
2.2	I (a, b, e, f), 2(a, e, f)	l (c, d), 2(b, c, d)
2.3	I (a, b, e, f), 2(a, e, f)	I (c, d), 2(b, c, d)
2.4	I (a, b, e, f), 2(a, e, f)	I (c, d), 2(b, c, d)
2.5	I, 2, 3(d, e, f), 4(b, c), 5(c, d)	3(a, b, c), 4(a), 5(a, b)

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- Written assessment
- Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. On a number line all positive integers lie to the of zero.
 - A. left

B. right

C. above

- D. below
- ii. The absolute value of an integer is its distance from .
 - **A.** 100

B. positive integer

C. 0

D. negative integer

- iii. 100 100
 - **A**. ≤

 $B_{*} =$

C. >

- **D**. <
- iv. The absolute value of an integer can never be _____.
 - A. positive

B. I

C. 0

- **D.** negative
- v. According to the distributive law, _____
 - **A.** $a \times (b + c) = a \times b + a \times c$ **B.** $a \times b = b \times c$

- C. a + b = b + c
- **D.** $a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$
- 2. Arrange the following in the ascending order.
 - **a.** |-12|, |-14|, -8, |8|, |-3|

b. 16, |-9|, |15|, |-8|, -27

c. 39, – 52, |–35|, |–66|, |77

d. |-2|, |-18|, 85, |-76|, -45

3. Different temperatures are given in the following table.

Condition	Temperature in Celsius.
Boiling point of water	100
Average oven temperature	180
Temperature of human body	37
Freezing point of water	0
Freezing point of mercury	-38.8
Temperature of dry ice	-80
Temperature of lunar day	120
Temperature of lunar night	-160

a. Write down the highest temperature.

b. What is the difference in temperature between the lunar day and lunar night?

c. Arrange the temperatures in order from lowest to highest.

d. What is the sum of the temperatures of dry ice and freezing point of mercury?

4. Simplify the following:

$$a. (-32) + (12) + 40$$

d.
$$15 + (-18) - (-5)$$

5. Find the products of the following.

a.
$$(-15) \times 10 (-1)$$

b.
$$(-44) \times 100 \times (-10)$$

c.
$$25 \times -30 \times (-40)$$

d.
$$(-4) \times 25 \times (400)$$

6. Divide the following.

d.
$$(-231) \div (-11)$$

7. Simplify the following.

a.
$$4 \times (-29) + 8 \times (-3)$$

b.
$$-5 \times (-3 + 4)$$

c.
$$2 \times (9 - 1) + 7 \times (-2)$$

d.
$$12 \times (-21 + 9) + (-3)$$

e.
$$8 + (-3) \times (-6 + 12)$$

$$f. -6 \times 3 + 4 + (-9)$$

g.
$$7 + (-6) + 3 \times (-1)$$

h.
$$-9 \times (-2 + 0)$$

8. The sum of two integers is –148. If one of them is 180, find the other.
O. The sum of two integrals O2. If one of them is 1/5 find the other
9. The sum of two integers is 92. If one of them is –45, find the other.
10. On a certain day in Quetta, the temperature rose to I2°C. At midnight the temperature fell to −3°C. Find the difference in temperatures.

Order of Operations

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

• Recognise the order of operations and use it to solve mathematical expressions involving whole numbers, decimals, fractions, and integers.

Rationale: The use of multiple operations together can be a difficult concept for learners of all ages. Therefore, the outcome of this competency depends on the student's ability to use the correct order of operations and get the correct answer. The knowledge of applying the correct order of operations on a mathematical expression is a very essential skill for mathematical fluency. Prior to this, students have used either single or two operations together using whole numbers only. Here, students will learn to use multiple operations on integers, decimal and fractional numbers. The order of operations or the BODMAS rule teaches students to follow the correct order to ensure accurate calculations. By mastering this concept, students learn to solve multi-step problems that allow them to further solve more complex algebraic calculations in the future.

Students have already used addition, subtraction, multiplication and division as independent operations. The skills of operations will now follow a particular pattern that the students are required to use. The pattern requires brackets to be solved first, followed by order/exponent, division, multiplication, addition and later subtraction. Using examples from the book along with exercise and worksheet practice helps students master the skill of order of operations.

Stimulus: This competency requires ample practice to master it. Use multiple examples from the textbook to apply BODMAS on integers, decimal numbers and fractional numbers. While solving, ask the students to solve the operations within the brackets. If there are multiple brackets, ask the students to solve vinculum first which is a horizontal bar above the numbers. If there is a lack of vinculum, solve the parentheses also known as round brackets. Next, solve the expression within the braces or curly brackets, followed by square brackets. Once all the brackets are solved, solve the division expressions followed by multiplications, addition and finally subtraction. This method of BODMAS makes complex mathematical problems easier.

Word problems have always been a difficult area of learning at all age levels. To overcome the language barrier to understanding word-problems, first write the problem on the board clearly and with the help of small questions, gather all the information given about the problem. Help students identify which operation to use by recognising key terms. Use them according to the given situation to find the solution to the problem.

ب ریاضیاتی عوامل کی ترتیب س

قابلیت ا

حسابی عوامل میں ترتیب کے نصور کو پیچاننا بشمول کممل اعداد اعشاریہ، کسور اور صحیح اعداد اور ریاضی کے سوالات کوحل کرنے میں ان کااستعال کرنا۔ استدلال: کئی عوامل کو ایک ساتھ استعال کر ناہر عمر میں سکھنے کے لیے مشکل رہاہے لہٰذا اس قابلیت کا نتیجہ طلبہ کی حسابی عوامل کو درست ترتیب میں استعال کرکے درست جواب حاصل کرنے کی صلاحیت پر منحصر ہے۔ ریاضی کے ہرعمل کی درست ترتیب کو لا گو کرنے کا علم اور اطلاق حسابی روانی کے لیے ایک بے حد ضروری مہارت (skill) ہے۔ طلبہ نے اس سے پہلے مکمل اعداد کے لیے کسی ایک یا دوعوامل کو استعال کیا ہے۔ لیکن اب وہ یہاں decimal integers کے لیے کئی حسابی عوامل کو استعال کر ناسیکھیں گے ۔حسابی عوامل کی ترتیب یا BODMAS طلبہ کو حسابی عوامل کو درست ترتیب میں استعال کر کے بالکل صحیح جواب نے حصول کویقینی بناتے ہیں اگر طلبہ اس نصور پر عبور حاصل کرلیں تو وہ کئی مرحلوں واکے عبارتی سوالوں کو بہ آسانی حل کرسکیں گے اور مستقبل میں الجبرے کی مزید پیچیدہ calculations کو کرنے کے قابل ہو جائیں گے۔ طلبہ پہلے بھی جمع، تفریق، ضرب اورتقشیم کو بطور علیجد ہ عوامل کے استعال کر چکے ہیں۔ اب وہ ان ہی عوامل کی مہارتوں کو ایک خاص ترتیب میں انجام دیں گے بھس میں سب سے پہلے بریکٹ کوحل کیا جاتا ہے اس کے بعد بالترنتیب 'of' یعنی ضرب پھر تقسیم پھر جمع اور آخر میں نفی کاعمل کیا جاتا ہے۔ درسی کتاب کی مشقوں اور ساتھ دی گئی ورکشیٹوں کا استعال طلبہ کو اس مہارت پر عبور حاصل کرنے میں مدد فراہم کرے گا۔ محرک: طلبہ میں اس قابلیت کی مہارت پیدا کرنے کے لیے ضروری ہے کہ انھیں زیادہ سے زیادہ مثق کروائی جائے۔ درسی کتاب میں دی گئی ایسی مثالوں کا استعال کریں جن میں BODMAS کو صحیح اعداد ، اعشاری اعداد اور کسری اعدادیر لا گو کیا جاسکے۔ دوران حل ، طلبہ سے ان عوامل کو ترتیب کے ساتھ حل کروایئے جیسے بریکٹس اگر ایک سے زیادہ بریکٹ لگے ہوں توطلبہسب سے پہلے اعداد پر اُفقی ککیر (جو اعداد کے اوپر ایک اُفقی بار ہے) حل کرنے کے لیے کہیں اگر Bar Bracket نہیں ہے تو قوسین جسے (round bracket) بھی کہتے ہیں حل کروائے۔ پھرخطوط وحدانی (curly brackets) حل کروایئے اس کے بعد (square bracket) حل کرنے کی باری ہے۔ ایک بار جب تمام بریکش حل ہو جائیں تو پھر نسیمی اظہاریے (division expression) کوحل کرنا ہو گا اس کے بعد ضربی عمل پھر جمع ہو گا اور سب سے آخر میں گھٹانے کاعمل کیا جائے گا۔ BODMAS کا طریقه ریاضی کے مشکل سوالات کو آسان بناتا ہے۔

ریاضی کے عبارتی سوالات کوحل کرنا طلبہ کو ہمیشہ سے مشکل لگتا ہے۔ لہذا عبارتی سوالوں کو سیحصے کے لیے زبان کی رکاوٹوں کوختم سیجیے اس کے لیے بورڈ پر عبارتی سوال کو لکھ دیجیے اور پھر طلبہ سے مختصر سوالات کر کے متعلقہ معلومات کو اکٹھا سیجیے تاکہ عبارتی سوال کے منہوم کو وہ پہلے بہ آسانی سیجھ لیس پھر ان سے بوچھے کہ اسے حل کرنے کے لیے کون سے حسابی عمل کا اطلاق ہوگا پھر سوال حل کرنے میں طلبہ کی مدد سیجے۔



Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 4

Specific Learning Outcomes	Number of periods
 Recognise the order of operations and use it to solve mathematical expressions involving whole numbers, decimals, fractions, and integers 	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- accurately add and subtract multi-digit integers especially with different signs.
- multiply and divide multi-digit integers especially with different signs.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
3.1	l(a, f, i, j, m, n, o), 2, 5	I(b, c, d, e, g, h, k, l, p), 3, 4

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- Written assessment
- Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. If there are multiple mathematical operations involved in a problem, _____rule is followed to solve it.
 - A. thumb rule

B. BODMAS

C. commutative

- D. left to right
- ii. To simplify 8 + I2 × 2, first perform ______.
 - $A. 12 \times 2$

B.8 + 12

C.8 + 2

- $D.8 \times 2$
- iii. The simplified form of 4 + (-3 2) + 8 is _____.
 - **A.** 5

B. -7

C. 7

- **D.** 17
- iv. If there are multiple brackets enclosed in one another in a problem, then is simplified first.
 - A. outermost bracket
- B. square bracket

C. parenthesis

- D. innermost brackets
- **v.** The value of $7 + \{6 (9 2)\} \times 4$ is ______.
 - A. II

B. -II

C. 3

D. -3

2. Simplify the following.

b. $\{6 \times (24 \div 12 - 9) - 12\} - \{8 \times 10 + (-4)\}$

c.
$$(-54 - 42) \div \{9 + (-5 \times -8) \div 4 - 3\}$$

3. Simplify the following involving fractions and decimal numbers.

a.
$$5\frac{1}{7} - \{3\frac{3}{10} \div \{2\frac{4}{5} - \frac{7}{10}\}$$

b.
$$5\frac{1}{2} + \left[\frac{3}{2} \div \left\{\frac{1}{4} - \frac{1}{8}\right\} \times \frac{3}{4}\right]$$

c.
$$2.04 \div [1.56 \div \{2.4 - (1.8 \times 0.3 + 0.6)]$$

d.
$$2.95 + \{3.02 \times (6.125 \div 5.196 - 2.746)\}$$

4. In the first two rounds of a game, Basit gained 18 and 20 points respectively. In the third round he lost 15 points. What was his score after three rounds?
5. How many pieces of ribbon, each 0.8 metres long, can be cut from a 25.6 metres long ribbon?
6. How many cups, each containing 0.3 litres tea, can be filled from a thermos
containing I6.2 litres?

Multiples and Factors

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

• Identify factors of numbers up to 3 digits and multiples of numbers up to 2 digits.

Rationale: The outcome of this competency depends on the prior knowledge of students to carry out basic multiplication and division. Since factors are numbers which divide another number completely, leaving no remainder, students can use this knowledge to recognise them. Similarly, students can use prior knowledge of multiplication tables or repeated addition to find the multiples of a number. This competency helps students build a sense of numbers and allows them to be prepared for more complex mathematical problems and concepts. Exceling factors set the stage to understanding prime numbers and divisibility rules while multiples help to understand recognition of patterns and skills such as least common multiples (LCM) and highest common factors (HCF).

Stimulus: Begin the lesson with a starter activity that revisits their prior knowledge. Write a number, such as 36 on the board and ask the students to think of different ways they can use multiplication to get product 36. Write the response of the students on the board, such as 1×36 , 2×18 , 3×12 , 4×9 , etc. Once all the responses are received, ask them what all these pairs of numbers have in common. Inform them that these are all the numbers that can exactly divide 36 without leaving any remainder, thus introducing them to what factors are. Let them know that the factor of a number will always be smaller than or equal to the number itself. For example, 24 cannot be a factor of 12. Emphasise that 1 is the factor of all numbers. So, when factor of any number, the first factor will always be 1. Once they figure out what factors are, ask them what the answer would be if we multiply the number 8 with 1, 2, 3, 4, 5, and so on. Lead them to what multiples are. Once they understand, revise with the students the definitions of factors and multiples to avoid any confusion. Let them know that while factors of a number are limited or finite, multiples of a number are infinite or unlimited.

Once the students are clear on the difference between factors and multiples, recall what prime and composite numbers are. Both prime and composite numbers have infinite multiples, but prime numbers only have two factors, 1 and the number itself while composite numbers have more than two factors. Emphasise to the students that 1 is neither a prime nor a composite number. This is because 1 is only a factor of itself.

Competency 2

- Identify prime factors of numbers up to 4 digits and express them in index notation.
- Identify base and exponent and express numbers given in expanded form in index notation and vice versa.

Stimulus: Students have prior knowledge regarding what factors and multiples are. In this

قابلیت ا

• 3 ہندسوں تک والے اعداد کے factors اور 2 ہندسوں تک والے اعداد کے اضعاف (multiples) کو شاخت کرسکیں۔

استدلال: اس قابلیت کا نتیجہ طلبہ کی ضرب اور تقسیم کے سوالات کوحل کرنے کی پیشگی صلاحت پر انحصار کرتا ہے۔ factor وہ اعداد ہیں جو دیے گئے عدد کو مکمل تقسیم کر سکتے ہیں اور کوئی remainder بھی نہیں بچتا۔ لہذا طلبہ اس معلومات کی بنیاد پر انھیں پیچان سکتے ہیں۔ اسی طرح طلبہ سی عدد کے مکمل تقسیم کر سکتے ہیں اور کوئی repeated addition یا (multiplication tables) یا معلومات کو استعمال کر سکتے ہیں یہ قابلیت طلبہ کو اعداد کو سمجھنے اور ریاضی کے پیچیدہ سوالات اور تصورات کو سمجھنے میں مدد دیتی ہے۔

factors میں مہارت طلبہ کومفرد اعداد (prime numbers) یا تقسیم پذیری کے اصول (divisiblity rules) کو سمجھنے میں مدد دیتی ہے highest common factors میں مہارتوں جیسا کہ وہ LCM) least common multiples نمونوں اور الیں مہارتوں جیسا کہ وہ (HCF) کو سمجھنے کے قابل بناتے ہیں۔

محرک: سبق کا آغاز ایک این سرگرمی سے تیجے جو ان کی سابقہ معلومات کو دہرانے میں مدد دے۔ اس کے لیے بورڈ پر ایک عدد کھیے مثلاً 36 اب طلبہ سے پوچھے کہ ان کے خیال میں ضرب کے وہ کون سے طریقے ہو سکتے ہیں جن کی مدد سے جو اب 36 آئے۔ طلبہ کے جو ابات بورڈ پر کھتے جائے جیسے 36 × 1، 2 × 18، 3 × 12، 4 × 9، وغیرہ۔ تمام جو ابات ملنے کے بعد طلبہ سے پوچھے کہ اعداد کے ان جوڑوں (pairs) میں کیا خاصیت مشترک ہے۔ انھیں بتائے کہ یہ تمام اعداد 36 کو اس طرح مکمل طور پر تقسیم کرتے ہیں کہ کوئی بقیہ (remainder) نہیں بچا۔ اس مرحلے پر آپ اجزائے ضربی (factors) کو متعارف کروائے اور بتائے کہ کسی عدد کے factors بمیشہ اس عدد سے چھوٹے یا برابر ہوں گے۔ مثال کے طور پر 24 کا عدد 12 کا جزو ضربی (factors) نہیں ہوسکتا۔ اس بات کو زور دیتے ہوئے سمجھائے کہ 1 ایک ایسا عدد ہے جو تمام اعداد کو نور دیتے ہوئے سمجھائے کہ 1 ایک ایسا عدد ہے جو تمام اعداد کو توزی ہو تھوں کے اس مثال کے طور پر 24 کا عدد 12 کا جزو ضربی (factors) نہیں ہوسکتا۔ اس بات کو زور دیتے ہوئے سمجھائے کہ 1 ایک ایسا عدد ہو جو تمام اعداد کو توزی ہو تھوں کہ کہ اگر ہم 9 کے عدد کو 1،2،3،4 کو عان کیس تو جو اب کیا ہو گا۔ ایک بار جب طلبہ جزو ضربی بیاں اس میں میں ان کی رہنمائی تجھے۔ ابہام مید کے اسے ضروری ہے ایک بار پھر طلبہ کو factors کی تعروری ہے ایک بار پھر طلبہ کو factors اور multiples کی تعروری جائے۔ انھیں بتائے کہ اگر کسی عدد کے factors مید وہ (finite) ہوتے ہیں۔

طلبہ جب factors اور multiples کے درمیان فرق کو واضح طور پر سمجھ لیں تو انھیں یاد دلایئے کہ فرد (prime) اور مرکب (composite) ماہہ جب factors اعداد کیا ہیں۔ دونوں طرح کے اعداد کے دو سے زیادہ فیکٹرز ہوتے ہیں۔ اس نکتے پر زور دیجیے کہ 1 نہ تو مفرد ہے اور نہ ہی کوئی مرکب عدد اس کی وجہ 1 کا خود ایک فیکٹرز ہونا ہے۔

قابلیت ۲

- 4 ہندسی اعداد تک کے index notation کومعلوم کر کے انھیں index notation میں لکھ کیں۔
- Base اور exponent کو شاخت کرسکیں اور اعداد کو expended form یا اس کے برعکس Index notation میں لکھ سکیں۔ محرک: طلبہ پہلے ہی سے جانتے ہیں کہ اجزائے ضربی (factors) اور multiples کیا ہوتے ہیں۔ اس قابلیت میں وہ اپنی سابقہ معلومات کو استعال کرتے ہوئے عدد کی prime factors کرناسیکھیں گے۔ سبق کا آغاز اس وضاحت سے کیجھے کہ ہرعدد prime factorization پرشتمل

competency, they will learn how to apply their knowledge to perform prime factorization. Begin the lesson by explaining that each number is made up of prime numbers. Breaking down a number into its prime factors is called prime factorization. Therefore, it can be said that every number is a product of its prime factors.

It can be troublesome to perform long division for every number. Hence, divisibility rules are used to determine whether a number can be divided by a prime number or not. It is a quick and efficient alternative to long divisions. Divisibility rules quicken the process of prime factorization. For example, knowing that any number that ends with 0 is divisible by 2, 5, and 10 allows students to draw the factor tree more efficiently.

The following cheat sheet can be used to revise all the divisibility rules at a glance.

Number	Divisibility rule applies if
2	its last digit is even (0, 2, 4, 6, or 8)
3	the sum of its digits is divisible by 3
4	the last two digits form a number divisible by 4
5	it ends in 0 or 5
7	the result of the last digit is, doubled and subtracted from the rest, is divisible by 7
10	it ends in 0
11	the result, of alternate digits is subtracted and added, is divisible by 11

Use examples from the book or independent worksheets to help the students practice divisibility rules.

Move on to using the divisibility rules to perform prime factorization. Write a 2-digit number, such as 64 on the board. Ask the students to find the factors of 66 that are only prime number. They may do so by either drawing the factor tree or division ladder. Prime factorization always starts with the smallest prime number, which is 2. The prime factorization of 64 is $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$. The number 2 is multiplied six times. When repeatedly writing numbers, students may either miscount or forget a 2. Therefore, explain to the students that a simplified method of writing prime factorization of a number is index notation. It is a way of writing the number of times a number has been multiplied by itself. So, $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ as index notation is written as 26, where 2 is the base which tells us the number being multiplied, and 6 represents the number of times the base has been multiplied, known as index or power.

index / exponent / power $\frac{3}{10}$

ہوتا ہے۔ کسی عدد کو اس کے prime factors میں تقسیم کرنے کے عمل کو prime factorization کہتے ہیں۔ اس بات کو یوں بھی کہہ سکتے ہیں کہ ہر عدد اپنے prime factors کی prime factors ہے۔

ہر عدد کے لیے لمبی تقسیم کرنا مشکل ہوسکتا ہے، لہذا یہ جاننے کے لیے آیا کسی عدد کومفرد عدد (prime number) سے تقسیم کیا جا سکتا ہے یا نہیں ہو تقسیم پذیری کے اصول و قواعد کا استعال کرتے ہیں۔ بیطویل تقسیم کا ایک مؤثر متبادل ہے۔ تقسیم پذیری کے اصول مفرد عمل تجزی (prime) کے عمل کو تیز بناتے ہیں مثلاً یہ جاننا کہ صفر '0' پرختم ہونے والا کوئی بھی عدد 2، 5، اور 10 سے تقسیم ہو جاتا ہے۔ طلبہ سے factor tree کو draw کروائے۔

مندرجہ ذیل چیک شیٹ یا جدول کو ایک نظر میں تقسیم پذیری کے تمام اصولوں کو دہرانے کے لیے استعال کیا جا سکتا ہے:

عدد (Number)	Divisibility rule applies: تقتیم پذیری کے اصول قابلِ اطلاق ہے اگر
2	(even) اس کا آخری ہندسہ جفت (even) ہے۔
3	اس کے ہندسوں کا مجموعہ 3 پر قابلِ تقسیم ہے۔
4	آخری دو ہندسے مل کر ایباعد د بنائیں جو 4 پر قابلِ تقسیم ہو۔
5	یہ 0 یا 5 پرختم ہوتا ہے۔
7	کسی عد د کے آخری ہند سے کو دو گنا کر کے باقی عد د سے گھٹا دیا جائے، اور نتیجہ 7 پر تقسیم پذیر ہو تو اصل عد د بھی 7 پر قابلِ
	تقسیم ہو گا۔
10	یہ 0 پر ختم ہوتا ہے۔
11	متبادل ہندسوں کے مجموعوں کا فرق۔ '0' یا 11 پر تقسیم پذیر ہو گا۔

طلبہ کو تقسیم پذیری کے اصول کی مشق کروانے کے لیے کتاب سے یا استاد اپنی تیار کردہ ورک شیٹ کا استعال کریں۔

تقسیم پذیری کے اصولوں کا اطلاق یا استعال کرتے ہوئے مفرد عمل تجزی (prime factorization) کو کرواتے جائے۔ بورڈ پر ایک دو ہندی عدد کھیے جیسے کہ 64۔ اب طلبہ سے کہیں وہ 64 کے ایسے اجزائے ضربی (factors) تلاش کریں کہ جو صرف مفرد اعداد (prime numbers) ہیں۔ مفرد عمد و کہ کے ایسے اجزائے ضربی اس کام کو وہ factor tree ہیں۔ مفرد عمل تجزی یا factor tree ہیں۔ مفرد عمد سے چھوٹے مفرد عدد سے شروع کی جاتی ہے جو کہ 2 ہے۔ اس لحاظ سے 64 کی مسلم میں میں مفرد عمل ہوگا تارہ کی بائل کر بھی بنا کر بھی کر سکتے ہیں۔ مفرد عمد و کو لگا تارہ کی باز کر سرے ہیں ہوں اس کام کو وہ عالی ہو کہ 2 ہے۔ اس لحاظ سے 64 کی عدد کو گئی بار کھتے ہیں تو بعض او قات وہ غلطی سے ایک بار 2 کو چھوڑ دیتے ہیں یا پھر اسے گئتے ہوئے غلطی کر دیتے ہیں۔ الہٰذا طلبہ کو سمجھائے کہ کسی عدد کی prime factorization کو کھنے کا ایک آسان طریقہ notation کا ہے جس سے پنہ چاتا ہے کہ کوئی عدد کتنی بارخود سے ضرب دیا گیا ہے۔ اس لیے 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 کہ عدد یعنی میں یوں لکھا جاتا ہے: 26 میں اور ای طاقت (power) ہے جو ظاہر کرتی ہے کہ عدد یعنی میں یوں لکھا جاتا ہے: 26 میں اور کا طاقت (power) ہے جو ظاہر کرتی ہے کہ عدد یعنی میں میں یوں لکھا جاتا ہے: 26 میں دیا گیا ہے۔

index / exponent / power

 $\frac{10}{10}$

Let's consider the primer factorization of 15, that is 3×5 . Since both 3 and 5 are only multiplied once, it will remain as it is. Once the students grasp the idea, ask them to find the prime factorization of 272 and write it as index notation. Similarly, ask them to write 38 in expanded form.

Using the examples and exercises from the textbook, strengthen the student's concept as it will help them achieve mastery in the next competency.

Competency 3

- Find HCF and LCM of two or three numbers (up to 3 digits) using:
 - Prime factorization
 - Division method
- Solve real-life word problems involving HCF and LCM
- Recognise and calculate square numbers up to 2 digits

Stimulus: This competency depends on the students' mastery of the earlier competency. Begin the lesson with the revision of the terms 'factors' and 'multiples'. You may do so by asking the students to enlist the factors of 32 or the multiples of 8. Once revision has been done, move on to introducing them to the term 'highest common factor'. Ask them what they think it means. Once you've gathered their response, move on to factorizing numbers with common factors, such as 12 and 24, 36 and 72. Write the numbers on board and ask the students to prime factorise them. They may do so using factor tree or division ladder. Once they've done so, have them list all the factors and pick out the common ones.

For example: the prime factors of 12 are $2 \times 2 \times 3$ and the prime factors of 24 are $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$. The common factors of 12 and 24 are thus $2 \times 2 \times 3$, making 12 the highest common factor of 12 and 24. The HCF or highest common factor is the product of the common factors of two or more numbers.

Let the students know that there are two methods of finding HCF, that is the listing method and the long division method. The listing method uses prime factorization, whereas the long division method is a little different. To carry out a long division method for two numbers, such as 186 and 252, divide the greater number by the smaller number that is $252 \div 186$. The remainder, 66 in this case becomes the divisor to divide 186. The remainder again becomes the divisor, which is 54 and the previous remainder, 66, becomes the dividend. Repeat the process until the remainder is 0. The last divisor is the HCF of two numbers.

آ یے 15 کے prime factorization پر غور کریں لیعنی 3 × 5 کیونکہ 3 اور 5 دونوں کو صرف ایک بار ضرب دیا گیا ہے، لہذا یہ اسی شکل index notification بنانے اور اسے prime factorization میں رہیں گے۔ ایک بار جب طلبہ اس تصور کو سمجھ لیس تو ان سے 272 کی expended form میں کھیے۔

درسی کتاب میں دی گئی مثالوں اور مثقوں کا استعال کرتے ہوئے طلبہ کے اس تصور کو پختہ تیجیے کیونکہ یہ انھیں اگلی قابلیت میں مہارت حاصل کرنے میں مدو دے گا۔

قابلیت س

- تین ہندسی اعداد تک کے دو سے تین اعداد کا عاداعظم HCF اور ذواضعاف اقل (LCM) مندرجہ ذیل طریقوں سے معلوم کرسکیں:
 - prime factorization -
 - تقسيم كاطريقه (Division method)
 - ، حقیقی زندگی سے جڑے HCF اور LCM والے عبارتی سوالات کوحل کریں۔
 - ، 2 ہندسی مربع اعداد (square number) کو جان سکیس اور ان کے حسابی عمل کو انجام دے سکیس۔

محرک: اس قابلیت کا انحصار طلبہ کی سابقہ قابلیت میں مہارت پر ہے۔ factors اور multiples کی اصطلاحات کی دہرائی یا اعادے کے ساتھ سبق کا آغاز کیجے۔ جیسے کہ طلبہ سے کہیں کہ 22 کے factors اجزائے ضربی اور 8 کے multiples کو درج کیجے۔ جب اعادہ مکمل ہوجائے تو طلبہ کو عاداعظم 'Highest common factor' کی اصطلاح سے متعارف کرائے اور ان سے پوچھے کہ ان کے خیال میں اس کا کیا مطلب ہے۔ ان کے جوابات سننے کے بعد ان کو اعداد کی اجزائے ضربی احمد factorization ان کے مشترک اجزائے ضربی (common factors) کے ساتھ متعارف کروائے جیسے 12 اور 24، 36 اور 72 وغیرہ۔ بورڈ پر اعداد کو لکھے اور طلبہ سے ان کی مفرد عمل تجزی (prime factorization) کے ساتھ متعارف کروائے جیسے 12 اور 24، 36 اور 72 وغیرہ۔ بورڈ پر اعداد کو لکھے اور طلبہ سے ان کی مفرد عمل تجزی (ان سے کہے کہ کرفیکیں تو ان سے کہے کہ مربی کے اور ان میں سے مشترک کو الگ تیجے۔

مثال کے طور پر: 12 کی مفرد اجزائے ضربی 3 × 2 × 2 ہیں اور 24 کی مفرد تجزیاں 3 × 2 × 2 ہوں گی۔ جبکہ 12 اور 24 کا عاداعظم highest common factors) وہ عدد ہے جو دو یا زیادہ اعداد کے مشترک اجزائے ضربی (common factors) کے حاصل ضرب سے حاصل ہوتا ہے۔

طلبہ کو بتائے کہ HCF کو دو طریقوں سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔ ایک طریقہ factorization method اور دوسرا طریقہ HCF کہ جب method کہلا تاہے۔ جب factorization سے factorization سے معلوم کیا جا تا ہے۔ جب فری (prime factorization) کو استعال کیا جا تا ہے۔ جب فری فری فرد سے division method میں بڑے عدد کو چھوٹے عدد سے کہ division method قدر سے مختلف ہے۔ اگر دواعد او 186 اور 252 ہوں تو 660 سے تقسیم کیجے۔ اس نے remainder کو اگلے مصلے میں تقسیم کیجے۔ اس نے HCF کہا جا تا ہے۔ مرحلے میں تقسیم کار کو HCF کہا جا تا ہے۔ مرحلے میں تقسیم کار کو HCF کہا جا تا ہے۔

$$\begin{array}{r}
186)252 \\
-186 \\
66 \text{ (remainder)}
\\
66)186 \\
-132 \\
54 \text{ (remainder)}
\\
54)66 \\
-54 \\
12 \text{ (remainder)}
\\
12)4 \\
-12 \text{ (remainder)}
\\
12)54 \\
-12 \text{ (remainder)}
\\
6)12 \\
-12 \\
0 \text{ (remainder)}
\\
186 \text{ and } 252 \text{ is } 6.$$

In case of finding HCF of more than two numbers, select any two numbers and make the smaller number the divisor and the greater number the dividend. The HCF of the two numbers will then become the dividend of the third number. The HCF of the third number will be the HCF of all three numbers. It is likely that student may make mistakes when doing HCF – one of which is that they may start dividing the number with a composite number such as 4 rather than a prime number that is 2. Therefore, ample practice needs to be done to strengthen the students' skills.

Once the students have mastered HCF, move on to LCM. Explain to the students that LCM is the least common multiple, that is it is the smallest multiple of both the numbers. LCM can be obtained using either prime factorization or division method. Let's take 8 and 12 for example. Using prime factorization, break each number into its prime factors, which is $8 = 2 \times 2 \times 2$ and $12 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$. Now, to find the LCM, multiple common and uncommon factors, which is $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$. Therefore, 24 is the smallest common multiple of 8 and 12.

Division method of LCM is a little different from the division method to find HCF. Numbers are written on the division ladder and are divided by a common prime factor. The numbers are divided by prime numbers until all the numbers in the rows are 1. Now multiply all prime factors to get LCM. Tell the students that HCF and LCM are related in such a way that the product of two numbers will be equal to the product of their HCF and LCM. $\boxed{N1 \times N2 = LCM \times HCF}$

Once the concept of LCM and HCF is clear amongst the students, move on to explaining to them what square numbers are. This competency will require them to revisit the competency of Index notations as square numbers are essentially written as index notation. You may also choose to teach them this topic when you're teaching them about index notations. Use examples and exercises from the textbook to help them master their skills.

OXFORD

186)
$$\frac{1}{252}$$

- $\frac{186}{66}$ (remainder)

66) $\frac{2}{186}$

- $\frac{132}{54}$ (remainder)

54) $\frac{1}{66}$

- $\frac{54}{12}$ (remainder)

12) $\frac{4}{54}$

- $\frac{48}{6}$ (remainder)

6) $\frac{2}{12}$ φ 6 HCF6 252 φ 1861 φ 4 φ 12 φ 252 φ 1861 φ 3 φ 252 φ 3 φ 26 φ 3 φ 6 φ 6 φ 3 φ 3 φ 6 φ 8 φ 9 φ

دو سے زیادہ اعداد HCF کا معلوم کرنے کے لیے کوئی سے دو عدد منتخب سیجیے اور سب سے چھوٹے عدد کو تقسیم کنندہ (divisor) اور بڑے عدد کا HCF کا معلوم کرنے کے لیے کوئی سے دو عدد کا dividend بن جائے گا۔ تیسرے عدد کا HCF تینوں اعداد کا HCF ہوگا۔ معلوم کرتے وقت غلطیاں کر سکتے ہیں۔ جس میں سے ایک بیہ ہے کہ وہ عدد کو 2 کے بجائے کسی مرکب عدد میں مصلوم مرتے وقت غلطیاں کر سکتے ہیں۔ جس میں سے ایک بیہ ہے کہ وہ عدد کو 2 کے بجائے کسی مرکب عدد number جیسے 4 سے تقسیم شروع کر سکتے ہیں اس لیے طلبہ کی مہارت کو پختہ کرنے کے لیے انھیں زیادہ مشق کر وائے۔

ایک بارطلبہ HCF میں مہارت حاصل کرلیں تو انھیں LCM پر لے آئیں طلبہ کو سمجھائے کہ LCM میں مہارت حاصل کرلیں تو انھیں LCM پر لے آئیں طلبہ کو سمجھائے کہ LCM کو نکالنے کے دوطریقے ہیں: پہلے طریقے میں prime مشتر کضرب ہے لینی وہ چھوٹا عدد جو متعلقہ اعداد پر تقسیم ہو سکے۔ LCM کو نکالنے کے دوطریقے ہیں: پہلے طریقے میں prime factorization (اعداد کو الیتے ہیں اور 12 دواعداد کو لیتے ہیں اور 12 کا 12 کا سنتھال کرتے ہوئے ہرایک عدد کو اس کے مفردا جزائے ضربی میں توڑد سے جو لین اعداد تقسیم کی سے میں سے میں اعداد تقسیم کی سے میں سے میں سے میں سے میں سے میں اعداد تقسیم کی سے میں سے می

طلبہ LCM اور HCF کا تصور انتھی طرح سمجھ لیں تو انھیں مربع عدد (square number) سکھائے اور بتائے کہ یہ کیا ہیں۔ اس قابلیت کو سکھنے کے لیے انھیں index notation کا تصور دہرانے کی ضرورت پڑے گی کیونکہ مربع اعداد بنیادی طور پر index notation کی شکل میں کھے جاتے ہیں لہٰذا آپ یہ موضوع اس وقت بھی پڑھا سکتے ہیں جب آپ طلبہ کو index notation کے بارے میں پڑھا رہے ہوں۔ اس مہارت پرعبور حاصل کرنے کے لیے انھیں درسی کتاب میں دی گئی مثالوں اور مثقول کو کروائے۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 18

Specific Learning Outcomes	Number of periods
Identify: multiples of numbers up to 2 digits	2
 Identify: factors of numbers up to 3 digits prime factors of numbers up to 4 digits and express them index notation 	4
 Identify base and exponent and express numbers given in expanded form in index notation and vice versa 	4
 Find HCF and LCM of two or three numbers (up to 3 digits) using division Method: Prime factorisation Solve real-life word problems involving HCF and LCM 	5
Recognise and calculate square numbers up to 2 digits	3

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- perform division to check for factors.
- continue a multiplication sequence.
- identify prime numbers and composite numbers.
- break down numbers into their factors.
- read and understand word problems, identify key information, and determine. which operation or concept is needed.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
4.1	I, 3, 5, 6(c, d), 7(c, d), 8(c, d), 9(c, d, e)	2, 4, 6(a, b), 7(a, b), 8(a, b), 9(a, b)
4.2	I(a, c), 2(a, c), 3(a, c), 4(a, c), 5, 6, 9, II, I2	I(b), 2(b), 3(b), 4(b), 7, 8, 10
4.3	I, 2(a, d, f, g, h, j, l)	2(b, c, e, i, k)

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- · Written assessment
- · Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. The number which divides a given number completely is called its ______.
 - A. factor

B. multiple

C. remainder

- D. none of these.
- ii. There are _____ multiples of a number.
 - A. only one

B. only two

C. finite

- D. infinite
- iii. The expanded form of 46 is ______.
 - $A.6 \times 6 \times 6 \times 6$

- B. $4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$

- iv. The index notation of 625 is _____.
 - **A.** 3⁷

B. 4⁵

C. 5³

- D. 5⁴
- v. Product of two numbers is equal to the product of their . .
 - A. multiples and factors
- B. LCM and HCF
- **C.** sum and difference
- D. squares
- 2. Find the HCF of the following using division method.
 - a. 36 and 84

b. 60 and 96

c. 36, 54, and 108

d. 84, 132, and 156

2	L: ~ 4	ء ط	LCM	af +b a	fallowing		مانانات	no atha d
Э.	riiiu	uie	LCM	or trie	following	using	uivision	methou.

a. 45 and 50

b. 42, 48, and 56

4. The HCF and LCM of two numbers are 8 and 504, respectively. If one of the numbers is 72, find the other number.

5. Express the following as a product of prime factors. Write the answer in index notation.

a. 350

b. 6912

c. 210

6. Find the greatest mass that can be taken as exact number of times from 360g, 504g and 672g.

at equal distance apart. If the posts are as far apart as possible, what is the distance between them?
8. Find the smallest mass that can be measured in equal amount of 6 kg, 9 kg, and 12 kg.
 Find the least length of a rope that can be cut into two pieces of length 30m, 36m, and 54m.
10. Find the smallest sum of money that is an exact multiple of Rs72, Rs 80, and Rs 96.

Rate and Ratio

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

• Explain rate as a comparison of two quantities where one quantity is 1

Rationale: The outcome of this competency depends on the student's prior knowledge about division, multiplication, place values and fractions. Mastery in these skills help students in simplifying and interpreting ratios, while also solving real-world problems associated with rate. Understanding and gaining mastery in rates and ratio is essential for mathematical fluency. Learning the concepts of rate helps students grasp real-world contexts such as speed, cost, time, and efficiency, whereas rate helps students compare quantities for recipes, sports, statistics, and data. Moreover, continued ratio helps compare three or more quantities required for the fields of science, engineering, economics, etc. Start the topic by giving real-life examples of the use of rate and ratio and then slowly move on to building their strong foundations by ample practice.

Stimulus: Start the lesson by explaining the concept of rate as a special ratio in which the two terms or values are in different units. The word "per" denoted by a '/' (a forward slash) gives a clue that we are dealing with a rate. For example, if a 12-ounce can of corn costs Rs 85 the rate is Rs 85 for 12 ounces or Rs $\frac{85}{12}$ oz. Subsequently, explain to the students that a unit rate is a ratio that compares two related quantities in different units, and the second unit is 1 (meaning per). For example, if we say Asif types 60 words in a minute, then his rate of typing is 60 words per minute or 60 words/minute. Unit rate is basically calculated by simplifying the numerator and denominator until the denominator becomes 1. That is if a dozen eggs are sold for Rs 96, one egg will sell for $\frac{96}{12}$ = Rs 8. So, the rate of eff is Rs 8/egg.

Competency 2

- Calculate ratio of two numbers (up to 3 digits) and simplify ratios
- Explain and calculate continued ratio

Stimulus: Start the lesson by drawing two baskets on the board. One basket should contain 7 apples, and the other basket should have 14 bananas. Ask the students to compare the two baskets. What is the difference in the number of fruits in each basket? Ask the students how they can compare the number of apples to the number of bananas in both baskets. How many less are the apples as compared to the bananas. Lead them to the definition of ratio which is a method of comparing two or more quantities. It tells us how much more or less one quantity is from the other. Tell them that the ratio of the number of apples to the number of bananas is 7 is to 14, which is also written as 7:14. Similarly, the ratio of the number of bananas to the number of apples is 14:7. Students often tend to make the mistake of writing ratio in the correct order, for example writing ratio of bananas

قابلیت ا

وضاحت کرسکیں کہ دو مقداروں کا موازنہ ہے جن میں ایک مقدار ایک کے برابر ہو۔

استدلال: اس قابلیت کا نتیجہ طلبہ کی سابقہ معلومات یا علم پر مخصر ہے جیسے تقسیم، ضرب، مقامی قیت اور کسور۔ ان مہارتوں پر عبور حاصل کرنے سے dلبہ نہ نصرف ratios کو بہ آسانی سجھنے اور ان کی وضاحت کرنے کے قابل ہو جاتے ہیں بلکہ وہ حقیقی زندگی میں rate سے متعلقہ عبارتی سوالوں کوحل کرنا سیکھتے ہیں۔ حیابی عمل میں روانی کے لیے ضروری ہے کہ طلبہ نسبت (ratio) اور شرح (rate) کے تصورات کو سمجھنے میں آسانی ہوتی ہے۔ brate کریں۔ Rate یعنی شرح کا تصور سیکھنے سے طلبہ کو زندگی کے سیاق سباق میں رفتار، لاگت، وقت اور کارکر دگی کو سمجھنے میں آسانی ہوتی ہے۔ rate طلبہ کو تراکیب، کھیل، شاریات اور معلومات (Data) میں مقداروں کا موازنہ کرنے میں مدد فراہم کرتا ہے۔ مزید برآن مسلسل نسبت تین یا زائد مقداروں کا موازنہ کرنے میں مدد دیتا ہے جو سائنس، انجینئر نگ، معاشیات وغیرہ جیسے شعبوں کے لیے ضروری ہے۔ موضوع یا سبق کا آغاز حقیقی زندگی سے ایس مثالیں پیش کرتے ہوئے کیجھے جن میں معد دور کو ایک دو مقداروں کی نسبت کے طور پر متعارف کروائے جن کی اکائیاں مختلف ہوں۔
مخرک: ابتدا میں شرح (rate) تصور کو ایک دو مقداروں کی نسبت کے طور پر متعارف کروائے جن کی اکائیاں مختلف ہوں۔

یہاں فی (per) کا لفظ '/' (جو ایک فارورڈ سلیش) یہ اشارہ کرتا ہے کہ ہم شرح لینی rate کا مطالعہ کر رہے ہیں۔ مثال کے طور پر کمکی کا 12 اونس کمکی کی قیمت 85 روپے ہے حسابی طور پر اسے 85 اونس بھی لکھ سکتے ہیں۔ مزید برآں طلبہ کو سمجھائے کہ کو ایک ڈیا 85 روپے کا جہ بیائی اور دوسری مقدار 1 کے یونٹ کی شرح ایک نسبت (ratio) ہے جو ایسی دو مقداروں کا موازنہ کرتی ہے جن کی اکائیاں بیائش اکائیاں مختلف ہوں اور دوسری مقدار 1 کے برابر ہو مثلاً اگر ہم کہتے ہیں کہ آصف ایک منٹ میں 60 الفاظ ٹائپ کرتا ہے تو اس کے ٹائپ کرنے کی رفتار 60 لفظ فی منٹ ہے۔ اکائی کی شرح کا حساب بنیادی طور پر شار کنندہ (numerator) اور مخرج (denometor) کو اس وقت تک حل کرنا جب تک کہ مخرج (بینی انڈوں کی شرح 8 کے برابر نہ ہوجائے۔ اسی طرح اگر ایک درجن انڈوں کی قیمت 96 روپے ہے تو ایک انڈے کی قیمت 96 ہو ہے۔ یعنی انڈوں کی شرح 8 روپے فی انڈا ہے۔

قابلیت ۲

- و اعداد (جو زیادہ سے زیادہ تین ہندسوں پرمشمل ہوں) کی نسبت (ratios) نکالیں اور اس کو سادہ ترین شکل میں کھیں۔
 - مسلسل تناسب کی وضاحت کریں اور اس کا حساب لگائیں۔

محرک: سبق کا آغاز بورڈ پر دوٹوکریاں بناکر تیجے جن میں سے ایک میں 7 سیب اور دوسری میں 14 کیلے رکھے دکھائی دیں۔ اب طلبہ سے پوچھے کہ دونوں ٹوکریوں کا موازنہ تیجے اور بتائے کہ ان میں رکھے کھلوں کی تعداد کتنی ہے؟ طلبہ سے پوچھے کہ وہ دونوں ٹوکریوں میں موجود کیلوں اور سیبوں کی تعداد کا موازنہ کس طرح کریں گے۔ کیلوں کے مقابلہ میں سیب کتنے کم ہیں؟ یہ سوال کرتے ہوئے انھیں نسبت کی تعریف کی طرف متوجہ تیجے اور بتائے کہ نسبت دراصل دویا زیادہ مقداروں کا موازنہ کرنے کا طریقہ ہے جس سے ہمیں پتہ چلتا ہے کہ ایک مقدار دوسری سے کتنی زیادہ یا کم ہے۔ انھیں بتائے کہ سیب کی تعداد اور کیلے کی تعداد کی نسبت (ratio) کی بیت جس سے ہمیں بتائے کہ سیب کی تعداد اور کیلے کی تعداد کی نسبت (ratio) کی بیت جس سے ہمیں بتائے کہ سیب کی تعداد اور کیلے کی تعداد کی نسبت (ratio) کی بیت جس سے ہمیں بتائے کہ سیب کی تعداد کو تعداد کی نسبت (ratio)

to apples instead of apples to bananas. Therefore, it is very essential to lay emphasis on writing the ratio in the correct order.

Let the students know that ratios can also be expressed as fraction. The first quantity, also known as antecedent, becomes the numerator while the second quantity, also known as consequent, becomes the denominator. So, 7:14 can be expressed as $\frac{7}{14}$. Just like how fractions are simplified to their lowest term, so can the ratios. However, make it clear to the students that fractions and ratios are different. While all ratios can be expressed as fractions, not all fractions can be expressed as ratios. Move to explaining the students how ratios are simplified – by dividing both the numbers to their common factor. So 7:14 is simplified to 1:2. This means that for every apple, there are 2 bananas. Point out to the students that since ratio is comparison, it does not have any unit.

Using examples from the book, explain how continued ratio is calculated. Independent worksheets with real life context should also be given to further strengthen their skills and concept.

طرح کیلوں اور سیبوں ratio 1: 7 ہے۔ طلبہ اکثر ratio کو صحیح ترتیب میں لکھتے ہوئے غلطی کرتے ہیں۔ اس لیے ضروری ہے کہ ratio کو وُرست ترتیب میں لکھنے پر زور دیا جائے۔

طلبہ کو بتائے کہ نسبت (ratio) کو کسر (fraction) کے طور پر بھی ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ پہلی مقدار جے مقدم (ratio) بنتی ہے جب کہ دوسری مقدار، جے مؤخر (consequent) کہا جاتا ہے تخرج (numerator) بنتی ہے البذا 7 شار کنندہ (numerator) بنتی ہے دسری مقدار، جے مؤخر (fraction) کو اس کی سادہ ترین شکل میں مخضر کیا جاتا ہے۔ اسی طرح ratio کو بھی سادہ بنایا جا سکتا ہے۔ تاہم اس مرحلے پر طلبہ کو بیضرور بتائے کہ کسر اور نسبت دو مختلف چیزیں ہیں تمام نسبتوں کو ہم کسور کی شکل میں کو سکتے ہیں لیکن تمام کسور (fractions) کو نسبت کے طور پر ظاہر نہیں کیا جا سکتا۔ اب طلبہ کو سمجھائے کہ نسبت کو کس طرح سادہ ترین شکل میں لایا جاتا ہے۔ دونوں عددی مقداروں کو ان کے مور پر ظاہر نہیں کیا جا سکتا۔ اب طلبہ کو سمجھائے کہ نسبت کو کس طرح سادہ ترین شکل میں سادہ ترین شکل ملتی ہے یعنی 2 : 1 اس کا مطلب ہے کہ ہر سیب کے لیے 2 کیلے ہیں طلبہ کو بتا ہے کہ وراضل موازنہ ہے لہذا اس کی کوئی سادہ ترین شکل مین ہے۔

اس کام کے لیے ایسی ورک شیٹس بھی استعال کی جاسکتی ہیں جن میں روزمرہ یا حقیقی زندگی سے متعلقہ سوالوں اور مثالوں کو استعال کر کے طلبہ کے اذہان میں موجو د تصور کو مزید پختہ کیا جاسکے۔



Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 12

Specific Learning Outcomes	Number of periods
Explain rate as a comparison of two quantities where one quantity is I	4
Solve real-life word problems involving rate	
Calculate ratio of two numbers (up to 3 digits) and simplify ratios	4
Explain and calculate continued ratio	4
Solve real-life word problems involving ratios	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- recognise and generate equivalent fractions.
- reduce fractions to their lowest terms.
- adjust the ratio terms to match the common connecting term.
- convert a word problem into a mathematical expression or ratio.
- analyse a problem, plan a solution, execute the plan to solve word problems.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
5.1	I, 3, 4, 5	2
5.2	I(a, e, f), 2(b, e, f, h, i), 4, 5, 6	I(b, c, d), 2(a, c, d, g), 3
5.3	I(c, d, e, f), 4, 5, 6	I(a, b), 2, 3

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- Written assessment
- · Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. Ratio is the comparison of different quantities having the same _____.
 - A. factor

B. units

C. direction

- D. length
- ii. _____ cannot be the term of a ratio.
 - **A.** –I

B. I

C. 0

- **D.** 0.1
- iii. The ratio a:b is equivalent to ______.
 - **A.** a

B. $a \times b$

C. <u>b</u> a

- **D.** $b \times a$
- iv. Ratio of I5 m to 20 m Is written as _____.
 - **A.** I5 m : 20 m

B. 20: 15

C. 20 m: 15 m

- **D.** 4:3
- **v.** If a:b=2:3, c:b=4:3 then a:b:c
 - **A.** 2:3:4

B. 4:3:2

C. 2:4:3

- **D.** 3:2:4
- 2. Express the following in ratios and write the simplest form.
 - a. 10 grams to 50 grams

b. 250 mm to 500 mm

c. 600 litres to 200 litres

d. Rs II8 to Rs 84

3. Find the continued ratio b:c:d if b:c=1:2 and c:d=3:5.

4. Find the continued ratio among Rs 20, Rs 40, and Rs 60.

5. The length and width of a rectangle are 6 m and $\frac{4}{5}$ m respectively. Find the ratio of the width to the length.
6. Salman is 18 years old. His elder brother Asim is six years older than Salman. Find the ratio of Hannans age to the Asim's age.
7. Ratio of mass of sugar to the mass of soup is 5 : 8. How many times is soap heavier than sugar?

8. In a zoo, the ratio of boys to girls is 5 : 6 and that of girls to parents is 3 : 10. Find the ratio of boys to girls to parents in simplest form .				
9. Sohail earns Rs I5,I50 in 6 days. How much does he earn in 4 days?				
10. A printer prints 330 pages in I5 minutes. At this rate, how may pages will the p print in 20 minutes?	rinter			

Percentage 6

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

• Express one quantity as a percentage of another and compare two quantities by percentage.

Rationale: This competency depends on the students' prior knowledge of percentage being special kinds of fractions that have the denominator 100. Students must also know how to express percentages as fractions and decimals. This year, students will learn to express one quantity as a percentage or another and will be able to successfully compare two quantities by their percentages. Understanding and excelling the learning objectives related to percentages is fundamental for financial literacy and making informed decisions. The use of percentages is in every field of life and its real-life applications include calculating taxes, discounts, population, making the learning of percentages highly relevant and engaging. Start the lesson by revising and recalling what the students have previously learnt in primary school. Once the students can successfully recall how to calculate percentages and interchange them as fractions and decimals, move on to explaining to them how to express one quantity as a percentage of another.

Stimulus: Begin the lesson with an activity for students to revisit their prior knowledge. Provide them with a 10×10 grid. Ask them to colour the squares such that there are majority of red squares and a small number of green squares. Once they've all coloured, ask them to count the red and green-coloured boxes and write them down. Now, ask them to express both the coloured boxes as fractions with the denominator 100.

Elaborate the following vocabulary with the students:

Per: for one cent: hundred

percent: for one hundred percentage: out of hundred

Point out to the students that 'per cent' means per hundred and that the symbol % represents percentage. Ask the students if they can convert the fractions for coloured boxes into fractions. If they are unable to do so, help them to divide the number of coloured boxes by 100. For example, if there are 85 red-coloured boxes, the fraction would be $\frac{85}{100}$ and the percentage of red-coloured boxes would be 85%.

Using the examples from the book, move on to explaining to the students how converting percentage into fractions requires them to change the percentage sign into the denominator 100 while keeping the number as the numerator. Similarly, when converting fractional percentage, such as $7\frac{1}{2}\%$ into fractions, the students would need to first convert the improper fraction into proper fraction $(\frac{15}{2})$ and then multiply it with the reciprocal of 100 $(\frac{15}{2} \times \frac{1}{100} = \frac{3}{40})$. To convert fractional percentage into

قابلیت ا

• طلبہ ایک مقدار کو دوسری مقدار کے فی صد (percentage) کے طور پر ظاہر کرنا اور دو مقداروں کا موازنہ بہلحاظ فی صد کرسکیں۔
استدلال: یہ قابلیت طلبہ کی اس سابقہ معلومات پر منحصر ہے کہ فی صد ایک خاص قسم کی کسر (fraction) ہے جس کا مخرج (denominator) ہیں کسے کھیں گے۔ اس 100 ہے۔ اس کے ساتھ ساتھ طلبہ کو یہ بھی معلوم ہونا چاہے کہ وہ فی صد کو کسر (fraction) اور اعشاریہ (decimal) میں کسے کھیں گے۔ اس سال، طلبہ یہ سیکھیں گے کہ کس طرح ایک مقدار کو دوسری مقدار (quantity) کے فی صد کے طور پر ظاہر کیا جا سکتا ہے اور دو مقداروں کا موازنہ فی صد میں کسے کیا جاتا ہے: فی صد سے متعلق سیکھنے کے اہداف (objectives) کو سیمھنا، ان پر عبور حاصل کرنا، مالیاتی شعور اور دُرست فیصلے کرنے کی ضد میں کسے کیا جاتا ہے: فی صد سے متعلق سیکھنے کے اہداف (objectives) کو سیمھنا، ان پر عبور حاصل کرنا، مالیاتی شعور اور دُرست فیصلے کرنے کے لیے نہایت اہم ہے، کیونکہ فی صد کا استعال زندگی کے ہر شعبے میں ہوتا ہے ۔ جن میں ٹیکس، رعایت، آبادی وغیرہ کا تخمینہ یا حساب لگانا شامل ہیں جو فی صد کو سیکھنے کے عمل کو نہایت دل چسپ اور اس کے تعلق کو روزمرہ زندگی سے جوڑتا ہے۔

سبق کا آغاز طلبہ کی اس معلومات یا علم کو دہراتے ہوئے تیجیے جو انھوں نے پرائمری جماعتوں میں سیکھا تھا۔ جب طلبہ کامیابی کے ساتھ فی صد نکالنے اور اسے کسر (fractions) یا اعشاریہ (decimals) میں تبدیل کرنے کا عمل یاد کرلیں تو انھیں بتایئے کہ ایک مقدار کو دوسری کے فی صد کے طور پر کس طرح ظاہر کیا جاتا ہے۔

محرک: سبق کے آغاز ایک سرگرمی سے کروایئے تاکہ طلبہ اپنی سابقہ معلومات کا اعادہ کرلیں۔ اس کے لیے طلبہ کو ایک 10 × 10 کی چو کھٹا (grid) فراہم سیجیے اور انھیں ہدایت دیجیے کہ وہ گرڈ کے خانوں میں اس طرح رنگ بھریں کہ زیادہ تر خانے سرخ ہوں سوائے چند خانوں کے جو سبزرنگ کے ہوں۔ جب طلبہ رنگ بھرلیں تو ان سے سرخ اور سبزخانوں کو گنوایئے اور پھر مقدار کو لکھوائے۔ اب ان سے کہیے کہ وہ دونوں رنگوں کے خانوں کی تعداد کو مخرج (Denominator) کے ساتھ کسرکی شکل میں کھیں۔

مندرجه ذیل الفاظ کی وضاحت بورڈ پر لکھ کر سیجیے:

فی/ ایک کے لیے : یک کے لیے

فی صد/ ایک سو کے لیے :

فی صد / سو میں سے : percentage

طلبہ کو بتا ہے کہ فی صد 'percent' کا مطلب ہے فی سو (یعنی ہر سومیں ہے) اور بی علامت % فی صد کو ظاہر کرتی ہے۔ اب طلبہ سے پوچھے کہ کیاوہ رنگین خانوں کی تعداد کو سے استعظیم کرنے میں ان کی مدد کریں۔ خانوں کی تعداد کو کسور (fractions) میں تبدیل کر سکتے ہیں؟ اگر وہ ایسانہ کر سکیں تو رنگین خانوں کی تعداد کو کسور یر اگر 85 سرخ رنگ کے خانے ہیں تو کسر (fraction) ہوگی یوں سرخ رنگ کے خانوں کافی صد 85% ہوگا۔

کتاب میں دی گئی مثالوں کو استعال کر کے طلبہ کو بیہ مجھائے کہ فی صد کو کسر (fraction) میں تبدیل کرنے کے لیے فی صد کی علامت (%) کو میں بدلنا پڑتا ہے جب کہ عدد کو شار کنندہ (numerator) کی جگہ رکھا جاتا ہے۔ اسی طرح جب کسی جزوی فی صد (fraction) میں بدلنا پڑتا ہے جب کہ عدد کو شار کنندہ (improper fraction) کو واجب فی صد (fractional percentage) میں تبدیل کرنا ہو تب پہلے اس غیر واجب کسر (reciprocal) کو واجب کسر (decimal) میں تبدیل

decimal, divide the number by 100 to have the answer in decimal. In case of improper fractions, first convert the improper fraction into proper fraction and simplify it before dividing it by 100.

Once the students are familiar with the concept of changing different percentages into fractions and decimals, use the following examples for their independent class practice:

- 17%
- 29%
- 74%
- 95%
- 60%
- $20\frac{1}{4}\%$
- $37\frac{1}{4}\%$
- $44\frac{1}{5}\%$

Once the students can independently convert percentages into fractions, move on to expressing a fraction as a percentage. This is comparatively easy as we only need to multiply the fraction or decimal by 100. For independent practice, use the following examples:

- $\frac{2}{5}$
- 1.67
- $\frac{40}{50}$
- 19.6
- <u>21</u>

Move on to explaining to the students that to find the percentage of a given quantity, convert the percentage into fractional form and then multiply by the total quantity. Let the students know that when finding the percentage of a quantity, the easy way to calculate is to replace 'of' from the question into a multiplication sign. For example, if the question asks to find 70 percent of 500, the 70% will convert to $\frac{70}{100}$ and the of will convert into the multiplication sign. The calculation will be: $\frac{70}{100} \times 500$.

Similarly, to express one quantity, for example a, as the percentage of the other quantity, for example b, dive a by b and multiply it by 100. That is, $\frac{a}{b} \times 100$. However, Students often make mistakes by using the wrong base value, that is they may calculate $\frac{b}{a} \times 100$. Therefore, it is necessary to emphasise identifying whole or original amount. Use examples and exercises from the textbook to strengthen the concept and its application.

Moreover, to compare two quantities, express both the quantities as percentages and then compare them. Point out to the students that 20% of 150 and 20% of 120 are different as the total amount is

کرنے کے لیے اسے 100 پرتقسیم کیا جاتا ہے تاکہ جو اب اعشاریہ میں حاصل ہوجائے۔ اگر improper fractions ہو تو پہلے اسے proper میں تبدیل کیا جاتا ہے اس کے بعد اسے 100 پرتقسیم کیا جاتا ہے۔ fraction

طلبہ جب مختلف فی صد (percentages) کو fractions اور decimals میں تبدیل کرنے کے تصور سے مانوس ہو جائیں تو مہارت کے لیے اضیں مندرجہ ذیل مثالوں کو اپنی نگر انی میں کروائے:

- 17% •
- 29% •
- 74%
 - 95% •
 - 60%
- $20\frac{1}{4}\%$
- $37\frac{1}{4}\%$ •
- $44\frac{1}{5}\%$ •

جب طلبہ اپنے طور پر فی صد کو کسر میں تبدیل کرنے لگیں تو ایک قدم آگے بڑھتے ہوئے کسر کو فی صد میں تبدیل کرنا بتائے۔ یہ بیٹا آسان ہے کیونکہ ہمیں صرف کسریا اعشار یہ کو 100 سے ضرب دینا ہو گا۔خود ہے شق کرنے کے لیے مندرجہ ذیل مثالوں کو استعال سیجیے:

- $\frac{2}{5}$ •
- 1.67
 - $\frac{40}{50}$ •
- 19.6 •
- $\frac{21}{4}$

طلبہ کو یہ سمجھائے کہ کسی دی گئی مقدار کافی صدمعلوم کرنے کے لیے فی صد کو کسری شکل میں تبدیل کریں اور پھر اسے کل مقدار سے ضرب دیں طلبہ کو بہ سمجھائے کہ کسی مقدار کافی صد نکالنے کا آسان طریقہ یہ ہے کہ سوال میں موجود 'of' 'کا' کو ضرب (\times) کے نشان میں بدل دیں۔ جیسے اگر سوال ہو کہ 500 کی صد (percent) معلوم سیجھے تو 70 فی صد کو $\frac{70}{100}$ میں تبدیل کرنا ہو گا اور 'کا' کو ضرب کے نشان سے بدلنا ہو گا یوں حساب کچھ اس شکل میں ہو گا۔ 500 \times 500 معلوم کے بھے تو 70 فی صد کو $\frac{70}{100}$

اسی طرح کسی ایک مقدار کو دوسری مقدار کافی صد ظاہر کرنے کے لیے مثلاً اگر 'a' کو 'b' کافی صد ظاہر کرنا ہو تو 'a' پر تقسیم سیجیے اور پھر 100 سے ضرب دے دیجیے یعنی حسابی شکل کچھ یوں ہوگی:

$$a \div b \times 100$$

 different. Therefore, when comparing percentages, one cannot overlook their actual quantities as percentages are not treated as whole numbers but are always applied to a specific value.

Competency 2

Calculate increase or decrease of quantity by a given percentage and solve real-life problems

Stimulus: There are two methods of calculating an increase or decrease of quantity by a given percentage. The first method requires finding out the percentage of the given value first. If there is an increase in quantity, the result is added to the original value. However, if there is a decrease, the result is subtracted from the original value. For example, if the questions ask to calculate increase 70 by 10%, we find 10% of 70 first.

So, $\frac{10}{100} \times 70 = 7$. Now, 70 + 7 + 77. The increase of 10% to 70 becomes 77. Likewise, decrease calculated by subtracting the quantity. If the question asks for a decrease of 10% from 70, 7 would be subtracted from 70. So, a decrease of 10% from 70 would be 63.

The other method is the formula that can be applied to calculate increase or decrease in quantity.

• To increase the value, use the following formula

New value =
$$\frac{\text{percentage increase} + 100}{100} \times \text{orignal value}$$

• To decrease the value, use the following formula

New value =
$$\frac{\text{percentage decrease} + 100}{100} \times \text{orignal value}$$

Students may choose whichever method is easier for them to calculate an increase or decrease in quantity. However, point out to the students that a 30% increase followed by a 30% decrease (or vice versa) does not bring the quantity to its original value. This is because percentage change is always calculated from the current value – which changes after the first calculation.

Use the exercises from the book for ample practice to further master the concept.

مزید برآں، دو مقداروں کاموازنہ کرنے کے لیے دونوں مقداروں کو فی صدیبیں ظاہر کیجیے اور پھران کاموازنہ کیجیے۔طلبہ کو بتایئے کہ 150 کا 20% فی صد اور 120 کا موازنہ کرتے وقت ان کی اصل مقداروں کو فی صد اور 120 کا موازنہ کرتے وقت ان کی اصل مقداروں کو نظرانداز نہیں کیا جا سکتا کیوں کہ فی صد کو مکمل اعداد کے طور پر نہیں لیا جاتا بلکہ یہ ہمیشہ کسی خاص مقدار پر لاگو ہوتا ہے۔

قابلت ٢

سی مقدار میں دی گئی فی صد کے مطابق اضافہ یا کی کرنے کا حساب لگا سکیں اور حقیق زندگی سے جڑے حسابی مسائل کوحل کرسکیں۔ محرک: کسی مقدار میں دی گئی فی صد کے مطابق اضافہ یا کمی کو حسابی عمل کے ذریعے معلوم کرنے کے دو طریقے ہیں۔ پہلے طریقے میں سب سے محرک: کسی مقدار کی فی صد کا تخمینہ لگایا جاتا ہے۔ اگر مقدار میں اضافہ ہو تو اصل مقدار معالی orignal value میں جع کیا جاتا ہے اور کوئی کمی ہو تو نتیجہ اصل مقدار میں سے نفی کر دیا جاتا ہے۔ جیسے اگر سوال میں 70 میں 10% فی صد کا اضافہ کرنے کے لیے کہا جائے تو پہلے 70 کا 10% فی صد نکالیں گے، اس لیے $7 = 7 \times \frac{10}{100}$ اب 7 = 7 + 7 میں 8×100 اضافہ کرنے پر یہ 8×100 ہو جائے گا۔ بالکل اسی طرح اگر سوال میں 8×100 میں سے نفی کیا جائے گالہذا 8×1000 فی صد کو کہ میں سے نفی کیا جائے گالہذا 8×1000 فی صد کی کی ہونے کے بعد 8×1000 میں سے نفی کیا جائے گالہذا 8×1000 میں سے نفی کیا جائے گالہذا 8×1000 کی کمی ہونے کے بعد 8×1000 میں ہو گا۔

دوسرا طریقہ یہ ہے کسی مقدار میں اضافہ یا کی کومعلوم کرنے کے لیے فارمولا (formula) استعال کیا جائے۔

و مقدار میں اضافہ معلوم کرنے کے لیے درج ذیل فارمولا لگائے:

New value = $\frac{\text{percentage increase} + 100}{100} \times \text{orignal value}$

• مقدار میں کی معلوم کرنے کے لیے درج ذیل فارمولا لگائے:

New value = $\frac{\text{percentage decrease} + 100}{100} \times \text{orignal value}$

طلبہ ان میں سے کوئی بھی طریقہ جو ان کے لیے آسان ہو اپنا کر اضافے یا کمی کا حساب لگا سکتے ہیں تاہم اس بات کی نشان دہی کر ناضروری ہے کہ کسی مقدار میں پہلے 30% فی صد اضافہ اور پھر 30% فی صد کمی (یا اس کے برعکس) کی جائے تو نتیجہ اصل مقدار پر واپس نہیں آتا اس کی وجہ یہ ہے کہ فی صد کی تبدیلی کا حساب ہمیشہ موجودہ مقدار سے لگایا جاتا ہے جو پہلی calculation کے بعد بدل جاتا ہے۔ اس تصور کی مزید مہارت کے لیے کتاب میں دی گئی مشقول کی زیادہ سے زیادہ شق سیجے۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 14

Specific Learning Outcomes	Number of periods
Express one quantity as a percentage of another	4
Compare two quantities by percentage	3
Increase or decrease a quantity by a given percentage	3
Solve real-life word problems involving percentages	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- perform the conversion (Part / Whole) to Decimal and vice versa.
- calculate the decimal value of the fraction.
- understand the problem scenario and pick out the relevant information.
- convert a word problem into the appropriate mathematical calculation.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
6.1	I(b, c, e), 2(b, c, e), 3(a, e, f, h, i), 5, 7, 9,	I(a, d), 2(a, d), 3(b, c, d, g), 4,
	10, 11, 12	6, 8
6.2	I(c, d, e, f), 2, 5, 6, 7, 8	I(a, b), 3, 4

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- · Written assessment
- · Teacher's assessment

Review Worksheet

I. Cho	oose the correct option.		
i.	40% is equal to		
	A. $\frac{2}{5}$	B. $\frac{3}{10}$	
	C. 5	$D.\frac{1}{2}$	
ii.	If 60% of Rs 1000 spent, then the	L	
	A. Rs 600	B. Rs 40	
	C. Rs 65	D. Rs 400	
iii.	Rupees 5 is of Rs 25.		
	A. 5%	B. 10%	
	C. 20%	D. 30%	
iv.	I. If I00% = Rs I20, then Rs 84 is		
	A. 120%	B. 20%	
	C. 70%	D. 30%	
v.	If 75% of pupils in a class of 40 p	assed in a Science test, c	of them failed.
	A. 10	B. 30	
	C. 25	D. 2	
2. On	e-fifth of the water tank is empty	. What percentage of the tank is fille	d with water?

3. In a class, out of 60 students, 10% of students failed. How many students passed the exams?				
4. Adila saves 16% of her monthly salary. If she gets Rs 21 000 per month, how much does she save every month?				
5. The total number of students in a school is I650. 70% of the pupils are boys. How m girls are there in the school?	any			

6. The population of a town increased from 25000 to 30000. Find the percentage increase.
7. The price of a property decreased from Rs 975500 to Rs 829175. Find the percentage decrease.
8. The height of a boy increases from 108 cm to 135 cm over I year. By what percentage did his height increase?

Introduction to Algebra

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

- Recognise simple patterns from various number sequences
- Continue a given number sequence and find:
 - Term to term rule
 - Position to term rule

Rationale: Number patterns lay the foundation of algebra. Understanding this competency is essential for students to transition from arithmetic to algebra by helping them identify the relationship between numbers. Students already know how to use basic arithmetic operations on numbers to get the desired results. In this competency, they will learn to understand how arithmetic is used to form relationships between numbers and create patterns. Mastery in number patterns also helps the students enhance their logical thinking skills and build real-life connections. Patterns are everywhere – in nature, music, art, architecture, and technology.

In primary classes, students have learnt to recognise and extend patterns pictorially. They have also explored the concept of extending simple number patterns. To reinforce this competency, start with simpler number patterns and then move on to continuing sequences by finding term-to-term and position-to-term rules. Understanding the rules enhances problem-solving skills students may need for real-life applications such as predicting growth patterns and analysing data trends, thereby strengthening mathematical reasoning.

Stimulus: Start the lesson with a small activity. Draw a number line on the board and begin skip counting by 2s, starting from 0 and moving up to 20. While skipping, ask the students to predict where they would land next. Once you have reached 20, ask them if they recognise any pattern in the number sequence. Allow them some time to answer. They would most likely say that 2 is added to the previous number to get the next number. Introduces the words 'term' and 'rule'. Each number in the sequence is a term, and the rule, in this case is 'add 2'. Recall with them that such a sequence is called a number sequence. Explain to them that the term-to-term rule tells us how to get from one number to the next in a sequence. Students may often assume the rule of the pattern based on the first few terms; therefore, emphasis should be put on recognising the relationship between each term and encouraging careful observation.

Move on to introducing position-to-term rules. This concept is new for the students, therefore, first explain to them that position-to-term rule tells us how to find any number in a sequence using its position. From the number line activity, the sequence was 0, 2, 4, 6, 8, 10, ..., 18, 20. So, we know the following observations:

قابلیت ا

- مختلف عد دی سلسلوں سے ساد ہ نمونوں کو پہچاننا۔
 - عددی سلسلول میں سے معلوم کرسکیں:
 - Term to term rule -
 - Position to term rule -

استدلال: عددی نمونے (number patterns) الجبراکی بنیاد رکھتے ہیں۔ اس قابلیت کو سجھنا طلبہ کے لیے اشد ضروری ہے۔ یہ طلبہ کو عملی حساب (Arithmatic) سے الجبراکی طرف جانے کے لیے پہلا قدم ہے اور الجبراکی بنیاد فراہم کرتے ہوئے انھیں اعداد کے درمیان تعلق کو سجھنے میں مدد دیتے ہیں۔ طلبہ اس بات سے واقف ہیں کہ مطلوبہ نتیجہ حاصل کرنے کے لیے بنیادی حسابی عملوں کا استعال کیسے کیا جاتا ہے۔ اس قابلیت میں وہ جانیں گئے کہ کس طرح وہ عملی ریاضی (Arithmatic) کو استعال کر کے اعداد (numbers) کے مابین تعلق استوار کر کے نمونے یا پیٹران تشکیل دے سکتے ہیں۔ عددی نمونوں (number pattern) میں مہارت طلبہ کی منطق سوچ کو بہتر بنانے اور ان کی روزمرہ زندگی سے تعلق کو جوڑنے میں مدد فراہم کرتی ہے۔ فطرت (nature) میں اعداد کے نمونے ہر جگہ موجود ہیں، موسیقی، آرٹ، فنِ تعمیر، ٹیکنالوجی وغیرہ ، پرائمری جماعتوں میں طلبہ نمونوں کو تصویری شکلوں میں پیچاننا سیکھتے ہیں۔

وہ اعداد کے سادہ نمونوں کے تصور کو سرسری طور پر پڑھ چکے ہیں۔ اس قابلیت کی دہرائی کے لیے اعداد کے سادہ نمونوں سے ابتدا کرتے ہوئے بتدر تج آگے بڑھتے ہوئے سلسلہ وار (position to term) اور (term to term) نمونے تلاش کرنا سکھائے۔

ان اصولوں کو سمجھ کر طلبہ عبارتی سوالات کوحل کرنے کی صلاحیت کو بہتر بنا سکتے ہیں اور اپنی روز مرّہ زندگی میں پیداوار میں اضافے کی پیش گوئی کو اعداد کی شکل میں ظاہر کرنا اور معلومات کے رجحان کا تجزیہ کرنا جو ریاضی کی توجیہات mathamatical reasoning کو بہتر بناتا ہے۔

محرک: سبق کا آغاز ایک چھوٹی میں سرگرمی سے سیجے اور بورڈ پر ایک عددی لکیر (number line) کھینچے اور صفر سے شروع سیجے اور دو دو یونٹ چھوڑتے ہوئے گنتی کرتے ہوئے کہ اگلا عدد کیا ہوگا۔ 20 تک جائے۔ وقفول (skiping) کے دوران طلبہ سے پوچھتے جائے کہ اگلا عدد کیا ہوگا۔ 20 تک چھوڑتے ہوئے کہ الگلا عدد کیا ہوگا۔ 20 تک چھوٹ کے جواب آپ ان سے اعداد کے اس مساوی وقفے کے حوالے سے پوچھے کہ کیا وہ اعداد کے اس نمونے (pattern) کو پہچان سکتے ہیں؟ اور ان کے جواب کا انتظار سے بھیا ان کی اکثریت کا جواب ہوگا کہ ہر بار عدد میں 2 کا اضافہ کیا جا رہا ہے۔ اس مرحلے پر آپ طلبہ کو باری (term) اور قاعدہ کا انتظار سے الفاظ متعارف کروا ہے۔ وضاحت سے کھے کہ یہال پر ہر عدد ایک (term) ہے اور اس مثال یا نمونے میں قاعدہ یا اصول (rule) ہی ہر بار 2 کا اضافہ کیا جا رہا ہے۔ انتھیں یاد دلا ہے کہ اس سلسلے کو عددی سلسلہ کہتے ہیں۔

انھیں بتائے کہ term to term rule ہمیں بتاتا ہے کہ کسی عددی ترتیب میں ایک عدد سے دوسرے عدد تک کس طرح پہنچتے ہیں۔ مذکورہ بالا مثال میں قاعدہ (rule) یہ کارفرما تھا'2 کا اضافہ' کرنا تھا۔عموماً طلبہ ابتدائی اعداد کو دیکھ کربی (term) کا اندازہ کر لیتے ہیں کہ عددی نمونے میں کون سا قاعدہ (rule) کارفرما ہے۔ لہٰذا طلبہ کو term کے درمیانی تعلق کو سجھنے کے لیے بطور مشاہدے کرنے پر توجہ مرکوز کرنے کی ترغیب دیجے۔ اب مزید آگے بڑھتے ہوئے position-to-term rule کو متعارف کروائے یہ تصور طلبہ کے لیے بنا ہے۔ لہٰذا انھیں سمجھائے کہ اس اصول کی مدد سے ہم کسی عدد کو اس کے مقام (position) کے ذریعے کسی عددی ترتیب میں کس طرح تلاش کر سکتے ہیں۔ یہ اصول کسی عددی سلسلے میں کسی عدد کے مقام کا تعین کرنے میں مدد کرتا ہے۔ عددی کلیروالی سرگرمی میں 0، 2، 4، 6، 8، 10، … 18، 20 کوغور کرنے پر پہتے چلے گا کہ یہاں

```
1^{st} position = 2

2^{nd} position = 4

3^{rd} position = 6

4^{th} position = 8

5^{th} position = 10 ... and so on.
```

So, we know that term = $2 \times \text{position}$, where position is n.

So, to find the position-to-term rule of the above given sequence is 2(n). The rule will allow us to find the term for any position without figuring out the entire sequence. For example, for the 30^{th} position, the term will be: 2(30) = 60.

Here, students often confuse term-to-term rule with position-to-term rule, therefore, when explaining, ask questions like 'how can you find the term for the next position?' or can you find the term on the 15^{th} position without writing the entire sequence?'. Students also come to the wrong conclusion, for example, they may write 2 + n instead of 2n. Prompt them into using their rule on multiple positions to see if it is correct. An odd sequence will ultimately hint them on the wrong rule. Using the examples from the book, further strengthen their concept and test their skills using worksheets.

Competency 2

Explain the term algebra as an extension of arithmetic, where letters, numbers, and symbols are used to construct algebraic expressions.

Manipulate simple algebraic expressions using addition and subtraction.

Rationale: Learning and understanding algebra allow students to transition from concrete to abstract thinking, that is they shift from using numbers only to symbols, letters, and alphabets. This lays the understanding that maths is not just calculation but also about relationships and patterns. Algebra further lays foundation for advanced mathematical concepts, logical thinking and problem-solving. It helps with real-life applications of engineering, computing, game design and artificial intelligence.

Stimulus: In arithmetic, numerals such as 0, 1, 2, 3, etc. have fixed values. However, in algebra, a letter, alphabet, or even a symbol can represent any numerical value. Start the lesson by writing a mathematical sentence on the board, such as $2 + \underline{\hspace{1cm}} = 4$. Ask the students what we can fill in in the blank to make the statement true. The students are most likely to say 2. Let them know that the sentence or statement is an open statement as it gives incomplete information to determine whether it is true or false. The blank, in algebra, can be represented as a letter or alphabet. So, in terms of an algebraic equation, it can be expressed as 2 + x = 4, where x is a variable. Introduce the vocabulary 'terms,' constant,' variable, 'algebraic expression,' and 'coefficient'.

 1^{st} position = 2

 2^{nd} position = 4

 3^{rd} position = 6

 4^{th} position = 8

 5^{th} position = 10 ... and so on.

لہذا ہم جانتے ہیں کہ term \times عدد کا مقام جہال n عدد کے مقام (position) کو ظاہر کرتا ہے۔

اس کیے درج بالا دی گئی عددی ترتیب یا سلسلے میں (n) position to-term rule ، 2 (n) ہے جت کمل عددی ترتیب کھے بغیر ہم بہ آسانی معلوم کر سکتے ہیں کہ کسی مخصوص position پر کون ساعدد (term) آئے گا۔ مثال کے طور پر 30 ہی کو کیجیے اگر ہم کو جاننا ہو کہ 30 ویں یوزیشن پر کون ساعدد (term) آئے گا۔ تو: (30) 2 = 60 یعنی 60 وہ عدد ہے جو 30 ویں یوزیشن پر ہو گا۔

عموماً طلبہ position-to-term rule | term-to-term مور یا تے۔ اس لیے طلبہ کو سمجھاتے ہوئے کچھ ایسے سوالات سیجے۔ جیسے کہ آپ اگل پوزیشن کے لیے عدد (term) کو کیسے تلاش کریں گے؟ یا کیا آپ مکمل عددی سلسلہ یا ترتیب لکھے بغیر 15 ویں پوزیشن پرموجود عدد (term) کومعلوم کر سکتے ہیں؟ طلبہ اس صورت میں بھی غلط نتیجے پر پہنچتے ہیں جیسے وہ 20 کے بجائے اگر n + 2 کھ دیں۔ اس لیے اضیں فوری طور پر اس rule کو مختلف position کے لیے آزمانے کی ہدایت سیجے۔ اگر rule ناملہ ہوگا تو کسی نہ کسی position پر غلط نتیجہ ظاہر ہوگا۔ طلبہ کو اس تصور کو مزید پختہ کرنے کے لیے درسی کتاب میں دی گئی مثالوں کا استعال سیجے۔ اور ان کی مہارت کی جانج کے لیے ورک شیٹس کا استعال کروائے۔

قابلیت ۲

الجبرا کو حساب کی شاخ کے طور پر سمجھانا، جہاں حروف، اعداد اور علامتیں الجبرا کے expressions کے لیے استعال کی جاتی ہیں۔ جمع اور تفریق کے عمل کو سادہ الجبرا کے expression کو ترتیب دینے کے لیے استعال کرنا۔

استدلال: الجبراسيكينے كاعمل طلبه كومعروضى سوچ سے تجريدى سوچ كى طرف مائل كرتا ہے اس طرح وہ صرف اعداد كے استعال كے ساتھ علامتوں، حروف تجى اور حروف كو استعال كرنا بھى سيكھتے ہيں۔ اور ان كا ذہن اس بات كو سيكھنے كے قابل ہوتا ہے كہ حساب صرف حساب كتاب كرنے كا نام نہيں بلكہ يہ pattern اور relationship سے بھى متعلق ہے ۔خصوصاً الجبرا جو مزيد اعلى رياضى كے تصورات، منطقى سوچ اور مسائل حل كرنے كى بنياد فراہم كرتا ہے اور يہ انجينئر نگ، كمپيوٹنگ كمپيوٹر كے كيم ڈيزائن كرنے اور مصنوعى ذہانت جيسے شعبوں اور روزمرہ زندگى كے مسلوں پر اطلاق كرنے كى صلاحيتوں كو پروان چڑھانے ميں مدد ديتا ہے۔

محرک: ریاضی یا حساب میں اعداد جیسے 0، 1، 2، 3 وغیرہ کی قدر (value) مقرر ہوتی ہے لیکن الجبرا میں کوئی بھی حرف، حروف بھی کا آغاز کوئی بھی علامت (symbol) کسی بھی عدد قدر کی نمائندگی کرسکتا ہے۔ بورڈ پر ریاضی کا کوئی بھی جملہ جیسے 2 + ----- 4 کھے کرسبق کا آغاز کے فی بھی علامت (symbol) کسی بھی عدد قدر کی نمائندگی کرسکتا ہے۔ بورڈ پر ریاضی کا کوئی بھی جملہ جیسے 2 + ----- 4 کھے کرسبق کا آغاز کے جیے طلبہ سے پوچھے کہ ریاضی کے اس بیان کی درسی کے لیے ہم خالی جگھ میں کیا کھیں۔ یقیناً طلبہ کی اکثریت کا جواب ہوگا کے طلبہ کو بتائیے کہ یہ ایک blank کو انتخاب کی معلومات نہیں۔ الجبرا میں خالی یا کہ المالہ کی اکثر معلومات نہیں۔ الجبرا میں خالی یا کہ اللہ کے اس بیان کی درسی کے بی کا پہتے چلانے کے لیے ہمارے پاس مممل یا ضروری معلومات نہیں۔ الجبرا میں خالی یا کہ اللہ کی اس مساوات equation کو جا کے بھی لکھ سکتے ہیں جہال x سے مراد ایک متخارف کروانے متخیر (value) ہے۔ الفاظ کی اصطلاحات coefficient کا یہ موزوں وقت ہے۔ الفاظ کی اصطلاحات algebric expression، variable، constant، terms کا یہ موزوں وقت ہے۔

term	number or a letter that is separated by an operator $(+, -, \times, \div)$	
variable	is a symbol that represents a quantity with an unknown value	
constant	a symbol that has a fixed value	
algebraic expression	any numeral, variable, or a combination of numeral and variable, connected by one or more signs of number operation	
coefficient	symbol or number that appears before the variable	

Look at the following examples:

Algebraic expression	Terms	Constants	Variables
a+b	a, b	_	a, b
$2a - 3b^2$	$2a, 3b^2$	2, 3	a, b^2
x + 2y - 2z	x, 2y, 2z	2, 2	x, y, z
a + bc	a, bc	-	a, b, c

Once they are familiar with the key vocabulary of algebra, move on to explaining to them the difference between like and unlike terms. Use different examples to help the students sort the like and unlike terms. This will help the students in performing number operations, such as addition and subtraction, of algebraic expressions.

Now the students have learnt basic vocabulary. They will use it to evaluate, manipulate and simplify algebraic expressions. The first step to this is the use of number operation, addition and subtraction. Students know what like and unlike terms are. Let them know that when performing addition and subtraction, the like terms are added or subtracted from the like terms only. Therefore, it is very necessary to rearrange the terms in such a way that all the like terms are together. For example, in case of adding 3y to 5y, the answer is 8y. However, 3y and 5x cannot be added. Extra practice needs to be done for this topic as students often make mistakes in adding the like and unlike terms together. They may write 8yx which is wrong when adding algebraic terms. Point out that when terms are added, the power of the sum is the same as that of the terms which are added. That is the power does not change. For example, when x^2 and $2x^2$ are added, the sum is $3x^2$.

Similarly, like terms are subtracted from like terms only. 6*y* can be subtracted from 10*y* to give 4*y*, but 8*x* cannot be subtracted from 9*y*. When rearranging all the like terms together, ask the students to be careful of the sign before the term as the sign move along with the term.

term	(+, -, ×, ÷) Oprator کے ذریعے الگ کیا گیا حرف یا عدد
variable	وہ علامت جو کسی نامعلوم قدر کے ساتھ مقدار کو ظاہر کرے
constant	الیی علامت جس کی قدر مقرر ہو
algebraic expression	کوئی بھی عدد، متغیریا عدد اورمتغیر کا مجموعہ جو ایک یا زیادہ علامت کے ساتھ ریاضیاتی عمل سے جڑا ہو
coefficient	اییا عد د یا علامت جو متغیر (variable) سے پہلے ہو

مندرجه ذيل مثالول پرغور سيجيه:

Algebraic expression	Terms	Constants	Variables
a+b	a, b	_	a, b
$2a - 3b^2$	$2a, 3b^2$	2, 3	a, b^2
x + 2y - 2z	x, 2y, 2z	2, 2	x, y, z
a + bc	a, bc	_	a, b, c

الجبراکے کلیدی یا بنیادی الفاظ سے واقنیت کے بعد طلبہ کو algebric expression کی جمعے اینداور الفاظ سے واقنیت کے بعد طلبہ ان کی مدو سے like and unlike terms کی جمع اور تفریق کو بہ آسانی انجام و سے سکیس گے۔ جمع اور تفریق جو بھیے ہیں اور اب وہ ان کا استعال کیجیے طلبہ ان کی مدو سے algebric expression کو سادہ بنانے جانچنے اور ان میں تبدیلی کرنے کے لیے کریں طلبہ بنیادی الفاظ سیکھ بھیے ہیں اور اب وہ ان کا استعال algebric expressions کو سادہ بنانے جانچنے اور ان میں تبدیلی کرنے کے لیے کریں گے۔ جمع اور تفریق جیسے عددی عوامل کو کرنا اس جانب ابتدائی قدم ہے۔ اب جو کہ طلبہ وکہ طلبہ جمع یا منہا کر سکتے ہیں۔ لہذا بیضروری ہے کہ تمام like terms انھیں وضاحت بتائیے کہ جمع اور تفریق کرتے ہوئے صرف like terms کو ہی آئیس میں جمع یا منہا کر سکتے ہیں۔ لہذا بیضروری ہے کہ تمام so اور جمع نہیں کیا جا سکتا۔ لہذا ہو گا۔ تاہم 34 اور جمع کرتے وقت اکثر طلبہ جو فلطی کرتے ہیں اس سے بچانے کے لیے ضروری ہے کہ انھیں اضافی مشق کروائی جائے عموماً وہ 84 بھی لکھ دیتے ہیں جو علی مناتھ لکھی جائے والی عالی کے ساتھ لکھی جانے والی rems کی جمع کیا جاتا ہے تو جو اب یا حل کے ساتھ لکھی جانے والی power کی وہی رہتی ہے جو سوال میں تھی یعنی دوسری ہو گا۔ دوسری موتی منطل آگر کید اور جمع کریں تو جو اب یا حاصل 23x کو گا۔

اس طرح نفی کے عمل میں بھی like terms کو like terms سے گھٹایا یا منہا کیا جاتا ہے جیسے 10y میں سے 60 کو منہا کرنے پر 49 جو اب میں حاصل ہوتا ہے۔ لیکن ہم 99 میں سے 8x کو منہا نہیں کر سکتے۔ طلبہ کو واضح طور پر بتائیے کو like terms کو ترتیب دیتے ہوئے ان کے ساتھ موجود علامت پر بھی غور کیا جاتا ہے کیونکہ یہ terms کے ساتھ نتقل ہوتی ہے۔

Competency 3

Evaluate algebraic expressions by substitution of variables with numerical values Simplify algebraic expressions

Stimulus: An algebraic expression is evaluated by substituting the value of each variable and then simplifying it using BODMAS to get a simplified numerical answer. This competency allows students to understand how variables work in real-life context, such as formula.

The first step to evaluating an algebraic expression is to put in all the values of variables and then use BODMAS. Students often make mistakes when substituting the values of the variable with their signs, therefore, extra attention should be given when solving it.

Similarly, simplifying algebraic expression means rewriting the expressions in a more compact and manageable form. This is done by grouping all the like terms, solving the brackets, and using the properties of algebra. Point out that, sometimes, it is not possible to simplify the terms inside brackets. For example, for 2x + 3b - (a + b), the bracket cannot be simplified further. However, it can be expanded to simplify the whole expression.

$$2x + 3b - (a + b)$$
$$2x + 3b - a - b$$
$$2x + 3b - b - a$$
$$2x + 2b - a$$

Now, 2x + 3b - (a + b) is simplified to 2x + 2b - a. Let the students know that when expanding a bracket, the sign that precedes it is very important. If the sign is positive, the brackets can be simply removed. However, if the sign that precedes the brackets is negative, then the signs or each term within the bracket changes (when expanded). It can be said that having a negative sign before the brackets mean multiplying each term (within the bracket) by -1. To master this competency, students would require ample practice. Use examples and exercises from the book to strengthen their concepts.

قابلیت س

الجبری variables کو variables کو اس میں دیے گئے ہر numerical values کی جگہ اس کی عددی قبت algebric expression کو رکھ کر محرک: ایک numerical value کو اس میں دیے گئے ہر variable کی جگہ اس کی عددی قبت algebric expression کو رکھ کر جانچا جاتا ہے۔ پھر اسے BODMAS کے اصول کے تحت کل کیا جاتا ہے تاکہ ایک سادہ عددی جواب حاصل ہو یہ قابلیت طلبہ کو اس بات کو سیجھنے میں مدد دیتی ہے کہ variables حقیقی زندگی کے تناظر میں جیسے کہ کوئی فارمولا وغیرہ میں کس طرح کام کرتے ہیں۔

algebric expression کا تجزیہ کرنے کے لیے سب سے پہلے تمام متغیرات variables کی جگہ ان کی values کو رکھ دیا جاتا ہے اور پھر
BODMAS کے اصولوں کا اطلاق کیا جاتا ہے۔ اکثر طلبہ تغیرات variables کی values کے ساتھ ان علامتوں کو تبدیل کرتے ہوئے غلطیاں
کرتے ہیں۔ اس لیے سوال حل کرتے وقت اس پہلو پر خاص طور پر توجہ دینی چاہیے۔

اسی طرح algebric expression کوحل کرنے کا مطلب میہ ہے کہ انھیں ایک سادہ، مختصر اور قابلِ فہم شکل میں دوبارہ لکھا جائے ۔ یعنی میہ کام کرتے وہ انہوں کو میں نوان دہی بھی انہوں کو میں نشان دہی بھی انہوں کو میں نشان دہی بھی انہوں کو میں نشان دہی بھی انہوں کو میں نیاز جائے ، قوسین کوحل کیا جائے ، قوسین کو میں بنایا جا سکتا۔ مثال کے طور پر (a + b) – 3b – (a + b) میں دی گئی terms کو مزید سادہ نہیں کیا جا سکتا۔ تاہم بریکٹ یا قوسین کو ہٹا کر اسے آسان بنایا جا سکتا ہے۔

$$2x + 3b - (a+b)$$

$$2x + 3b - a - b$$

$$2x + 3b - b - a$$

$$2x + 2b - a$$

لہذا (a +b) – 2x + 2b – a کی سادہ شکل 2x + 3b – (a +b) ہوگی۔ یہاں طلبہ کو بتایئے کہ بریکٹ کو کھولتے یا ہٹاتے ہوئے اس سے باہر موجود علامت بہت اہم ہے اگر مثبت + کی علامت ہو تو بریکٹ کو بہ آسانی ہٹایا جا سکتا ہے۔ تاہم اگر بریکٹ سے پہلے منفی (–) کی علامت یا نشان ہو تو بریکٹ کے اندر والی علامتیں تبدیل ہو جائیں گی یعنی بریکٹ کے اندر موجود پر term کو بریکٹ کے باہر موجود 1 سے ضرب دی جارہی ہے۔ اس تصور کو سمجھنے کے لیے طلبہ کو زیادہ مشق کی ضرورت ہوگی۔ لہذا کتاب میں دی گئی مثالوں اور مشقوں کو استعال سیجیے۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 15

Specific Learning Outcomes	Number of periods
 Recognise simple patterns from various number sequences Continue a given number sequence and find: Term to term rule Position to term rule Solve real-life word problems involving number sequences and patterns 	5
 Explain the term algebra as an extension of arithmetic, where letters, numbers, and symbols are used to construct algebraic expressions Manipulate simple algebraic expressions using addition and subtraction 	5
 Evaluate algebraic expressions by substitution of variables with numerical values Simplify algebraic expressions 	5

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- look for differences, sums, products, or quotients between consecutive terms.
- find the consistent difference or ratio between consecutive terms.
- use boxes or question marks to represent unknown values.
- know which operation to perform first when a variable is substituted.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
7.1	2, 3, 5, 6	I, 4
7.2	l(c, d, e, f), 2, 3(b, f, h, I, j), 4(c, d, e, f), 5(c, d, e)	I(a, b), 3(a, c, d, e), 4(a, b), 5(a, b)
7.3	I(c, d, e, f), 2(c, d, e, f), 3, 4	I(a, b), 2(a, b)

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- Written assessment
- Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct options.
 - i. term-to-term rule for the sequence 5, 8, II, I4 is ______.
 - **A.** add 5

B. subtract 3

C. add 3

- D. subtract 5
- ii. The quantities with fixed numerical values are called . .
 - A. constants

B. variables

C. terms

- D. letters
- iii. In 3y + 4x + 3 2x, the like terms are _____.
 - \mathbf{A} . 3y and 3

B. 4x and 2x

C. 4x - 2x

- **D.** 4v + 8
- iv. The value of 3x- 6, when x=2 is _____.
 - **A.** 0

B. -6

C. 9

- **D.** 12
- v. The coefficient of xy in the expression, 3x 9y + 6yz is:
 - **A.** 3

B. 9

C. 6

- D. -9
- 2. State the term-to-term rule and write the missing terms of each sequence.
 - **a.** 50, 100, (
- ,200,

- **b.** 1500, 1300, (
- 700, (

- c. 4, 8, 12,

- d. (), 98, 96, 94, (

3. Find the sum of the following expressions.

a.
$$y^3 + 2y + 3y^2 - 7$$
, $7y - 4y^2 + 3y^3 + 8$

b.
$$2a + 3b$$
, $3a - 4b$

c.
$$a + b - c$$
, $3a + b - 2c$

d.
$$4a - 3b + 5c$$
, $-5a + 4b - c$

e.
$$3x^3 - 4x^2 + 5x + 1$$
, $x^3 + 2x^2 - 3x + 4$, $4x^3 - 3x^2 + 4x - 5$

f.
$$3bc + 2bc - 9ac + a^2$$
, $-3ac + 4bc + 5bc - a^2$

4. Subtract the following.

a. 5*a* from 8*a*

b. -2x from x + 1

- **c.** 8x + y + z from 6x + 2y + 2z
- **d.** 2a 3b + 7 from -2a 3b + 7

e. 2x + 1 from -x

f. $a^2 + 4b^2 - 2c^2$ from $3a^2 - 7b^2 - 3c^2$

5. Simplify the following.

a.
$$3a + 5c + a + 4a + 2b + 4c$$

b.
$$2ab + 5xy - ab - 8xy + 9 + 8ab$$

c.
$$7x + 2x^3 + 4x^2 - 3x^2 + 8x^3$$

d.
$$4x + 7x^3 + 4x + 7x^2 + 6x - 2x^3$$

e.
$$a + 2b - 3c - 4a - b + 2c$$

f.
$$(a^2 + 2a + 1) - (b^2 + 2a - 1)$$

6. Evaluate the following expressions.

a.
$$4x + y$$
 when $x = 3$, $y = 5$

b.
$$b^2 + c$$
 when $b = 1$, $c = -4$

c.
$$m + n^5$$
 when $n = -3$, $m = 8$

7. Ahmed received an e-mail message from his friend. After 10 minutes, Ahmed forwarded. This e-mail to 2 of His friends. After 10 more minutes, each of two friends forwarded the message to two more friends. If the message was forwarded like this every 10 minute, how many people received Ahmads e-mail after 40 minutes?

Linear Equations

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

- Recognise and construct linear equations in one variable
- Solve linear equations involving integers, fractions, and decimal coefficients

Rationale: This competency serves as a passageway to algebra. While the previous chapter was an introduction of algebra, this chapter and competency is an application of algebra which trains the students for more complex problems. To be able to recognise and construct linear equations, helps students build logical thinking and problem-solving skills. Furthermore, mastery in linear equations helps the students to build strong foundation for more complex topics, such as simultaneous equations, graphs of linear functions, inequalities, etc.

Recall the basic vocabulary of algebra and the student's prior knowledge about algebraic expressions to introduce them to algebraic equations and linear equations.

Stimulus: Introduce the students to the term algebraic equations, that is, a statement that expresses a relationship of equality between two or more expressions. In simpler words, any two algebraic expressions that are put together with an equal sign between them form an algebraic equation. Point out that while in arithmetic, the statement 3 + 4 = 7 tells that when 3 and 4 are added, the sum is 7. However, in algebra, the equation a + b = c implies that when a number represented by x is added in y, the sum is z. Here, x, y, and z can be any numbers. For example, 1 + 2 = 3, 2 + 3 = 5, 3 + 5 = 8, etc. That is, the variable can have infinite values. Define that any equation with the variable that has the order/exponent/power of 1 is a linear equation. Linear equations are also called first degree equations or simple equations. For example, 4x = 14, $\frac{10}{x} = 5$. Using the examples mentioned in the book, point out to the students that to maintain equilibrium we add, subtract, multiply and divide by the same number on both sides of the equality sign. Once the students can perfectly identify and solve simple linear equations, move on to demonstrating how to construct linear equations.

Start by asking a question, I am thinking of a number. When I triple it, I get 9 and then when I add 5, I get 14. What number have a thought of?' Let the students think about it and answer. Once they do, ask the students how they came to their answer, and what if you change number 5 to 1. How do they think it will affect the answer? Write more problems on board and ask them to try and solve them. For example:

- Double a number and subtract 4 to get 14. What is the original number?
- Half number plus 4 equal 25.
- Triple a number and add 2 to get 32.

قابلیت ا

- ایک variable میں Linear Equations کو پہچاننا اور بنانا
- ممل اعداد Integers، کسور Fractions اور اعشاریه والی Linear Equations کوحل کرنا۔

استدلال: یہ قابلیت الجبراکی طرف راست قدم فراہم کرتی ہے۔ اگرچہ پچھلا باب الجبراکا اتعارف تھا لیکن یہ باب اور قابلیت الجبراکا علمی اطلاق ہے جو طلبہ کو زیادہ پیچیدہ سوالات کوحل کرنے کے قابل بناتی ہے Linear Equations کو پیچانے اور بنانے کی صلاحیت طلبہ میں منطقی سوچ اور سوالات حل کرنے کی مہارتیں سکھاتی ہے۔ مزید برآل، Linear Equations میں مہارت حاصل ہونے سے طلبہ میں زیادہ پیچیدہ موضوعات جیسے inequalities کو سیجھنے کی مضبوط بنیاد فراہم کرتی ہے۔

الجبرا کی بنیاد ی Vocabulary اور طلبه کی سابقه معلومات جیسے algebric equations کیا ہوتی ہیں وغیرہ کااعادہ کر واپئے۔ تا کہ انھیں algebric اور Linear equations سے متعارف کر وایا جا سکے۔

فحرک: طلبہ کو algebric equations کی اصطلاح سے متعارف کروائے۔ یہ ایک ایسا بیان ہے جو دو یا دو سے زائد algebric equations کے درمیان مساوی (=) کا درمیان مساوی انتخال کو ظاہر کرتا ہے۔ آسان الفاظ میں ہم یہ بھی کہہ سکتے ہیں کہ جب دو algebraic expressions کے درمیان مساوی (=) کا فتان یا علامت ہوتی ہے تو وہ algebriac equations کہلاتی ہے۔ نشان دہی تیجیے کہ حساب یا ریاضی میں x = 0 + 0 ہوتا ہے کہ جب کہ عدد کی نمائندگی جب 0 اور 0 کو بعد کہ جب 0 کی عدد کی نمائندگی کرے اور اسے 0 میں جمع کیا جائے تو 0 حاصل ہوتا ہے یہاں 0 ور 0 کو بھی عدد بھی ہو سکتے ہیں۔

مثال کے طور پر variables کی variables کا values کا محدود ہوسکتی ہے۔

وضاحت سیجے variable کے ساتھ کوئی بھی equation جس میں order/exponant/power اگر 1 ہو تو اسے ہم مہلی ڈگری والی equation یا equation بھی کہہ سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر 5 = 14, 10/x = 5 کتاب میں دی گئی مثالوں کو استعمال کرتے ہوئے طلبہ کو بتائیے کہ equation میں مساوات کو برقرار رکھنے کے لیے مساوی کی علامت = کے دونوں طرف میں دی گئی مثالوں کو استعمال کرتے ہوئے طلبہ کو بتائیے کہ equation میں مساوات کو برقرار رکھنے کے لیے مساوی کی علامت = کے دونوں طرف ایک ہی عدد سے جمع ، تفریق ، ضرب یا تقسیم کرنا ضروری ہے۔ جب طلبہ اس بات کو اچھی طرح سمجھ لیں اور Linear equations کو بہنو بی حل کرنا سیکھ لیں۔ تو اضیں Linear equations کو بنانا سکھائے۔

پہلے طلبہ سے پوچھے کہ میں نے ایک عدد سوچا ہے جب میں اسے تین گنا کروں تو 9 حاصل ہوتا ہے۔ اگر میں اس میں 5 کو جمع کروں تو 14 ماتا ہے۔ کیا آپ بتا سکتے ہیں کہ میں نے کون ساعد د سوچا ہے؟

طلبہ کو سوچنے کا وقت دیجیے تاکہ وہ جواب دے سکیں = جب وہ ایسا کرلیں تو ان سے پوچھے کہ وہ اس جواب تک کیسے پنچے اور اگر آپ 5 کو 1 سے بدل دیں تب کیا ہو گا۔ ان کے خیال میں جواب پر کیا اثر ہو گا؟ بورڈ پر اسی طرح کے مزید سوال لکھے اور طلبہ سے کہیے کہ انھیں حل کریں مثال کے طور پر:

- اگر عدد کو دو گنا کریں اور اس میں سے 4 کونفی کریں تو جواب ملے گا 14 بتایئے اصل عدد کون ساہے؟
 - عدد کے نصف میں 4 کوجمع کریں تو 25 کے برابر ہو جائے۔
 - · عد د کوتین گنا کریں اور اس میں 2 کوجمع کریں تو 32 حاصل ہو۔

Have the students guess and use mathematical work let them figure out the answers to the questions. Ask the students if they can write these statements mathematically. Tell them to assume that x is the number you've thought of and write 3x + 5 = 14, 2x - 4 = 14, $\frac{x}{2} + 4 = 25$, 3x + 2 = 32. Ask the students if any of these statements are true for the above questions. Ask them to substitute x with different numbers to see if the statement gives the correct results.

Demonstrate, using above-mentioned brainstorming examples, that the equality sign in algebraic equations tells us that the values on both sides of the equal sign are the same.

$$3x + 5 = 14$$

$$3x + 5 - 5 = 14 - 5$$
 (subtract 5 from both sides)
$$3x = 9$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{9}{3}$$
 (divide by 3 on both side)
$$x = 3$$

The value of x is 3 to make the equation 3x + 5 = 15 true. Use different real-life examples and word problems so the students can do ample practice and obtain mastery.

طلبہ کو اندازہ لگانے دیں تاکہ وہ حساب کتاب کر کے سوالوں کے اصل جو اب تک پہنچ سکیں۔ طلبہ سے پوچھے کہ کیا وہ ان بیانات کو ریاضی کے سوالوں کی شکل میں لکھ سکتے ہیں۔ انھیں بتائے کہ x وہ عدد ہے جس کے بارے میں آپ نے سوچا ہے اور لکھے x اور کھیں بتائے کہ x وہ عدد ہے جس کے بارے میں آپ نے سوچا ہے اور لکھے x وہ عدد ہے جس کے بارے میں آپ نے سوچا ہے اور لکھے گئے یہ ریاضی کے سوال درست ہیں۔ اب ان سے کہیں کہ وہ x کی جگہ پر مختلف اعداد لکھ کر ان کی جانچ یا حل کریں۔ کہ لکھے گئے سوال سے درست نتیجہ ملتا ہے کہ نہیں۔

ذہنی آز مائش کے لیے مذکورہ بالا مثالوں کو بورڈ پر لکھیے اور انھیں بتائیے کہ مساوی کی علامت یا نشان algebraic equations میں ظاہر کرتا ہے کہ اس کے دونوں طرف کھی گئی values مساوی ہیں۔

$$3x + 5 = 14$$

$$3x + 5 - 5 = 14 - 5$$
 (eigu doing)

$$3x = 9$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{9}{3}$$
 (دونوں طرف 3 سے تیجے)

avalue کہ اور مثالوں عبارتی سوال اور مثالوں کے لیے کہ کی value کہ ہوئی چاہیے۔ روز مرہ زندگی سے جڑے عبارتی سوال اور مثالوں کی زیادہ مثل کرنے سے طلبہ کو اس قابلیت پر عبور حاصل ہو گا۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 10

Specific Learning Outcomes	Number of periods
Recognise and construct linear equations in one variable	
Solve linear equations involving integers, fractions, and decimal coefficients	5
Solve real-life word problems involving linear equations	5

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- recognize, identify, and represent positive, negative, and neutral integers on a number line.
- identify equivalent fractions and simplify fractions to their lowest terms.
- add, subtract, multiply, and divide fractions and decimals.
- apply order of operations while solving expressions.
- manipulate and simplify simple algebraic expressions using addition and subtraction.
- read and understand mathematical word problems.
- picking out the relevant numbers, quantities, and relationships from a word problem.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
8.1	I(c, d, h, j, k, l), 2, 4, 6, 7, 8	I(a, b, e, f, g), 3, 5

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- Written assessment
- Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. An algebraic statement in which symbol _____ is used is called an equation.
 - **A.** <

B. >

C. =

- **D.** <=
- ii. Equation for the statement "3 is added to the twice of a number to get 45" is
 - **A.** 2 + 3x = 45

B. 2(3 + x) = 45

C. (x + 2)3 = 45

- **D.** 2x + 3 = 45
- iii. For $a = \underline{}$, the equation, $a \times 3 = 215$ is true.
 - **A.** 70

B. 71

C. 71.66

- **D.** 71.5
- iv. Number 2 is the solution of _____.
 - **A.** 4x 6 = 2

B. 2x = 8

C. 4x + 6 = 23

- **D.** 4x 3 = 7
- v. _____ is an open sentence.
 - **A.** 2 + 3 = 5

B. II - 5 = 6

 $\mathbf{C.} \ x + 3x = 4x$

- **D.** x + 3 = 9
- **2.** Solve the following equations:
 - **a.** 3x 4 = 17

b. $\frac{x+1}{2} = 5$

c.
$$\frac{x-5}{3} = 1$$

d.
$$\frac{4x - 70}{2} = 1$$

e.
$$\frac{x}{7}$$
 – 3 = 2

f.
$$\frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 1$$

g.
$$3x - \frac{x}{2} = 5$$

h.
$$\frac{x}{3} + \frac{3x}{2} = 11$$

3. How many rupees each student receive if Rs 63 is divided between two students in such a way that one gets 6 times as much as the other?
4. If a number is tripled and the result is increased by 5, we get 44. Find the number.
5. Twice a number added to half of itself equals 20. Find the number. In I2 years, a man will be twice as old as he was I2 years ago. Find his present age.

6. Thrice a number decreased by 5 exceeds twice the number by one. Find the number.
7. Maira is senior to Faiza by 18 years. After 6 years, Maira will be twice as old as Faiza. Find Maira's present age.
8. Mohib is five times as old as his son. Difference between their ages is 40 years. Find their age.

Geometry 9

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

- Identify and differentiate between parallel lines, perpendicular lines, and transversal.
- Identify adjacent angles and find unknown angles related to parallel lines and transversals (corresponding, alternate, and vertically opposite angles).

Rationale: Geometry is a fundamental branch of mathematics and has practical use in almost all fields of life. Understanding lines and angles helps the students develop spatial reasoning where they can manipulate objects, such as their size, shapes, location and orientation by transformation and rotation into space. It also helps students understand angles, angle properties, shapes, figures, and objects and use it in engineering, technology, art, design, and architecture. It also helps develop students' motor skills, precision and problem-solving skills.

Stimulus: Start the lesson by recapping basic geometry in the class. This would include revising what a point, ray, line segment and line is. Revise with the students that point indicates a position. It has no dimensions, that is it does not have any length, breadth or height. Furthermore, a collection of points that extend infinitely in both directions is called a line. If you look through a magnifying glass, a line appears to have some thickness. This, however, is not true, because, by definition, a line only has one dimension – length. A line segment is a section of a line that has two endpoints. The line segment is of a certain length. When the students understand the difference between a point, line and line segment, tell them a ray is a part of a line that only extends in one direction, that originates from a point and moves in one direction only. It also moves for an infinite length. Some lines meet one another, that is they intersect. The point at which they intersect is called the point of intersection. This revision will help the students to understand what parallel, perpendicular and transversal lines are.

Move on to explaining the difference between parallel, perpendicular and transversals. Any two lines that are equidistant with one another and lie on the same plane but never meet one another are parallel lines. Students, however, tend to believe that all lines that do not touch or meet one another are parallel. This is not true as not all lines are equidistant from one another. Perpendicular lines, on the other hand, intersect with one another at a 90° angle. Make it clear that any two lines that meet but do not form a 90° angle are not perpendicular to each other. Similarly, if two parallel lines intersect at any point, they will form a transversal.

قابلیت ا

- متوازی خطوط، عمو دی خطوط اور عرضی خط (transversal) کی شاخت اور ان میں تمیز کرسکیں۔
- متصل زاویوں کی شاخت کر سکیں اور عرضی خطوط سے متعلقہ نامعلوم زاویوں (مطابق (corresponding)، متباول (alternate) اور متقابل (vertically opposite) زاویے) کو تلاش کر سکیں۔

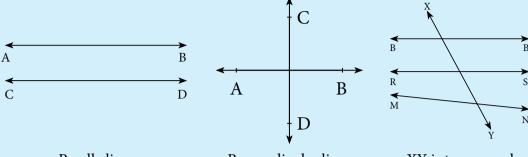
استدلال: جیومیٹری، ریاضی کی ایک بنیادی شاخ ہے اور زندگی کے تقریباً تمام شعبوں میں اس کاعملی اطلاق ہوتا ہے۔ زاویوں اور خطوط کی سمجھ بوجھ طلبہ میں مکانی سوچ spatial reasoning پیدا ہوتی ہے اور نشو ونما پاتی ہے۔ جس کی مدد سے وہ اشیا کو ان کی جسامت، اشکال، مقام اور سمت کے مطابق تبدیلی اور خلا میں گردش کے ساتھ تخیل میں لا سکتے ہیں۔ بیعلم طلبہ کو زاویوں، زاویوں کی خصوصیات، اشکال، جسامت اور اشیا کو سمجھنے اور اسے انجینئر نگ، ٹیکنالوجی، آرٹ، ڈیز ائن اور فن تغمیر میں استعال کرنے میں مدد دیتا ہے۔ بیطلبہ کی حرکی مہارتوں (motor skills)، درسی اور مسئلہ حل کر کی مہارتوں کو بھی فروغ دیتا ہے۔

محرک: سبق کی ابتدا بنیادی جیومیٹری کو دہراتے ہوئے کیجے جس میں نقطہ (point) کیا ہے، line ray اور line segment کا اعادہ بھی شامل ہونا چاہیے۔ طلبہ کے ساتھ دہرائیئ کہ نقطہ کسی مقام کی نثان دہی کرتا ہے۔ اس کی کوئی جہت Dimension یعنی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی نہیں ہوتی۔ مزید برآں نقاط کا مجموعہ جو دونوں سمتوں میں لامحدود طور پر پھیلا ہوا ہے، خط (line) کہلاتا ہے اگر آپ عدسے کی مدد سے اسے دیکھیں تو یہ کچھوٹا دکھائی دیتا ہے لیکن حقیقت میں بیصرف ایک جہت (dimension) رکھتا ہے یعنی لمبائی۔ ایک قطعہ خط (line segment) ایک خط یعنی لائن کا ایک حصہ ہے جس کے دو اختتامی نقطے (end points) ہوتے ہیں اور یہ خاص لمبائی کا ہوتا ہے۔ جب طلبہ نقطہ، لائن اور لائن سیگسنٹ کے فرق کو سمجھے لیس تو انھیں شعاع (ray) کے بارے میں بتائیے کہ یہ لائن یا خط کا ایک حصہ ہے جو صرف ایک سمت میں پھیلتی اور بڑھتی ہے۔ یہ ایک نقطے سے نکلتی اور ایک جانب لا محدود سمت میں جملی ایس وہ نقطہ نقاطع (point of intersection) کہلاتا ہے۔ اس اعادے کے بعد طلبہ متوازی نقطے پر یہ ایک دوسرے کو کا شخ (intersect) اور عرضی (lines) خطوط (lines) کو بہتر طور پر سمجھ سکیں گے۔

سبق کومزید آگے پڑھاتے ہوئے طلبہ کو perpendicular ، parallel اور transversal متوازی عمود اور کے درمیان موجود فرق کو سمجھائے۔
کوئی بھی دو لائنیں یا خطوط جو ایک ہی سطح (plane) پر واقع ہوں اور ہر مقام پر ایک دوسرے سے مساوی فاصلے پر ہوں لیکن آپس میں کبھی نہ ملیں،
وہ متوازی لائنیں کہلاتی ہیں۔ اکثر طلبہ یہ سبجھتے ہیں کہ تمام وہ لائنیں جو آپس میں نہ ملتی ہوں وہ متوازی ہوتی ہیں۔ یہ درست نہیں ہے کیونکہ ضروری نہیں کہ وہ اکثری کہ وہ لائنیں ایک دوسرے سے مساوی فاصلے پر بھی ہوں۔ عمودی لائنیں (perpendicular lines) یا خطوط وہ ہیں جو ایک دوسرے کو 90 و ڈگری یا در جے کے زاویے (90° angle) پر قطع کرتی ہیں۔ مزید وضاحت سیجھے کہ کوئی بھی دو لائنیں جو آپس میں ملتی ہیں مگر °90 کا زاویہ نہیں بناتیں وہ عمودی نہیں ہیں۔ اسی طرح آگر دومتوازی لائنیں کی ایک مقام پر ایک دوسرے کو کاٹی ہیں تو وہ خطوطِ نقاطع (intersecting lines) کہلاتی ہیں۔

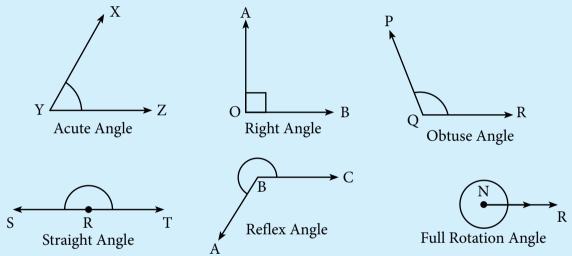
OXFORD
UNIVERSITY PRESS

Unit 9 - Geometry

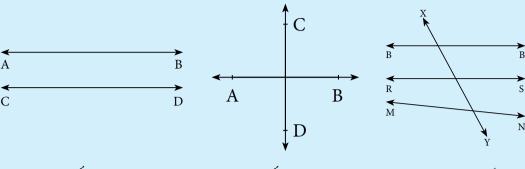


Paralle lines Perpendicular lines XY is transversal

The students have prior knowledge of angles. They know that angles are formed when two rays or line segments originate from the same point called the vertex (vertex means the edge or corner). Recall the different types of angles with the students. Test their knowledge by asking them what right angle, acute angles, obtuse angle, straight angle and reflex angles are. Once they answer, draw the following figures on the board to let them know and easily recall.

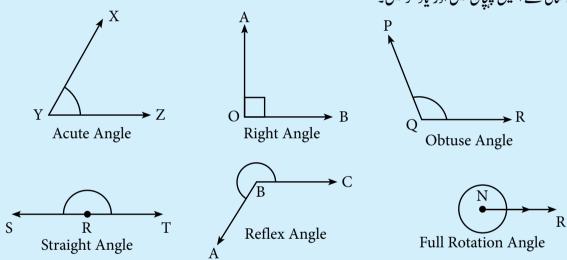


Using the transversal, of two parallel lines explain that corresponding angles and alternate angles are equal. The interior angles, however, are supplementary (that is two angles that sum to 180°). Similarly, to check if two lines that are intersected are parallel, check if their corresponding angles and alternate angles are equal. And if the interior angles are equal to 180°. Look out for some misconceptions that students have. They tend to get confused and believe that vertically opposite angles are always adjacent. Clarify to them that vertically opposite angles are not adjacent but are across one another at an intersection. Similarly, while the angle measurements of corresponding and alternate angles are equal, they are not the same.



XY ایک transversal عمودی لائنیں متوازی لائنیں

طلبہ زاویوں سے پہلے سے واقف ہیں وہ جانتے ہیں کہ زاویے اس وقت بنتے ہیں جب دوشعاعیں یا ایک نقطے سے نگاتی ہیں جسے راس (vertex) کہتے ہیں (راس کا مطلب ہے کونا) طلبہ کو مختلف قسم کے زاویے یاد دلایئے ان کی معلومات کی جانچ کے لیے ان سے پوچھے کہ straight angle ،obtuse angle ,angle اور reflex angle کسے کہتے ہیں۔ ان کے جواب دینے کے بعد بورڈ پر ان زاویوں کو بناسئے تاکہ وہ آسانی سے انھیں پہیان سکیں اور یاد کر سکیں۔



دومتوازی خطوط اور transversal کو استعال کرتے ہوئے وضاحت کیجے کہ corresponding angles برابر موت ازی خطوط اور transversal کو استعال کرتے ہوئے وضاحت کیجے کہ supplementary interior angles ہوتے ہیں (وہ زاویے جو مل کر °180 درجے کا زاویہ بناتے ہیں) اسی طرح اگر آپ alternate angles ہوتے ہیں اوہ زاویے جو مل کر °180 درجے کا زاویہ بناتے ہیں) اسی طرح اگر آپ یہ جانچنا چاہتے ہیں کہ دوخطوط یا لائنیں متوازی ہیں یا نہیں تو یہ چیک تیجے کہ آیا ان کے corresponding angles درجے کے برابر ہیں ؟

اب آیئے کچھ الیمی پر نظر ثانی کرتے ہیں جن کی وجہ سے طلبہ کو غلط فہمی ہوجاتی ہے اکثر طلبہ یہ سمجھ کر الجھن میں پڑجاتے ہیں کہ عمودی طور پر مخالف (vertically opposite angles) موتے ہیں۔ ان پر واضح سمجھے کہ یہ کھتے نہیں ہوتے بلکہ ایک دوسرے کے آمنے سامنے ہوتے ہیں۔ اسی طرح یہ سمجھنا کہ correspoinding اور alternative زاویے آپس میں برابر ہیں۔ لہذا وہ ایک جیسے ہیں۔ جب کہ وہ ایک جیسے نہیں ہیں۔

Competency 2

- Construct angles of specific measures (30°, 45°, 60°, 75°, 90°, 105° and 120°) and bisect angles using a pair of compasses
- Construct a perpendicular (from a point on the line and outside the line) and a perpendicular bisector

Stimulus: This competency would require students to use their knowledge of the previous competency and apply it practically. Begin the lesson with a short recap of the different kind of angles. For each kind, use a real-life example so students can relate angles to their everyday life.

3 o'clock on the clock shows a right angle, while a small or big pizza slice can represent acute angles – 30° and 60°, and an open laptop screen is an obtuse angle. Construction requires certain tools to be used. The correct use of these instruments results in precise construction of angles and bisectors.

Once the angle revision is done, demonstrate the tools, pencil, ruler, protractor and compass, in the classroom.

Emphasise the proper use of ruler, protractor and compass. Tell the students to use a ruler that is not chipped from any side. Ask them when constructing, they need to align the ruler properly to the points firmly, so it does not slip. When using the pencil, have the students sharpen it freshly so it is pointed and makes a thin line. Ask the student to draw light lines in case they need to be corrected. The correct use of protractor is also necessary during construction of angles and bisectors. If the protractor is not aligned to the starting point of construction, it may result in an angle that is either big or smaller than the required angle. Students also tend to misread the protractor and construct incorrect angles (and read them from the opposite side, for example, make obtuse angles instead of acute angle), therefore, accuracy in measurement should be highly emphasised on. Similarly, the compass width is to be kept constant, so the radius of the arc does not change and result in an incorrect bisector.

Competency 3

- Recognise rotational symmetry, find the point of rotation and order of rotational symmetry
- Reflect an object using grid paper and a pair of compasses and find the line of reflection by construction

Stimulus: Start the lesson by recalling the concept of symmetry with the students. Bring printouts of different shapes, such as a square, a circle, and a triangle. Ask the students if these cut-outs will be the same on both sides if they are folded in half. Ask them what would happen if they were unevenly folded from the corner. Would they still be the same on both sides? Recall with them what reflective symmetry is, that is a shape has reflective symmetry if it is a mirror image of one another. Once the students have done revision, tell them that they will learn the symmetry that involves rotation.

On the board, from a point draw a complete circle. Explain that the complete circle does a full rotation, that is 360°. Any object or shape that is rotated about a fixed point by an angle of 360°, does one complete rotation. Perform an activity in class. Using the square cut-out from the previous

قابلىت ٢

- مخصوص پیائٹوں (°120 and 120°) ہے زاویے بنائیں اور زاویوں کو پر کار کی مدد سے دو برابرحصوں میں تقسیم کرسکیں۔
- ایک perpendicular (جو لائن پرموجود نقطے اور لائن سے باہر موجود نقطے سے ہو) اور ایک perpendicular بناسکیں۔ محرک: اس قابلیت کو پیدا کرنے کے لیے طلبہ کو اپنی سابقہ قابلیت کے علم کو عملی طور پر استعال کرنا ہو گا۔ سبتی کا آغاز مختف قسم کے زاویوں کے مختفر اعادے سے بیجیے زاویوں کی ہرقسم کی وضاحت کے لیے روزمرہ زندگی سے مثالوں کا استعال کرنا ضروری ہے تا کہ طلبہ زاویوں کو اپنی حقیقی زندگی سے جوڑ سکیس جیسے گھڑی 3 بیج پر زاویہ قائمہ (right angle) بناتی ہے۔ جب کہ پیزا کا ایک جیوٹا یا بڑا گلڑا '30 اور '600 کے حادہ زاویوں سے جوڑ سکیس جیسے گھڑی 3 بیج پر زاویہ قائمہ (laptop کا ایک کھلا ہو اسکرین ایک منفر جہ زاویہ (obtuse angle) ہے۔ اشکال کی تشکیل کے عمل میں درستی پیدا کرنے کے لیے مخصوص آلات کی ضرور ت پڑتی ہے۔ لہٰذا اشکال کی تشکیل میں ان آلات کے درست استعال سے زاویے اور مادادہ پہنل، رولر، پروٹیکٹر درست طریقے سے تشکیل پاسکیں گے۔ زاویوں کا اعادہ مکمل کروانے کے بعد کمرہ جماعت میں استعال ہونے والے مختلف آلات، پنسل، رولر، پروٹیکٹر (زاویہ پیا) اور کمیاس (یرکار) کو استعال کرکے دکھائے۔

پر کار (compass)، زاویہ پیا (protractor) فٹا (ruler) کے درست استعال پر توجہ دیجے۔ طلبہ سے کہیں کہ ٹوٹا ہوا فٹا استعال نہ کریں زاویے بناتے وقت، وہ ruler کو درست طور پر نقطوں پر رکھیں اور مضبوطی سے قابو میں رکھیں تاکہ وہ حرکت نہ کرے۔ اسی طرح پنسل استعال کریں تو اس کی نوک کو اچھی طرح تراشیں تاکہ ایک باریک اور واضح کئیر یا خط کھینچا جا سکے۔، طلبہ سے کہیں کہ وہ ہلکی کئیر کھینچیں تاکہ ضرورت پڑنے پر اسے مٹاکر بہ آسانی درست کیا جا سکے۔ پروٹیکٹر یعنی زاویہ پیا کا درست استعال بھی زاویہ اور ان کے bisectors کے لیے ضروری ہے۔ اگر زاویہ پیا یا پروٹیکٹر کو درست طریقے سے ابتدائی نقطے پر نہ رکھا جائے تو بننے والا زاویہ طلوبہ پیائش کے زاویے سے بڑا یا چھوٹا بنے گا۔ اکثر طلبہ پروٹیکٹر کو درست طریقے سے ابتدائی نقطے پر نہ رکھا جائے تو بننے والا زاویہ طلوبہ پیائش کی جگہ منفرجہ (obtuse) زاویہ بنالینا) اس لیے پیائش کی درسی پرخاص زور دیں۔ اس طرح پرکار کی چوڑائی (width) کامنتقل (constant) رکھنا بھی ضروری ہے تاکہ قوس (arc) کارداس نہ بدلے فاف فافد نہ بن جائے۔

قابلیت س

- order of rotational symmetry کو بیچیانین، point of rotation اور order of rotational symmetry کو تلاش کرسکیں۔
 - گرڈ پیپر اور پر کار کی مدد سے کسی شکل کا عکس بنائیں، اور line of reflection کو معلوم کریں۔

محرک: سبق کا آغاز Symmetry کے تصور کے اعادے سے سیجے اور مختلف اشکال جیسے مربع، دائرہ اور شلث یا تکون کے پرنٹ آؤٹ بھی ساتھ لے آئے۔ طلبہ سے پوچھے کہ اگر ان کٹ آؤٹس کو آدھا فولڈ کر دیں تو کیا یہ دونوں طرف سے ایک جیسے دکھائی دیں گے۔ اور اگر انھیں ایک کو نے سے غیر مساوی طور پر نصف موڑ (fold) دیا جائے تو اب بھی وہ ایک جیسے ہوں گے؟ طلبہ کے ساتھ مل کر reflective symmetry کی بازیافت سے غیر مساوی طور پر نصف موڑ (fold) دیا جائے تو اب بھی وہ ایک جیسے ہوں گے؟ طلبہ کے ساتھ مل کر بین کے بعد طلبہ کو بتا ہے reflective symmetry سے ایک دوسرے کی ہم شکل ہیں۔ دہرائی مکمل کر لینے کے بعد طلبہ کو بتا ہے کہ اب وہ symmetry کے ساتھ rotation کو بھی سیکھیں گے۔ بورڈ پر ایک نقطہ (point) لگا کر اس کے گر دمکمل دائرہ بناسے اور وضاحت سے کہ مکمل دائرہ (shape) یا شکل (object) بیا شکل درجے کے زاویے سے کسی مقررہ نقطے (fixed point) پر گھمایا جاتا ہے تو یہ ایک مکمل گردش (complete rotation) کرتا ہے۔

activity, stack it in the center (also called the point of rotation) using a thumbnail on a cork board. Mark a point on one of the corners of the square and do a full rotation of the square. Ask the students if the square came back to its original position after the rotation. The students are likely to say yes. Define rotational symmetry to the students, that is a shape has rotational symmetry if it comes back to its original position after a full rotation. Furthermore, the number of times an object comes back to its original position within the rotation is called the order of rotation. Since a square comes 4 times, the order of rotation of a square is 4.











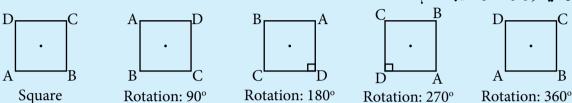
Note that every shape has at least a rotational symmetry of order 1, as it will always come back to its original position after one complete rotation. Use different examples of cut-outs to show students' rotational symmetry. The following table will help you.

Cut-out of shape	Order of Rotational Symmetry
Square	4
Rectangle	2
Equilateral triangle	3
Heart	1
Irregular polygon	1
Hexagon	6

Once the students gain mastery in rotational symmetry, move on to reflection. The point of focus and the use of tools will be the same as constructing angles and bisector. However, an extra point is to emphasise to the students that accuracy when counting the units should be practised for precise reflection. Misconceptions include students believing that the reflected image is always to the left or right. Let the students know that direction or reflection depends on the line of reflection. Furthermore, let the students know that the reflected image is not always identical in orientation, but is the mirror image which makes the orientation reversed. Use examples and exercise questions from the textbook to help the students master this concept.

OXFORD باب ۹ - جيوميٹري (علم ہندسہ)

کرہ جماعت میں ایک سرگرمی کروائے اس کے لیے آپ بچھلی سرگرمی میں استعال کیے جانے والے square کے کٹ آؤٹ کا استعال کیجے۔ مربع یا چو کور کو ایک کارک بورڈ پر کسی یا تھمب ٹیگ بن کی مدد سے اس کے مرکز (جسے نقطۂ گردش بھی کہا جاتا ہے) میں لگادیں۔ پھر چو کور کے کسی ایک کونے پر نشان لگائیں اور پورے چو کور کو ایک مکمل گردش دیجے۔ طلبہ سے پوچھے کہ کیا گردش کے بعدم بع اپنی اصل حالت پر واپس آگیا طلبہ کہیں گے 'جی ہاں'، اب آپ انھیں rotational symmetry کی تحریف بتائے کہ اگر کوئی شکل مکمل گھماؤ کے بعد اصل مقام پر واپس آجائے تو یہ اس کی گردش سے دوران اپنی اصل حالت کہوں ہو کہ اس کی گردش سے دوران اپنی اصل حالت میں واپس آتی ہے۔ مزید بر آن کہ جتنی بار کوئی شکل یا شے ایک مکمل گردش کے دوران اپنی اصلی پوزیشن پر واپس آتا ہے۔ کیونکہ چوکور (مربع) 4 بار گھو منے پر اپنی اصلی پوزیشن پر واپس آتا ہے۔ کیونکہ چوکور (مربع) 4 بار گھو منے پر اپنی اصلی پوزیشن پر واپس آتا ہے۔ اس لیے مربع کی گردش ترتیب 4 ہے۔



اکثر طلبہ یہ سمجھتے ہیں کہ کوئی شکل جو گھمانے پر ایک جیسی دکھائی دے اس میں rotational symmetry ہوتی ہے۔ لہذا اس بات پر زور دیجے کہ کسی بھی شکل میں rotational symmetry اس وقت ہوتی ہے جب وہ مکمل طور پر °360 درجے کا چکر لگا کر اپنی اصل حالت میں لوٹ آئے۔ نوٹ کریں کہ ہرشکل کی کم سے کم گردشی ترتیب 1 ضرور ہوتی ہے کیونکہ یہ اپنی ایک مکمل گردش یا چکر کو پورا کرنے کے بعد اپنی ابتدائی پوزیشن پر واپس آجاتی ہے۔ طلبہ کو گردشی ہم آ ہنگی (rotational symmetry) دکھانے کے لیے مختلف شم کے cutouts کو بہ طور مثال استعال سجھے مندرجہ ذیل جدول آپ کو مدد فراہم کرے گا۔

The state of the s	
Cut-out of shape	Order of Rotational Symmetry
Square	4
Rectangle	2
Equilateral triangle	3
Heart	1
Irregular polygon	1
Hexagon	6

طلبہ کے point of پرعبور حاصل کر لینے کے بعد انھیں انعکاس (reflection) کے بارے میں بتائے۔ اس میں موات ہے جو focus اور آلات کو استعال بالکل و بیابی ہو گا جیسا کہ زاویے اور bisector کو بنانے میں ہوتا ہے۔ تاہم ایک توجہ طلب کنتہ ye محصلہ کتہ ورست اور صحیح مقام پر ہو۔ اکثر طلبہ طلبہ کو سمجھانا ضروری ہے کہ انھیں پیائٹی اکائیاں یا یونٹس گنے میں درست کی مثل کر ناہو گی تاکہ انعکاس کلمل طور پر درست اور صحیح مقام پر ہو۔ اکثر طلبہ اس غلط فہمی کا شکار ہوتے ہیں کہ سمجھتے ہیں کہ عکس (reflected image) ہمیشہ دائیں یا باغیں طرف بنتا ہے۔ لہذا انھیں یہ وضاحت سے بتاہئے کہ متاس فاضلہ کو کہ ہوتے ہیں کہ سمت کا انحصار ہمیشہ اس و انسان مقال کے ایک انتخار ہمیشہ اصل تصویر کی ترتیب کو الٹاکر دیتا ہے۔ اس تصور کی پچنگی کے لیے درسی کتاب میں دی گئی مثالوں اور مشقوں کو کر وائے۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 22

Specific Learning Outcomes	Number of periods
 Identify and differentiate between parallel lines, perpendicular lines, and transversal Identify adjacent angles and find unknown angles related to parallel lines and transversals. (corresponding, alternate, and vertically opposite angles) 	5
Construct a perpendicular (from a point on the line and outside the line) and a perpendicular bisector	4
• Construct angles of specific measures (30°, 45°, 60°, 75°, 90°, 105° and 120°) and bisect angles using a pair of compasses	5
 Reflect an object using grid paper and a pair of compasses and find the line of reflection by construction 	4
 Recognise rotational symmetry, find the point of rotation and order of rotational symmetry 	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- identify angles in various orientations.
- recognize and classify angles.
- use protractors to measure angles.
- use protractor to draw angles of given measurements.
- plot points on a grid.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
9.1	I, 2(b, d, e, f), 3(b), 4, 5(c, d, f, g, h), 6(b)	2(a, c), 3(a), 5(a, b, e), 6(a)
9.2	I, 2(b, c), 3, 4(b, d, e, f)	2(a), 4(a, c)
9.3	I(a, c, e, f, g), 2(b, c, d)	I(b, d), 2(a)
9.4	I(a, b), 2(a, c, d)	I(c), 2(b)
9.5	2, 3	I

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

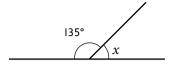
- Oral assessment
- · Written assessment
- · Teacher's assessment

Review Worksheet

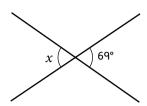
I.	I. Choose the correct option.				
	i.	Two lines are said to be	if they never meet or interest each other.		
		A. parallel	B. perpendicular		
		C. transversals	D. equal		
ii.		In the given figure FI, angles mI and m² are			
		A. alternate	B. corresponding		
		C. vertically opposite	D. complementary		
	iii.	In the given figure FI, angles II an	d m2 are		
		A. alternate	B. corresponding		
		C. vertically opposite	D. interior		
	iv. The sum of interior angles is always		ys		
		A. 360°	B. 270°		
		C. 180°	D. 90°		
	v. The number of lines of symmetry of a regular polygon is equal to		of a regular polygon is equal to		
		A. exterior angle	B. number of sides		
		C. number of diagonals	D. number of interior angles		
2.	Two angles are supplementary. One angle measures.($4x$ -I0)o. The other angle measures (x -I5)o. What is value of x ?				

3. Find the value of the unknown angles in the given figures.

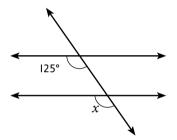
a.



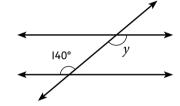
b.



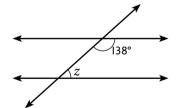
C.



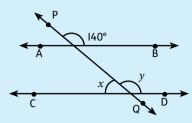
d.



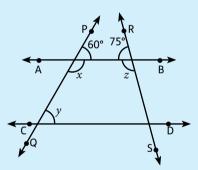
e.



4. In the given figure, \overrightarrow{AB} II \overrightarrow{CD} and \overrightarrow{PQ} is a transversal cutting them at two points. Find $\angle x$ and $\angle y$.



5. In the given figure \overrightarrow{AB} II \overrightarrow{CD} \overrightarrow{PQ} and \overrightarrow{RS} are two transversals. Evaluate the angles x, y and z.



	ΧΥZ
7. Construct a square ABCD and its reflected image at some distance. Draw line of	
reflection line between both figures.	



Measurement

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

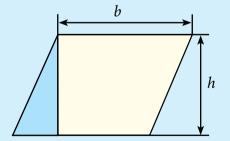
Calculate the area of a path (inside or outside) a rectangle or square, parallelogram, triangle and trapezium

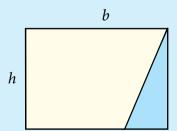
Solve real-world problems involving area and perimeter.

Rationale: Understanding this competency is essential for students to deepen their knowledge about different shapes. Calculating the area of shapes, including paths, helps the students practice real-life application of mathematical concepts. Students are already familiar with different shapes and their measurements. From the previous class, they must have learnt how to measure sides of a basic shapes, such as square and rectangle, and use formula to calculate the area and perimeter.

Following the recap of the formula to area and perimeter of square and rectangle, explain to the students how a shape is manipulated to find the area of the path (inside or outside) a rectangle or square. Later, introduce them to the area of parallelogram, triangle and trapezium.

Stimulus: Start the lesson with a hands-on activity to recap and revise how to calculate the area of square or rectangle. The activity requires students to use a metre-rule to measure the sides of their classroom or playground and then calculate the area. While they are measuring the sides, recap with them the units of measuring length and breadth and ultimately the unit of area, which is squared. Once they have calculated the area of the classroom, ask them to find the perimeter as well. Mention to them that the units of perimeter are the same as the length. This activity will help them carry out practical applications of the SLO. Move on to explaining to them how to calculate the area of parallelogram – a quadrilateral in which opposite sides are parallel and equal in length. Point out that the formula for calculating the area of a parallelogram is the same as that of a rectangle, because a parallelogram can be rearranged into a rectangle with the same area.





قابلیت ا

- ایک منتطیل (rectangle) یا مربع (square)، متوازی الاضلاع (parallelogram) مثلث (triangle) اور (trapezium) کے اندریا باہر کے راہتے کا رقبہ معلوم کرسکیں۔
 - روزمرہ زندگی سے جڑے عبارتی سوالات (جن میں رقبہ اور احاطہ (perimeter) شامل ہو) کوحل کرسکیں۔

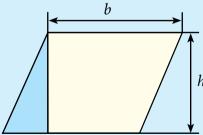
استدلال: طلبہ کے لیے ضروری ہے کہ اس قابلیت کوسیھیں تا کہ مختلف اشکال کے حوالے سے وہ اپنے فہم کو مزید بہتر بنا سکیں یشکلوں کے رقبے کا حساب بشمول راستے لگانا طلبہ کوعملی زندگی میں ریاضی کے تصورات کے اطلاق اور استعال شکلوں کے رقبے کا حساب لگانے میں مدد دیتا ہے۔

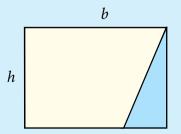
طلبہ مختلف شکلوں اور ان کی پیائشوں سے پہلے سے واقف ہیں۔ پچھلی جماعتوں میں سکھ چکے ہیں کہ بنیادی اشکال جیسے مربع (square) اور مستطیل (rectangle) کی کس طرح پیائش کرتے ہیں اور رقبہ (area) اور احاطہ (perimeter) نکالنے کے لیے فارمولا یا کلیہ استعال کرتے ہیں۔ مربع اور مستطیل کے رقبہ اور احاطے کے فارمولوں کے اعادے کے بعد، طلبہ کو وضاحت سے مجھائے۔ کہ جب ہم مربع یا مستطیل کے اندر یا باہر ایک اور مربع یا مستطیل کے اندر یا باہر ایک اور مربع یا مستطیل بناتے ہیں تو دراصل دو مربعوں یا مستطیلوں کے رقبے کا فرق نکال کر راستے (path) کے رقبے کا حساب کرتے ہیں۔ اس کے بعد طلبہ کو متوازی الاصلاع (area) کے متعارف کروائے۔

محرک: سبق کا آغاز ایک عملی سر گرمی سے کیجیے تا کہ مربع پامتطیل کے رقبے کی پیائش کا اعادہ کروایا جاسکے۔ دوران سر گرمی طلبہ سے کہیں کہ وہ ایک میٹر رول (metre-rule) کا استعال کرتے ہوئے اپنی جماعت (class) یا تھیل کے میدان کے اطراف کی پیائش کرکے ان کارقبہ (area) معلوم کریں۔

جب وہ اطراف (sides) کی پیائش کرلیں تو ایک بار لمبائی اور چوڑائی کو ناپنے کی اکائیوں سے رقبہ کی اکائی جو کہ مربع میٹر ہوتی ہے کا اعادہ ضرور کروائیں۔

جب وہ کمرہ جماعت کا رقبہ معلوم کر لیں تو ان سے احاطہ (perimeter) معلوم کرنے کے لیے کہیں۔ انھیں بتایے کہ perimeter کی اکائی وہی ہوتی ہے جو لمبائی کی ہے۔ اس سر گرمی سے انھیں سیکھنے کے مقاصد SLO کو عملی طور پر سیحھنے میں مدد ملے گی۔ اس کے بعد طلبہ کو متوازی الاضلاع (parallelogram) کا رقبہ (ایساچو کوریا چہارضلعی شکل جس کی مخالف متیں متوازی اور لمبائی میں برابر ہوتی ہیں) معلوم کرنے کا طریقہ بتائے۔ طلبہ کے لیے نشان دہی تیجھے کہ اس کا رقبہ معلوم کرنے کا فارمولا وہی ہے جو متعطیل (rectangle) کا ہے کیونکہ ایک parallelogram کو دوبارہ اس طرح ترتیب دیا جا سکتا ہے کہ وہ ایک متعطیل (rectangle) کی شکل اختیار کرلے اور اس کا رقبہ بھی تبدیل نہ ہو۔





طلبہ کو سمجھا بیے کہ trapezium ایک چو کور (quadilateral) ہے جس کے صرف دواطراف آپس میں متوازی ہیں جب کہ باقی دواطراف ہمیشہ برابر نہیں ہوتے parallelogram کے برعکس trapezium کی اونچائی (height) ان دومتوازی اطراف کے درمیان کھینچی گئی عمودی لائن ہوتی ہے۔ Explain to the students that trapezium is a quadrilateral which has only two sides parallel. The non-parallel sides are not always equal. Unlike the parallelogram, the height of the trapezium is the perpendicular distance between two sides. Following the starter activity, make a path within the classroom and ask the students how they would calculate the area of the path.

Draw a parallelogram on board and a diagonal to divide it into two triangles. Since both the triangles are superimposed, the area of triangle can thus be calculated as $\frac{1}{2} \times$ (area of parallelogram) or $\frac{1}{2} \times$ base \times height.

Draw the following table on the board and explain it to them:

Name	Perimeter	Area
Square	4l	<u>l</u> 2
Parallelogram	2(a+b)	bh
Trapezium	a+b+c+d	$\frac{1}{2}\left(a+b\right)\times h$
Triangle	a+b+c	$\frac{1}{2}hb$

The table above will help the students to continuously revise and revisit the formula for the area and perimeter of different figures.

Competency 2

Calculate the surface area and volume of cube and cuboids

Solve real-life word problems involving the surface area and volume of cubes and cuboids

Rationale: The outcome of this competency depends on the student's knowledge to differentiate between 2D and 3D shapes. In the previous competency, the students have mastered calculating area and perimeter of flat 2D shapes. They can now apply this knowledge to the faces of 3D shapes. Since cube and cuboid have faces that are either squares or rectangles, students can calculate the area of each face and sum them up to determine the surface area of cubes and cuboids.

Once the students are familiar with the concept of surface area is the area of outer surface of any 3D solid, use their knowledge as a bridge to explain that volume is the space occupied by a solid. It is important to highlight that the surface area and volume both have different units of measurements as surface area only caters length and breadth of a face of a solid while volume also caters the height of a solid along with length and breadth.

Stimulus: To start the lesson, show nets of cubes and cuboids and help students identify the faces of both 3D solids. Real-life examples of solids, such as dice or a cuboidal book or box can be brought into the class and shown to the students.

ابتدائی سرگرمی کے بعد، کمرۂ جماعت کے اندرایک راستہ بنایۓ اورطلبہ سے پوچھے کہ وہ اس راستے (path) کارقبہ کیسے معلوم کریں گے۔ بورڈ پر ایک سرک میں تقسیم کیجے۔ کیونکہ دونوں مثلث ایک دوسرے پر ایک منطبق (diagonal) کے ذریعے دومثلثوں میں تقسیم کیجے۔ کیونکہ دونوں مثلث ایک دوسرے پر منطبق (superimposal) بیں لہذا مثلث کارقبہ معلوم کرنے کے لیے حسابی شکل میں یوں بھی لکھا جا سکتا ہے (superimposal) منطبق (base × height × 1/2 یا

مندرجه ذیل جدول (table) کو بورڈیر بنایئے:

Name	Perimeter	Area
Square	4l	<i>l</i> ²
Parallelogram	2(a+b)	bh
Trapezium	a+b+c+d	$\frac{1}{2}\left(a+b\right)\times h$
Triangle	a+b+c	$\frac{1}{2}hb$

او پر دیا گیا جدول طلبہ کو مختلف اشکال کے رقبے (area) اور احاطے (perimeter) کے کلیے یا فارمولے کو بار بار دہرانے اور یاد رکھنے میں مدد دے گا۔

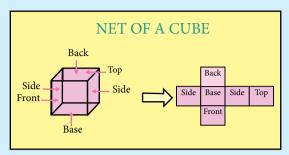
قابلیت ۲

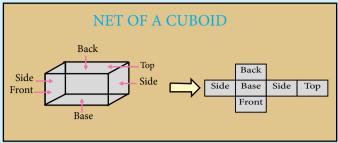
- مكعب (cube) اور مكعب نما (cuboid) كا surface area اور volume كاحساب لگاسكيل.
 - حقیقی زندگی میں cube اور cuboids سے متعلق عبارتی سوالوں کوحل کرسکیں۔

استدلال: اس قابلیت کا نتیجہ طلبہ کی دوابعادی (2D) اور سہ ابعادی (3D) اشکال میں تمیز کرنے کی صلاحیت پر منحصر ہے۔ پچھلی قابلیت میں طلبہ نے دوابعادی (2D) یعنی چپٹی اشکال کے رقبے اور احاطے (perimeter) کی پیائش میں عبور حاصل کرلیا تھا۔ اب وہ اس قابلیت کا اطلاق سہ ابعادی (3D) اشکال پر بھی کرسکیں گے۔ مربع یا پھر مستطیل شکلوں کے ہوتے ہیں لہذا وہ ان میں سے ہرشکل کا area الگ الگ معلوم کر کے اور پھر ان کو جمع کر کے سطحی رقبہ (surface area) بہ آسانی معلوم کر سکتے ہیں۔

جب طلبہ اس بات کو بہ خوبی سمجھ لیں کہ سطحی رقبہ کسی بھی سہ ابعادی (3D) کھوں شکل کی بیرونی سطح کا رقبہ ہوتاہے تو ان کی اس معلومات کو استعال surface area اور کرتے ہوئے وضاحت کیجھے کہ جم سے مراد وہ جگہ ہے جو کوئی ٹھوس گھیرتا ہے۔ اس بات کو اجاگر کرنا بھی ضروری ہے۔ کہ surface area اور volume دونوں کی پیائش اکائیاں مختلف ہیں۔ کیونکہ سطحی رقبہ محض کسی شکل کی لمبائی اور چوڑائی (length + breath) کا مجموعہ ہے جب کہ جم سے مراد کسی ٹھوس کی لمبائی، چوڑائی اور اس کی اونجائی ہے۔

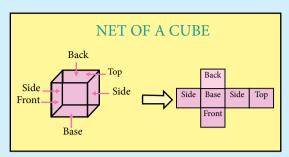
محرک: سبق کا آغاز کرتے ہوئے طلبہ کو cubes اور cuboids کے nets دکھایئے اور انھیں شاخت کرنے میں مدد دیجیے روزمرہ زندگی میں موجود ٹھوس اشیا جیسے dice یا کوئی cuboid شکل کی کتاب ڈ تبا وغیرہ بھی کمرۂ جماعت میں لاکر طلبہ کو دکھایا جا سکتا ہے۔

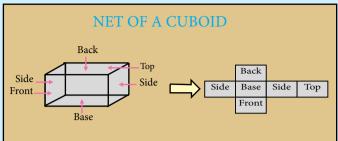




The visualization of nets helps students recognise how 2D shapes form the surfaces of 3D objects and to perform complex calculations such as finding the surface area of cubes and cuboids. Recall the characteristics of 3D shapes with the class using the table in the book. The surface area of a cube and cuboid can simply be calculated by finding the area of each face of a cube and a cuboid and adding them. The area of a cube can be summarized as $6l^2$ because a cube has 6 square faces. The surface area of a cuboid is 2(lb + lh + bh) as the cuboid has 6 rectangular faces (or 4 rectangular faces and 2 square faces).

Similar to the hands-on activity of Competency 1, students can measure the length, breadth and height of the room using a metre-rule to calculate the volume. Use of solids can also be used for the visualization of volume. Stack multiple cubes or cuboids over one another to determine the volume of a solid. When calculating the volume, the unit is cubed (that is cm³, m³, etc.) as length, breadth, and height are considered.





net کا تصورطلبہ کو یہ پیچانے میں مدد کرتا ہے کہ کس طرح 2D اشکال ، کسی سہ ابعادی (3D) اشیا کی سطحوں کو تشکیل دیتی ہیں اور کس طرح پیچیدہ حساب کتاب جیسے cuboides اور cuboides کی سطحوں کا تخمینہ لگانے میں مدد دیتی ہیں۔ اب کتاب میں دیے گئے جدول کا استعال کرتے ہوئے 3D اشکال کا اعادہ کروائے۔ cuboid کی ہر سطح کا رقبہ الگ الگ معلوم کرکے انھیں جمع کر لیا جائے تو کل سطحی رقبہ معلوم کیا جا سکتا ہے۔ مکعب کا رقبہ مختصراً بہطور 61 کیا جا سکتا ہے کیونکہ مکعب کی 6 سطحیں یا رخ ہوتے ہیں۔ جن میں سے ہر سطح ایک مربع ہوتی ہے لہذا اس کا سطحی رقبہ کی منظیل و cuboid کی 4 سطمیں (faces) مستطیل اور 2 سطحیں مربع نما ہوتی ہیں قابلیت 1 کی طرح یہاں بھی طلبہ جم کا حساب لگانے کے لیے میٹر رول کا استعال کرکے کم ؤ جماعت کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی ناپ سکتے ہیں۔ جم کے تصور کو واضح کرنے کے لیے کچھ ٹھوس اشیا کم ؤ جماعت میں لاکر طلبہ کو دکھائے مثلاً عدلی دیں دوناویت سے بتایا جا سکتا ہے کہ کوئی بھی ٹھوس جسم کتنا جم کہ کوئی جم گھوس جسم کتنا جم کوئی جس کوئی جم کا تا جہ کہ کوئی بھی ٹھوس جسم کتنا جم کوئی ہی ٹھوس جسم کتنا جم کوئی بھی ٹھوس جسم کتنا جم کا حساب کو دکھائے مثلاً عدل کو دکھائے مثلاً عالی جسم کتنا جم کی کوئی ہی ٹھوس جسم کتنا جم کی کھیں وضاحت سے بتایا جا سکتا ہے کہ کوئی بھی ٹھوس جسم کتنا جم کی گھوس جسم کتنا جم کی کتا ہے۔

کسی مربع کے ججم کا تخمینہ لگانے کی اکائی مربع یعنی m3; cm وغیرہ ہے۔ کیونکہ لمبائی، چوڑائی اور اونچائی تینوں شامل ہیں۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 12

Specific Learning Outcomes	Number of periods
 Calculate the area of a path (inside or outside) a rectangle or square, parallelogram, and trapezium 	4
 Solve real-life word problems involving perimeter and area 	
Calculate the area of a path (inside or outside) triangle and trapezium	4
Solve real-life word problems involving perimeter and area	
Calculate the surface area and volume of cube and cuboids	
Solve real-life word problems involving the surface area and volume of cubes and cuboids	4

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- apply four operations where required.
- substitute the values of known variables.
- apply formulae to calculate areas and perimeter of squares, rectangles, and triangles.
- understand the concept of square units for area.
- understand the concept of cubic units for volume

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
10.1	I, 2(b, c, d), 3, 6, 7, 8	2(a), 4, 5
10.2	I, 2(c, d), 3, 5, 6	2(a, b), 4
10.3	I(a, b, c), 2, 4, 5	I(d), 3
10.4	I(c, d), 2(c, d), 4, 5, 7, 8	I(a, b), 2(a, b), 3, 6

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- · Written assessment
- Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. If the area of a rectangle is 91 cm², then the measurements of its length and breadth are .
 - A. Length = 23 cm, Breadth = 17 cm
 - B. Length = 1.3 cm, Breadth = 0.7 cm
 - C. Length = 26 cm, Breadth = 3.5 cm
 - D. Length = 13 cm, Breadth = 7 cm
 - ii. A horse runs around a square garden twice, and covers a length of 8 km. This means the side of the square garden is _____
 - A. I km

B. I.5 km

C. 4 km

- **D.** 2 km
- iii. If the base of a triangle is 5 cm and its height is 7 cm, then its area is _____.
 - A. 17.5 cm²

B. 35 cm²

C. 12.5 cm²

- **D.** 15 cm²
- iv. If each side of an equilateral triangle is 3.5 cm, then its perimeter is _____
 - A. II cm

B. 10.5 cm²

C. 10.5 cm

- **D.** 10 cm
- v. If perimeter of a square and a rectangle are both equal to 20 cm, then ______ more area.
 - A. square has

B. rectangle has

C. both have

- D. none of these
- 2. A rectangular piece of land measures 8 m by 5 m. It is to be fenced with 4 lines of wire. What length of wire is needed?

у
′
) m
2 m

Find the cost of paving the road at the rate of Rs 120 per m ² .
7. A house 20 m long and I5 m wide is surrounded by a verandah of uniform width of 3 m. Find the cost of flooring the verandah at Rs 200 per m².
8. A park is parallelogram shaped. Its base is 400 m and its height is 250 m. Find the area of a I0 m wide road around the park.

Data Handling

Bilingual Concept Builder Notes

Competency 1

- Identify and organise different types of data (i.e., discrete, continuous, grouped and ungrouped)
- Draw, read, and interpret horizontal and vertical multiple bar graphs and pie charts (including real-life word problems)

Rationale: The outcome of this competency depends on the student's ability to identify, interpret and represent data in pictorial form such as graphs, facts, figures, etc. On an everyday basis, we come across all sorts of data. This data is obtained through several steps which include collection, organization, display and finally, interpretation. Changes in population, climate, rainfall, prices, and business are all examples of how statistics are applied in daily lives. Understanding the different types of data is essential for choosing the most appropriate method of analysis.

Start the topic with introducing students to basic vocabulary used for data handling. Once they are familiar, move on to differentiating the different kinds of data and thereby representing and interpreting them.

Stimulus: Start the lesson by introducing the students to what data is. Explain to them that data is any kind of information that we get or obtain. Ask the students their age and write them all on the board. Assuming there are 15 students in the class, the ages might be: Age of students in the classroom:

The age of students in the classroom is the titles, while the age is the information regarding the title. The title and the information are collectively known as data. Data can be in form of numbers, pictures, symbols, etc. Move on to explaining to the students what different types of data are. Explain to them the difference between grouped and ungrouped data, that is any collected data arranged in a particular way is grouped data. The above example of data is ungrouped, and it is not organised. However, if this ungrouped data was to be converted into grouped data it would be as follows:

Ages	Number of students
10	3
11	6
12	6

Throughout the lesson, emphasise on why there is a need to sort group data. Furthermore, explain to the students the difference between discreet and continuous data. Students tend to get confused between these two terms so it should be made sure that they know that the values of discreet data are

قابليت

- مختلف اقسام کے data کی شاخت کرسکیں اور اسے ترتیب دیں جیسے مجرد (discrete)، مسلسل (continuous)، گروہی (grouped) اور غیر گروہی (ungrouped)
- افقی، عمو دی اور multiple بار گرافوں اور پائی چارٹ (piechart) کو بنائیں، پڑھیں اور ان کے تعلق کو روزمرہ زندگی سے جڑے عبارتی سوالوں اور مثالوں کے ساتھ سبچھ سکیں۔

استدلال: اس قابلیت کا نتیجہ طالب علم کی data کو پیچانے، سمجھنے اور تصویری شکل میں پیش کرنے کی مہارت یا صلاحیت پر منحصر ہے جیسے کہ گراف، حقائق، اعداد و شار وغیرہ۔ روزمرہ کی بنیاد پر ہمارا واسطہ ایسے ڈیٹا سے رہتا ہے جسے کئی مراحل سے گزر کر حاصل کیا جاتا ہے جس میں جمع یا اکٹھا کرنا، ترتیب دینا، ظاہر یا پیش کرنا اور آخر میں اس کو سمجھنا شامل ہے۔ آبادی، آب و ہوا، بارش، قیمتیں اور کاروبار میں تبدیلیاں اس بات کی مثالیں ہیں جہاں شاریات (statistics) یا اعداد و شار کو روزمرہ زندگی میں کیسے لاگو کیا جاتا ہے۔ ڈیٹا کی مختلف اقسام کو سمجھنا ضروری ہے تا کہ تجربے کے لیے موزول ترین طریقہ کار کو منتخب کیا جا سکے۔

data handling کے لیے استعال ہونے والے بنیادی الفاظ سے طلبہ کو متعارف کرواتے ہوئے سبق کی ابتدا کیجیے۔ جب وہ ان الفاظ سے مانوس ہو جائیں تو انھیں ڈیٹا کی مختلف اقسام میں فرق کرنا سکھائے اور پھر ان کو پیش کرنے اور ان کی وضاحت کرنے کا عمل سمجھائے۔

محرک: سبق کے آغاز میں طلبہ کو بتائیے کہ ڈیٹا کیا ہے؟ ڈیٹا سے مراد وہ معلومات ہے جو ہم اکٹھا یا حاصل کرتے ہیں۔طلبہ سے ان کی عمریں معلوم تیجیے اور انھیں بورڈ پر کھتے جائیے فرض تیجیے کہ کمرۂ جماعت میں 15 طلبہ ہیں جن کی عمریں ہیں:

11, 12, 10, 11, 12, 12, 10, 11, 11, 11, 12, 12, 11, 12, 10

طلبہ کی عمرعنوانات ہے جبکہ ان کی عمرعنوان سے متعلق معلومات ہے ۔عنوان اور معلومات کو مجموعی طور پر ہم ڈیٹا کہتے ہیں۔ ڈیٹا اعداد، تصاویر، علامتوں وغیرہ کی شکل میں ہوسکتا ہے۔ اب آپ طلبہ کو ایک قدم آگے کی طرف بڑھاتے ہوئے سمجھائے کہ ڈیٹا کی مختلف اقسام کیا ہیں۔ پھر group and وغیرہ کی شکل میں ہوسکتا ہے۔ اب آپ طلبہ کو ایک قدم آگے کی طرف بڑھاتے ہوئے سمجھائے کہ ڈیٹا کی مختلف اقسام کیا ہیں۔ پھر ungrouped ڈیٹا سے مراد ایسا ڈیٹا ہے جو خاص طریقے سے ترتیب دیا گیا ہو مذکورہ بالا grouped ڈیٹا میں تبدیل ویٹا کی ایک بہترین مثال ہے کیونکہ یہاں ڈیٹا ترتیب میں نہیں ہے۔ یعنی غیر منظم ہے۔ تاہم اگر اس ungrouped ڈیٹا کو grouped ڈیٹا میں تبدیل کیا جائے تو یہ کچھ اس طرح ہو گا:

Ages	Number of students
10	3
11	6
12	6

دوران سبق اس بات پر مسلسل زور دیجیے کہ یہاں ڈیٹا کو ترتیب دینے کی ضرورت کیوں ہے مزید ہدکہ discrete data ڈیٹا کے درمیان فرق کو سمجھائیے کیونکہ اکثر طلبہ ان دواصطلاحوں کے درمیان الجھ جاتے ہیں لہذا اس بات کویقینی بنایئے کہ وہ discrete data کو واضح طور پر سمجھ سکیں۔ جیسے کہ اسکول میں طلبہ کی تعدادیا پارکنگ میں کھڑی گاڑیوں کی تعداد۔ discrete ڈیٹا کو پیانے (scale) پر ناپا جا سکتا ہے اور اس کی values لامحدود ہوسکتی ہیں جیسے کہ اسکول یا کمرہ جماعت میں موجود طلبہ کا قد اور وزن۔

distinct, like the number of students in a school or the number of cars parking in a parking lot. Whereas continuous data is measured on a cale and can have infinite values, like the height or weight of the students in a school or class.

Once the students understand the terms associated with data and its types, move on to data representation through graphs. In this grade, the students will learn to draw, represent and interpret data from bar charts and pie charts. Students have prior knowledge of horizontal and vertical bar graphs, but here, they will learn to represent and interpret data on multiple bar graphs. Multiple bar graphs represent the relationship between two or more different categories. For example, the number of boys in each compared to the number of girls in each grade. Make sure to point out that to make the comparison evidently clear, the bars should be different, for example, different coloured bars for boys and girls, shaded or unshaded, etc. Similarly, when drawing multiple bar graphs, students should be careful of labelling the vertical and horizontal axis. The categories go on the vertical axis while the corresponding values go on the horizontal axis. For bar graphs, the width of the bar remains constant, while the height of each bar represents the value of the respective category. Use different real-life examples to read and interpret bar graphs. The students may also be asked to carry out a survey to find out the number of books read by Grade 6, 7, and 8 in the months of June, July and August.

Once the students gain mastery in multiple bar graphs, explain to them that pie charts are another kind of graph that represents data in a circle. Each sector of a circle represents a category. Since a circle is equal to 360 degrees, each sector of the circle is a fraction of 360 degrees. The value of each category can be calculated by dividing the angle (representing a category) by the sum of angles (that is 360) and then multiplying it to the total. When drawing pie chart, a protractor must be used for proper measurement of each sector.

Competency 2

 Calculate the mean, median, and mode for ungrouped data and solve related real-life word problems

Stimulus: In statistics, there are different tools. One of the tools is the measures of central tendency which describes the average or center of a data set. Students have prior knowledge of what average is and how to calculate it. Here they will learn other measures of central tendency, that is mean, median and mode. Mean is the sum of all values divided by the number of values in each data set. The mean of a dataset is a single value that represents the entire distribution. Median is the middle value of a data set. Point out to the students that the correct median can be calculated only when the data is arranged in an order. For an odd number of values in a data set, the middle value is the median. However, for even the number of values in a data set, the median is the average of two middle values. Use different examples to help the students master this competency. The third measure of central tendency is the mode, which is the value that appears the most in the dataset.

طلبہ ڈیٹا اور اس کی اقسام سے متعلق اصطلاحوں (terms) کو سمجھ لیں تو انھیں گراف کے ذریعے ڈیٹا کو پیش کرنا سکھائے۔ اس جماعت میں طلبہ بیہ سیسیس گے کہ ڈیٹا کو بار چارٹ اور پائی چارٹ کی مدد سے کیسے بنایا، ظاہر کیا اور سمجھا جاتا ہے۔ طلبہ افتی اور عمودی بارگراف کو پہلے سے جانتے ہیں لیکن یہاں وہ multiple bar graphs کے ذریعے ڈیٹا کو ظاہر کرنا اور سمجھا سیسیس گے۔ emultiple bar graphs بارگراف دویا دوسے زاکد مختلف زمروں کے درمیان تعلق کو ظاہر کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر، ہر جماعت میں لڑکیوں اور لڑکوں کی تعداد کا مواز نہ۔ اس بات کو تھینی بنایئے کہ مواز نے کو واضح بنانے کے لیے ہر زمرے کے لیے بارمختلف ہونے چاہیں جیسے کہ لڑکے اور لڑکیوں کے لیے مختلف رنگوں کے بار، سابہ دار کی شکل میں بھرے ہوئے یا غیرسایہ دار خالی حصوں سے ظاہر کرنا وغیرہ۔ اس طرح اسلام اس گراف بناتے ہوئے طلبہ کو عمودی اور افتی محوروں کی میں بھرے ہوئے یا غیرسایہ دار خالی حصوں سے ظاہر کرنا وغیرہ۔ اس طرح کو کور پر اور ان کی متعلقہ مقداروں کو افتی محور پر درج کیا یا لکھا جاتا ہے۔ اس طرح بارگراف کی چوڑائی مستقل رہتی ہے۔ جب کہ ہر بارکی اونچائی متعلقہ زمرے کی عمالہ کو ظاہر کرتی ہے طلبہ کو روزمرہ زندگی کی مثالوں کے ذریعے بارگراف کو پڑھنے اور سمجھنے کی مثل کر وائے۔ اس خمن میں طلبہ سے ایک ایسا سروے کرنے کے لیے کہیں جس میں وہ معلوم کریں مثالوں کے ذریعے بارگراف کو پڑھنے اور سمجھنے کی مثل کر وائے۔ اس خمن میں کتنی تناہیں پڑھیں۔

طلبہ جب multiple بارگراف میں مہارت حاصل کر لیں تو انھیں سمجھائے کہ piechart بھی ایک قسم کا گراف ہے جو دائرے کی شکل میں ڈیٹا کی نمائندگی کرتا ہے۔ دائرے کا ہر حصہ ایک مخصوص زمرے کو ظاہر کرتا ہے۔ کیونکہ ایک مکمل دائرہ °360 درجے کا ہوتا ہے اس لیے دائرے کا ہر حصہ °360 درجے کا ایک حصہ ہے۔ لہذا ہر زمرے میں value کو value کرنے کے لیے زاویے (ایک زمرے) کو زاویوں کے مجموعے حصہ °360 درجے) سے تقسیم کرکے اور پھر اسے کُل مجموعے سے ضرب دیا جاتا ہے۔ piechart بناتے ہوئے ہر زمرے کی درست پیائش کے لیے پروٹر کیٹر کو استعال کر ناضروری ہے۔

قابلیت ۲

• ungrouped ڈیٹا کے median، mean اور mode کا حساب لگا سکیس اور روزمرہ زندگی سے جڑے اس سے متعلقہ عبارتی سوالوں کوحل کرسکیس۔

محرک: اعداد و شار جانجنے میں مختلف قسم کے tools کا استعمال کیا جاتا ہے اور اسے کیسے نکالا جاتا ہے۔ اس قابلیت میں وہ measures of central set کا اوسط یا مرکز کو ظاہر کرتا ہے۔ طلبہ جانتے ہیں کہ اوسط کیا ہے اور اسے کیسے نکالا جاتا ہے۔ اس قابلیت میں وہ median میں موجو دالی set value سے متعلق سیکھیں گے۔ یعنی ، mean میڈین median اور mean سے مرادک Data Set میں موجو دالی سے بعنی الموسی کے بیان میں موجو دالی median کی مجموعے کو ان کی تعداد پر تقسیم کیا جاتا ہے۔ اس نکالنے کے لیے تمام median کی مجموعے کو ان کی تعداد پر تقسیم کیا جاتا ہے۔ اس نکالئے کے لیے تمام سیٹ کی درمیانی قدر (value) کو کہتے ہیں۔ طلبہ کو وضاحت سے مجھائے کہ median کی حبابی درتی کے لیے ضروری ہے کہ ڈیٹا کو کسی ترتیب میں رکھا گیا ہو ۔ یعنی اگر کسی ڈیٹا سیٹ میں Redian کی تعداد طاق (odd) ہو تو درمیان والی قدر (value) کو مصل کیا جا سکتا ہے۔ اس قابلیت میں سیٹ میں اگر تعداد جفت (mode) ہو تو درمیانی دو values کا اوسط (average) کے کہ دوسان کیا جا سکتا ہے۔ اس قابلیت میں مہارت پیدا کر نے کے لیے مختلف مثالوں کو استعمال کیا جا سے میاں کی دوستال کی جیے۔ value کا تیسرا measure موڈ (mode) ہے ہے کسی ڈیٹا سیٹ میں سب سے زیادہ یائی جانے والی عالم ہے۔

Competency 3

- Explain experiments, outcomes, sample space, events, equally likely events and probability of a single event
- Differentiate the outcomes that are equally likely and not equally likely to occur (including real-life word problems)

Rationale: Probability is used in everyday life for decision making. It helps us know the likelihood of an event happening. Probability helps in predicting the weather, the chances of winning a sports game, and assessing the risks of accidents and natural disasters, etc. Probability helps students make sense of uncertainty and chance. The mastery in this competency helps them assess risks in everyday life and predict the result based on known information.

Stimulus: Start the lesson by flipping a coin and asking the students what they think the outcome will be. They will either say heads or tails. Tell them that the likelihood or either heads or tails is called probability. In case of flipping a coin, the outcomes will either be heads or tails. So, the probability of getting either of the outcome is $\frac{1}{2}$ that is the number of ways an event can happen/total number of possible outcomes. Introduce the students to the key terms of probability:

outcome	A single possible result of an experiment
Event	Set of one or more outcomes
Sample space	Set of all possible outcomes of an experiment
Experiment	A procedure that can be infinitely repeated and has a well-defined set of possible outcomes
Equally likely	Equal chances of few events happening
Not equally likely	Unequal chances of two events happening

Move on to detailed explanation of these terms using the book.

قابلیت س

experiment outcomes ، sample space events ، کیسال طور پر مکنه واقعات اور ایک واقعے کے امکان کی وضاحت کرسکیں۔

، مساوی مکنه نتائج اور غیر مساوی مکنه نتائج میں (بشمول حقیق زندگی سے جڑے عبارتی سوالوں کے) فرق کرسکیں۔

استدلال: امکان (probability) روزمرہ زندگی میں فیصلہ سازی کے لیے استعال ہوتا ہے۔ یہمیں کسی واقعہ کے رونما ہونے کا امکان جانے میں مدد مدد فراہم کرتا ہے۔ امکان موسم کی پیش گوئی، کھیل کے بیچ کو جیتنے کے امکانات، حادثات اور قدرتی آفات وغیرہ جیسے خطرات کا اندازہ لگانے میں مدد دیتا ہے۔ امکان طلبہ کوغیریقینی صورت حال اور ممکنات کو سمجھنے کا احساس یا شعور فراہم کرتا ہے۔ اس قابلیت میں مہارت حاصل ہونے کے بعد طلبہ روزمرہ زندگی میں خطرات کا جائزہ لینے اور دستیاب معلومات کی بنیاد پر نتائج کی پیش گوئی کرنے کے قابل ہوجاتے ہیں۔

محرک: کمرہ جماعت میں ایک سلّہ اچھالتے ہوئے سبق کی ابتدائیجیے اور طلبہ سے پوچھیے کہ ان کے خیال میں نتیجہ کیا نکلے گا؟ وہ یا تو 'ہیڈز (head)' کہیں گے یا 'ٹیلز (tail)' انھیں بتائیے کہ head یا انہ کا آنا ہی امکان ہے۔سلّہ اچھالنے کی صورت میں ممکنہ نتائج یا تو head ہو گا یا lail لہذا نتیج میں کسی ایک امکان کے حاصل ہونے کا امکان 1 ہے۔

outcome	A single possible result of an experiment
Event	Set of one or more outcomes
Sample space	Set of all possible outcomes of an experiment
Experiment	A procedure that can be infinitely repeated and has a well-defined set of possible outcomes
Equally likely	Equal chances of few events happening
Not equally likely	Unequal chances of two events happening

دری کتاب کی مدد سے ان اصطلاحات terms کی تفصیلی وضاحت سیجیے۔

Scheme of Work

Estimated Number of Periods: 14

Specific Learning Outcomes	Number of periods
 Identify and organise different types of data (i.e., discrete, continuous, grouped and ungrouped) 	4
 Calculate the mean, median, and mode for ungrouped data and solve related real-life word problems 	4
 Draw, read, and interpret horizontal and vertical multiple bar graphs and pie charts (including real life word problems) 	5
 Explain experiments, outcomes, sample space, events, equally likely events and probability of a single event 	F
Differentiate the outcomes that are equally likely and not equally likely to occur (including real-life word problems)	5

Prior Knowledge Assessment

Pupils should be able to:

- compare and order numbers (least to greatest, greatest to least).
- Perform four operations involving fractions and decimals.
- ability to count accurately and use tally marks to record data.
- express quantities as percentage.
- calculate simple probability.
- to extract numerical data from word problems and apply the correct calculation.

Written Assignments

Exercise	Class Assignment	Home Assignment
11.1	I, 2(c, d, e, f), 3, 5, 7, 8	2(a, b), 4, 6
II.2	2, 3, 4	I
II.3	2, 3, 4	I
11.4	3, 4, 5	I, 2

Evaluation

Ways to evaluate teaching and students learning.

- Oral assessment
- Written assessment
- · Teacher's assessment

Review Worksheet

- I. Choose the correct option.
 - i. The mean value of the data, 2, 3, 3, 4, 5, 7, is _____.
 - **A.** 2

B. 3

C. 4

- **D.** 7
- ii. The mode of IOI, 218, IIO, IOI, 226, 230, 226, IOI, IIO is _____
 - **A.** 110

B. 101

C. 226

- **D.** 230
- iii. The median of the data, 100, 150, 150, 200, 250, 250, is _____.
 - **A.** 100

B. 150

C. 200

- **D.** 250
- iv. The probability of an event that cannot happen is _____.
 - **A.** 0

B. I

 $C.\frac{1}{2}$

- **D.** 100
- v. The probability of a certain event is _____.
 - **A.** 0

B. I

 $C.\frac{1}{2}$

- **D.** 100
- 2. Find mean, median, and mode for the following data.
 - **a.** 12, 3, 7, 8, 2, 5, 1, 0, 2, 10

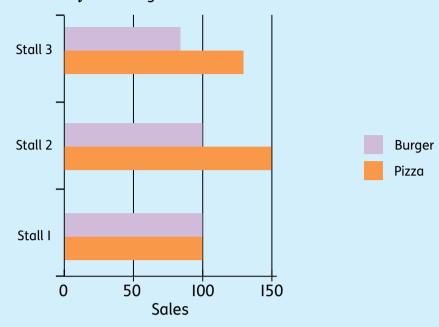
b. 100, 300, 700, 800, 200, 200, 200, 300

- **c.** 5.0, 2.5, 6.1, 3.0, 5.6, 3.0, 0.2
- **d.** -5, 0, -3, 2, 0, 5, -2, 3, 0

e. Rs 260, Rs 300, Rs 240, Rs 240

f. 20 m, 50 m, 30 m, 10 m, 50 m, 30 m, 20 m, 30 m, 30 m, 30 m, 10 m, 40 m

3. The given graph shows the sale of burgers and pizzas offered by three stalls in a food festival. Answer the questions given below.



- a. Which stall sold the fewest number of burgers?
- **b.** Which stall sold the fewest number of pizzas?
- c. Which stall sold the greatest number of burgers and pizzas altogether?
- d. What is the total number of pizzas sold by all three stalls?

4. Draw a horizontal multiple bar graph for the data given in the following table.

Number of visitors in a zoo during 4 days of a week

Day	Children	Men	Women
Thursday	40	15	5
Friday	35	10	10
Saturday	50	20	15
Sunday	55	25	25

5. Represent the data given in question 4 using vertical multiple bar graph.

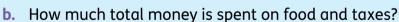


6. The table shows the marks obtained by 4 students in three subjects. Construct a multiple bar graph to represent the data.

Student	English	Maths	Science
Bilal	12	20	16
Maria	16	18	15
Kanwal	14	18	13
Sabir	12	II	13

7. The household monthly expenses of Sarwat are represented using the given pie chart. Answer the following questions if the total expenditure is Rs 50,000.

a. How much money is spent on utilities?



Rent 25%

Taxes 20%

Pood 22%

Utilities 15%

Others

c. For what purpose is the most money spent?

Math Understood 6 NCP SLO Matching Grid

	Students Learning Outcomes	Covered in MU 6	
	Domain A: Numbers and Operations		
M-06-A01	Identify: factors of numbers up to 3 digits Multiples of numbers up to 2 digits Prime factors of numbers up to 4 digits and express them index notation	25 - 27 24 - 25 27 - 29	
M-06-A02	Identify base and exponent and express numbers given in expanded form in index notation and vice versa	27 - 29	
M-06-A03	Find HCF and LCM of two or three numbers (up to 3 digits) using: - prime factorization - division method	29 - 32	
M-06-A04	Solve real-life word problems involving HCF and LCM	31 - 32	
M-06-A05	Recognise, identify, and represent integers (positive, negative, and neutral integers) and their absolute or numerical value.	9-11	
M-06-A06	Arrange a given list of integers and their absolute values in ascending and descending order.	10-12	
M-06-A07	Add and subtract up to 2 digits like and unlike integers and verify commutative and associative laws (where applicable).	12 - 14, 17	
M-06-A08	Multiply up to 2 digits like and unlike integers and verify commutative, associative and distributive laws.	15 - 18	
M-06-A09	Divide like and unlike integers	16	
M-06-A10	Recognise the order of operations and use it to solve mathematical expressions involving whole numbers, decimals, fractions, and integers	22 - 23	
M-06-A11	Express one quantity as a percentage of another, compare two quantities by percentage and increase or decrease a quantity by a given percentage	43 - 46	
M-06-A12	Solve real-life word problems involving percentages	43, 46	
M-06-A13	Explain rate as a comparison of two quantities where one quantity is 1	34 - 35	

M-06-A14	Calculate ratio of two numbers (up to 3 digits) and simplify ratios	35 - 37	
M-06-A15	Explain and calculate continued ratio	38 - 39	
M-06-A16	Solve real-life word problems involving ratio and rate	35, 37, 39	
M-06-A17	Recognise and calculate square numbers up to 2 digits.	33	
M-06-A18	Use language, notation, and Venn Diagrams to represent different types of sets and their elements. (finite, infinite, empty, singleton and universal set)	1 - 8	
	Domain B: Algebra		
M-06-B-01	Recognise simple patterns from various number sequences Continue a given number sequence and find:	47 - 50	
M-06-B-02	term to term rule - position. To term rule	1, 30	
M-06-B-03	Solve real-life word problems involving number sequences and patterns	49, 50	
M-06-B-04	Explain the term algebra as an extension of arithmetic, where letters, numbers, and symbols are used to construct algebraic expressions	50, 51	
M-06-B-05	Evaluate algebraic expressions by substitution of variables with numerical values	54 - 55	
M-06-B-06	Manipulate simple algebraic expressions using addition and subtraction	52, 53	
M-06-B-07	Simplify algebraic expressions	55, 56	
M-06-B-08	Recognise and construct linear equations in one variable	57 - 62	
M-06-B-09	Solve linear equations involving integers, fractions, and decimal coefficients	57 - 62	
M-06- B-10	Solve reallife word problems involving linear equations	60 - 62	
	Domain C: Measurement		
M-06-C-01	Calculate the area of a path (inside or outside) a rectangle or square, parallelogram, triangle and trapezium	78 - 85	
M-06-C-02	Solve real-life word problems involving perimeter and area	80-85	
M-06-C-03	Calculate the surface area and volume of cube and cuboids		
M-06-C-04	Solve real-life word problems involving the surface area and volume of cubes and cuboids	87 - 89	
	,		

Domain D: Geometry			
M-06-D-01	Recognise and identify 3-D shapes (i.e., cube, cuboid, cone, cylinder, sphere, hemisphere and cone) with respect to their characteristics	86	
M-06-D-02	Reflect an object using grid paper and a pair of compasses and find the line of reflection by construction	72 - 75	
M-06-D-03	Identify and differentiate between parallel lines, perpendicular lines, and transversal	64	
M-06-D-04	Identify adjacent angles and find unknown angles related to parallel lines and transversals. (corresponding, alternate, and vertically opposite angles)	64 - 65	
M-06-D-05	Recognise rotational symmetry, find the point of rotation and order of rotational symmetry	75 - 77	
M-06-D-06	Construct angles of specific measures (30°, 45°, 60°, 75°, 90°, 105° and 120°) and bisect angles using a pair of compasses	70 - 72	
M-06-D-07	Construct a perpendicular (from a point on the line and outside the line) and a perpendicular bisector	68 - 69	
Domain E: Statistics and Probability			
M-06-E01	Draw, read, and interpret horizontal and vertical multiple bar graphs and pie charts (including real life word problems)	94 - 98	
M-06-E02	Identify and organise different types of data (i.e., discrete, continuous, grouped and ungrouped)	90 - 91	
M-06-E03	Calculate the mean, median, and mode for ungrouped data and solve related real-life word problems	91 - 93	
M-06-E04	Explain experiments, outcomes, sample space, events, equally likely events and probability of a single event.	99 -101	
	Differentiate the outcomes that are equally likely and not equally likely to occur. (including real-life word problems)	99 - 101	

M-06-A14	Calculate ratio of two numbers (up to 3 digits) and simplify ratios	35 - 37
M-06-A15	Explain and calculate continued ratio	38 - 39
M-06-A16	Solve real-life word problems involving ratio and rate	35, 37, 39
M-06-A17	Recognise and calculate square numbers up to 2 digits.	33
M-06-A18	Use language, notation, and Venn Diagrams to represent different types of sets and their elements. (finite, infinite, empty, singleton and universal set)	1 - 8
	Domain B: Algebra	
M-06-B-01	Recognise simple patterns from various number sequences Continue a given number sequence and find:	47 - 50
M-06-B-02	term to term rule - position. To term rule	47 - 30
M-06-B-03	Solve real-life word problems involving number sequences and patterns	49, 50
M-06-B-04	Explain the term algebra as an extension of arithmetic, where letters, numbers, and symbols are used to construct algebraic expressions	50, 51
M-06-B-05	Evaluate algebraic expressions by substitution of variables with numerical values	54 - 55
M-06-B-06	Manipulate simple algebraic expressions using addition and subtraction	52, 53
M-06-B-07	Simplify algebraic expressions	55, 56
M-06-B-08	Recognise and construct linear equations in one variable	57 - 62
M-06-B-09	Solve linear equations involving integers, fractions, and decimal coefficients	57 - 62
M-06- B-10	Solve reallife word problems involving linear equations	60 - 62
Domain C: Measurement		
M-06-C-01	Calculate the area of a path (inside or outside) a rectangle or square, parallelogram, triangle and trapezium	78 - 85
M-06-C-02	Solve real-life word problems involving perimeter and area	80-85